

PODSTAWY INFORMATYKI

21/01/2020

WFAiS UJ, Informatyka Stosowana
II stopień studiów

Wykład 13a

2

Eksploataja
danych

- Co to są „dane”
- W jaki sposób zbieramy „dane”
- W jaki sposób reprezentujemy „dane”
- W jaki sposób analizujemy „dane”
- W jaki sposób wyciągamy wnioski

Macierz danych

3

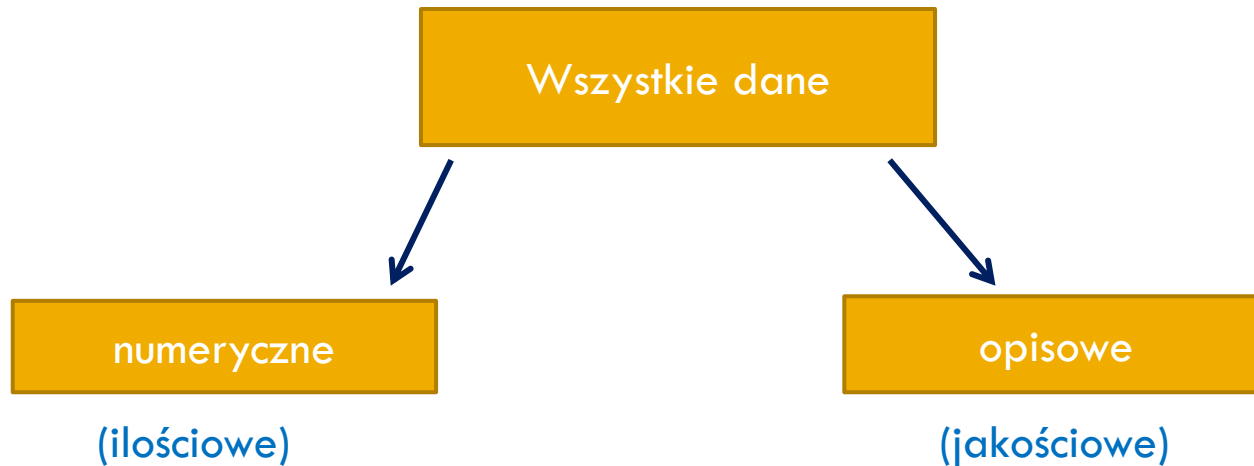
country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high

→
obserwacja

↓
zmienna

Typy danych

4

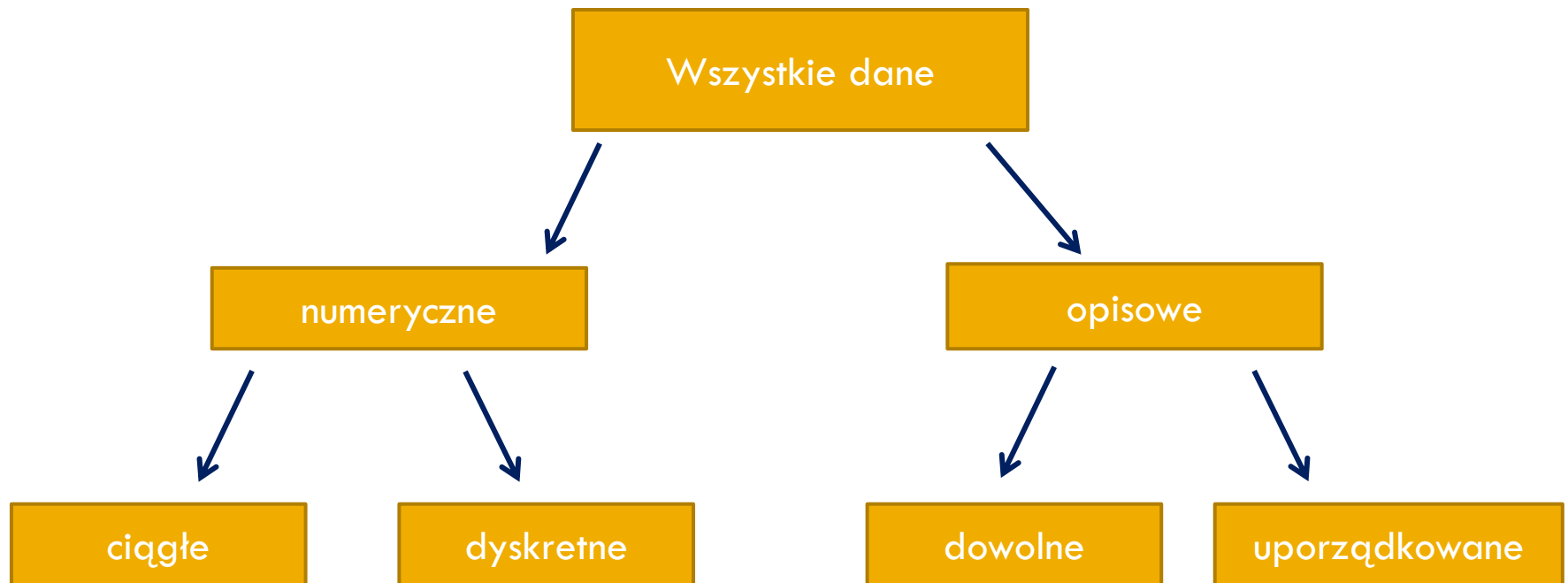


mają wartości liczbowe;
można dodawać, odejmować,
wylizzać średnią, itd.

Skończona ilość kategorii;
mogą być oznaczone
wartościami liczbowymi
ale nie podlegają operacjom
arytmetycznym.

Typy danych

5



Przyjmują dowolne wartości z jakiegoś przedziału

Przyjmują jedną z określonego zbioru wartości

Poziomy mają wewnętrzną kolejność

Macierz danych

6

country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high



country – nazwa kraju

opisowa

Macierz danych

7

country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high



cr_req – ilość żądań usunięcia wpisu na www wysłany do Google

dyskretna,
numeryczna

Macierz danych

8

country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high



cr_comply – procent żądań zaakceptowany przez Google

ciągła,
numeryczna

Macierz danych

9

country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high



opisowa

hemisphere – na jakiej półkuli jest dany kraj

Macierz danych

10

country	cr_req	cr_comply	ud_req	ud_comply	...	hemisphere	hdi
Argentina	21	100	134	32	...	southern	very high
Australia	10	40	361	73	...	southern	very high
Belgium	<10	100	90	67	...	northern	very high
Brazil	224	67	703	82	...	southern	high
...
United States	92	63	5950	93	...	northern	very high

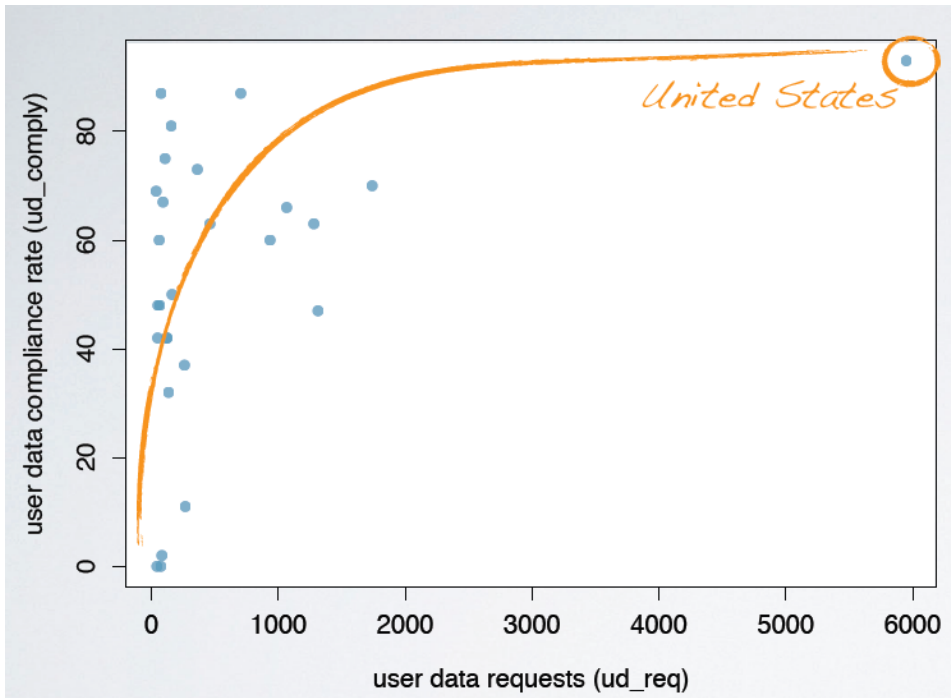


opisowa
uporządkowana

hdi – poziom życia w danym kraju

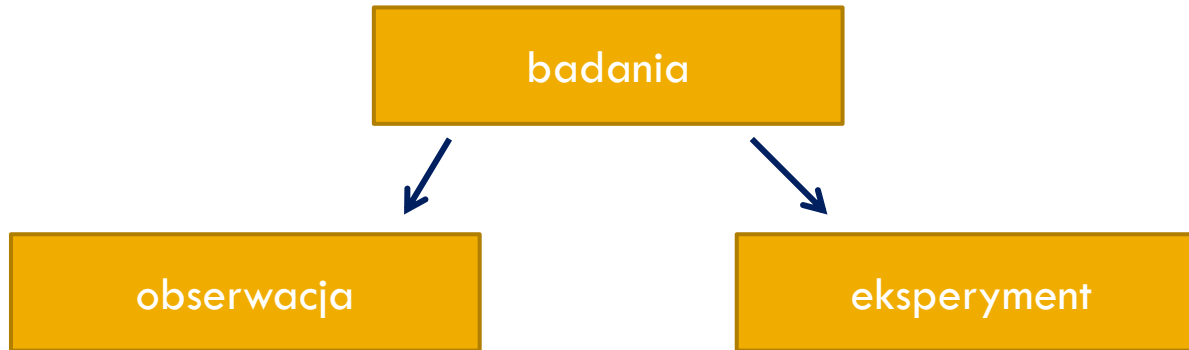
Relacja pomiędzy danymi

11



W jaki sposób zbieramy dane?

12



- Nie zaburza procesu w którym dane napływają
- Pozwala tylko na badanie związków pomiędzy danymi
 - Retrospektywne: dot. przeszłości
 - Prognozowane: dot. przyszłości

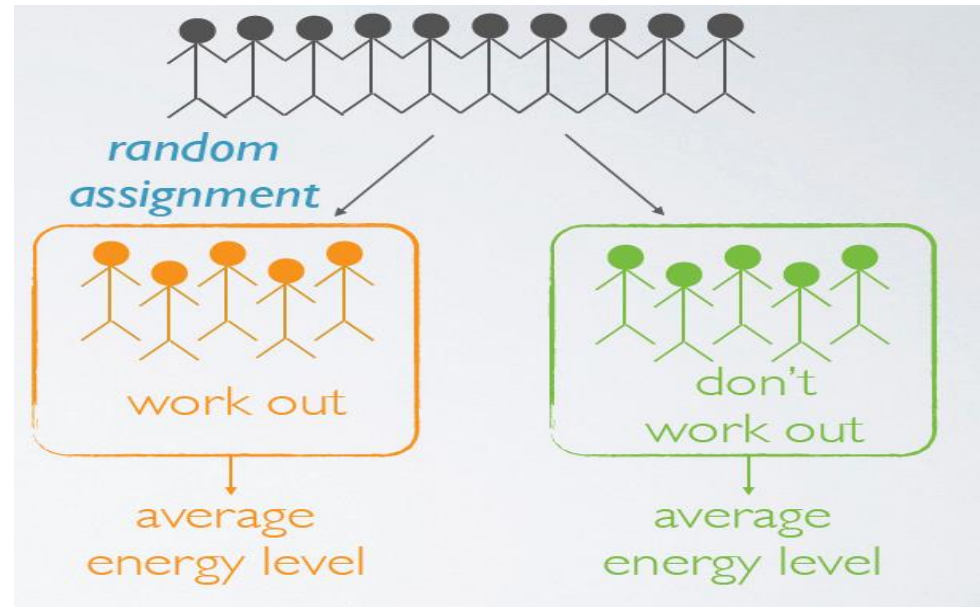
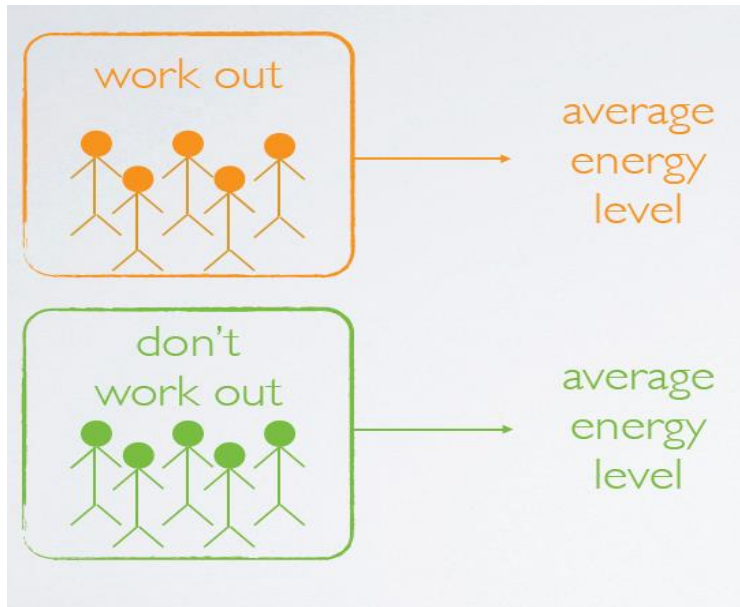
- Losowe przyporządkowuje podmiot do kategorii
- Pozwala na badanie związków przyczyna-skutek

Pytanie: czy zaliczenie kursu jest związane z poziomem aktywności

13

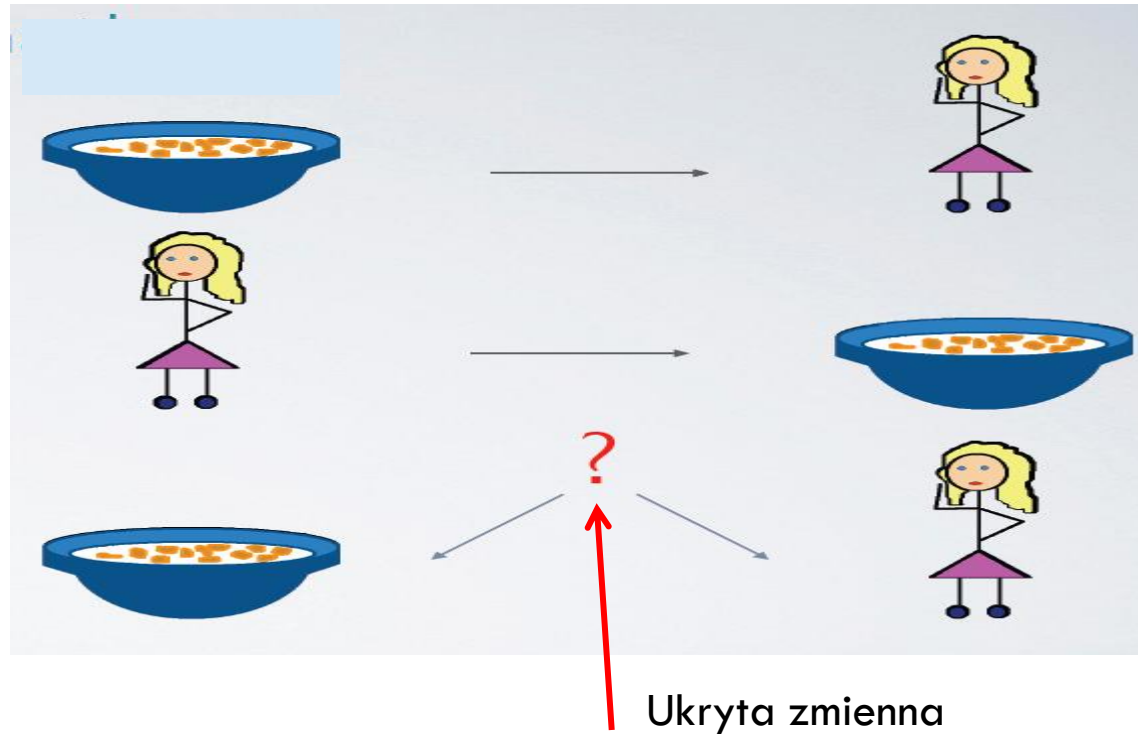
obserwacja

eksperyment



Czy teza „Jedzenie corn-flakes na śniadania sprzyja prawidłowej wadze” jest prawdziwa?

14



Korelacja nie oznacza wynikania!

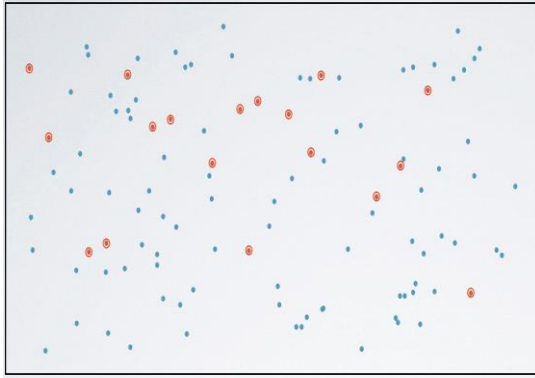
W jaki sposób zbierać dane?

15

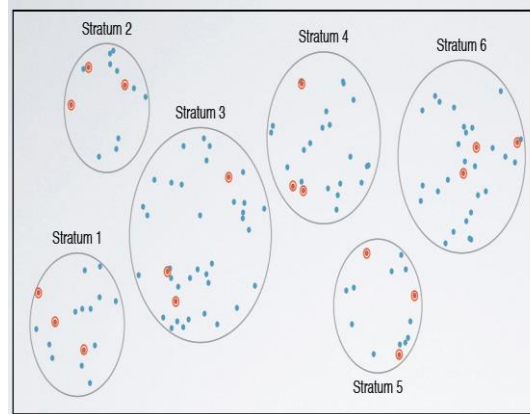
- **Spis** czyli przebadać cały zbiór ?
 - ▣ Niektórzy osobnicy mogą być trudni do zlokalizowania lub przebadania, ale też prawdopodobnie będą inni niż cała reszta osobników
 - ▣ Zbiór osobników na ogół nie jest stabilny
- Wybrać tylko **reprezentatywną próbkę**? Tak ale uwaga na możliwość baiasowania:
 - ▣ Np. tylko łatwo dostępni osobnicy
 - ▣ Np. tylko wolontariusze?

W jaki sposób wybierać próbkę?

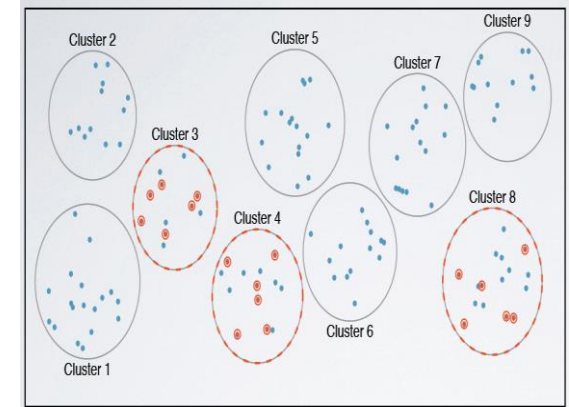
16



Wybieramy losowo osobników
(**random sampling**)



Dzielimy na różne kategorie (divide & conquer), wybieramy losowo kilka kategorii i następnie losowo kilku osobników z każdej z wybranych kategorii.
(**stratifying**)



Dzielimy na identyczne podzbiory (warstwy) i wybieramy losowo osobników z kilku losowo wybranych podzbiorów
(**clustering**)

W jaki sposób planować eksperyment?

17

- Próbka kontrolna (control sample): porównuj wynik dla testowanej próbki i dla próbki kontrolnej
- Losowość (randomize): wybierz z próbki losowo osobników którzy są podlegają testowaniu
- Grupowanie (blocking): pogrupuj wpierw osobników względem zmiennej o której wiemy że może wpływać na wynik badania
- Powtarzanie (replicate): powtarzaj testowanie wielokrotnie na różnych próbkach

Przykład: grupowanie

18

Zaplanuj eksperyment badający czy napój energetyzujący pomaga biegać?

- ❑ Próbkę testowaną: podajemy napój
- ❑ Próbkę kontrolną: nie podajemy napoju
- ❑ Ale profesjonalści mogą różnie reagować na napój niż amatorzy
- ❑ Grupuj najpierw ze względu na status:
 - ❑ Podziel osobników na „pro”, „amator”
 - ❑ Podziel każdą grupę na „testowaną” i „kontrolną”
 - ❑ „Pro” i „amator” są jednakowo reprezentowani w próbkę testowanej i kontrolnej.

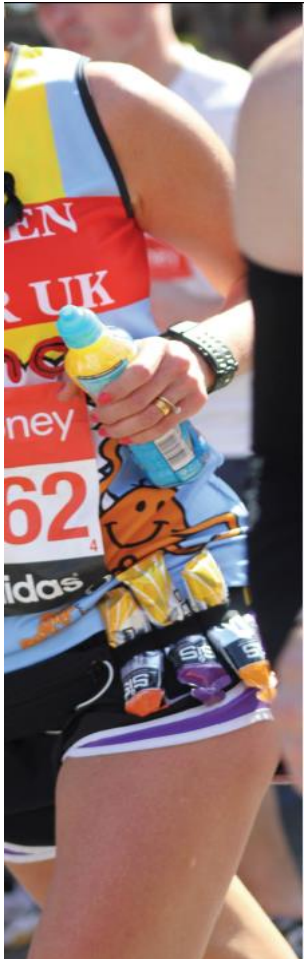


Image credit: Paul Wilkinson CC-BY 2.0 <http://www.flickr.com/photos/28477990@N03/8683998728>

Wizualizacja danych

19

data	income per person (\$, 2012)	life expectancy (years, 2012)
Afghanistan	1359.7	60.254
Albania	6969.3	77.185
Algeria	6419.1	70.874
...
Zimbabwe	545.3	58.142

Source: gapminder.com

Wizualizacja danych

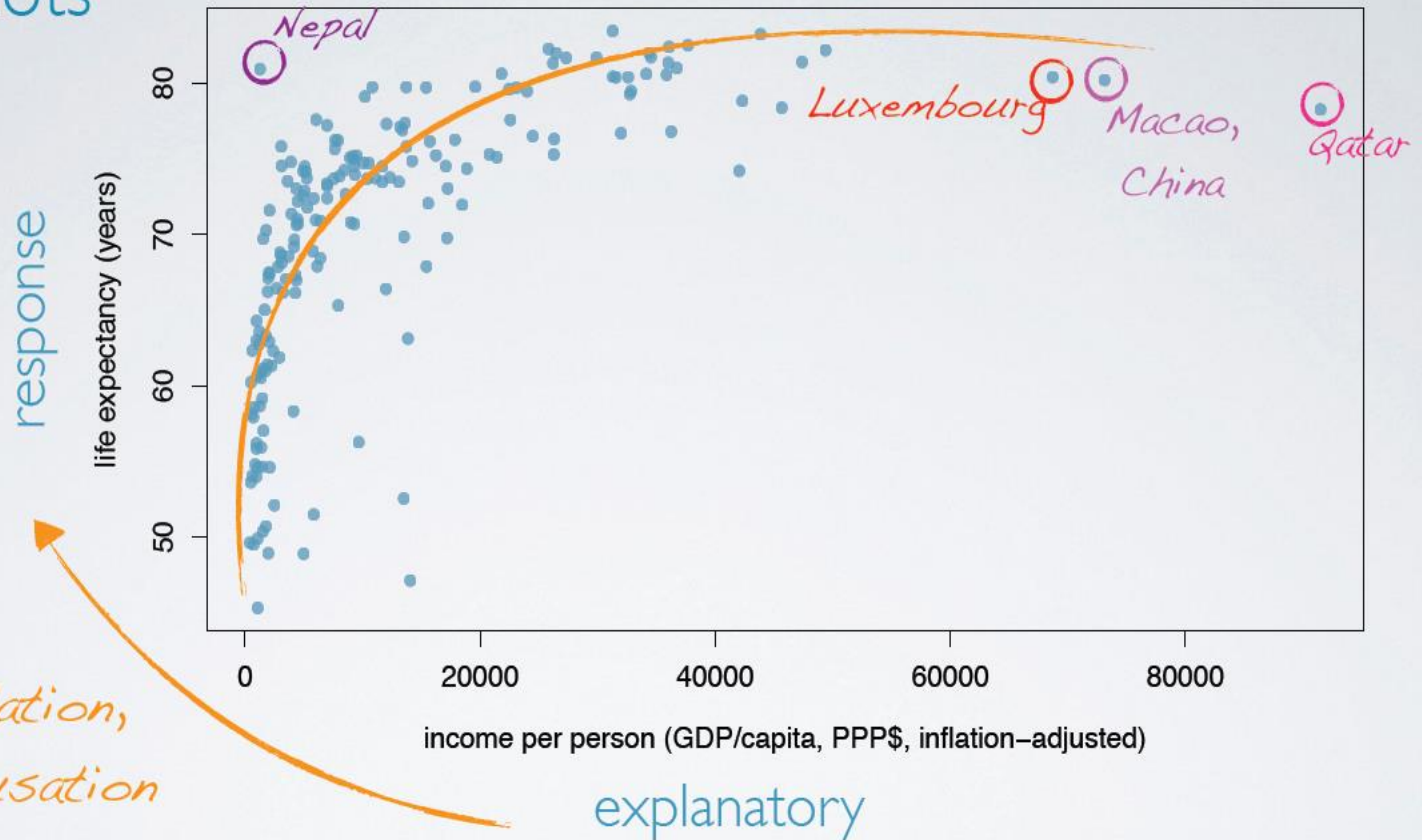
20



Wizualizacja danych

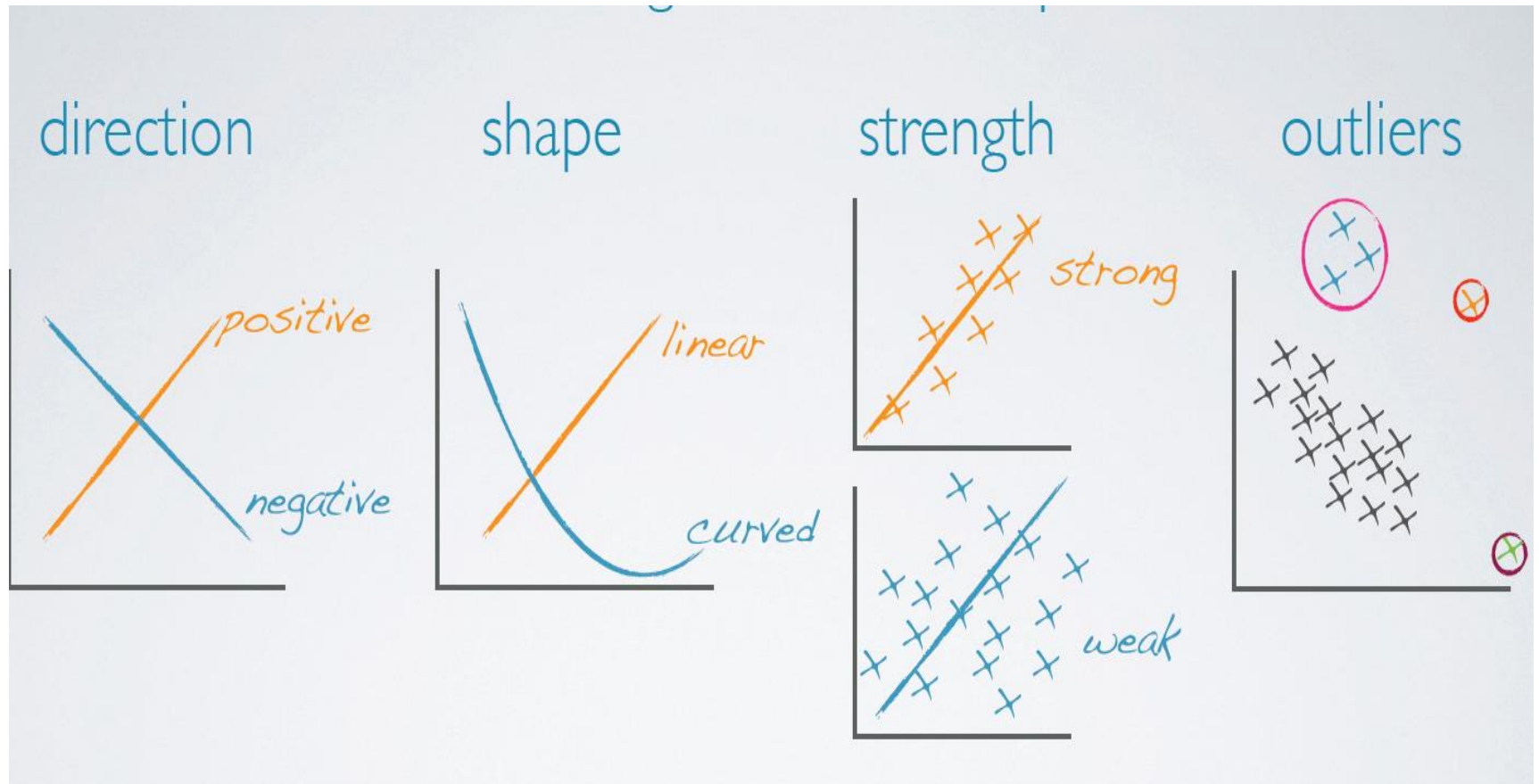
21

scatterplots



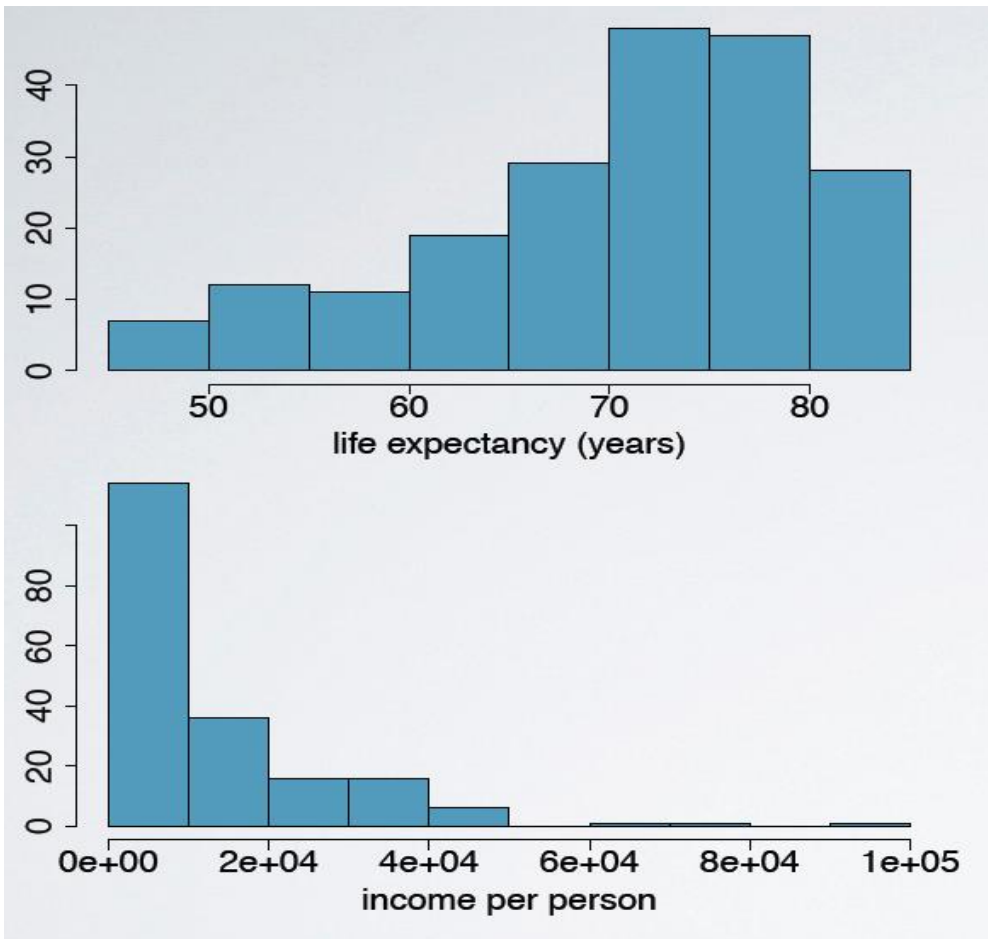
Związki pomiędzy zmiennymi

22



Histogram

23

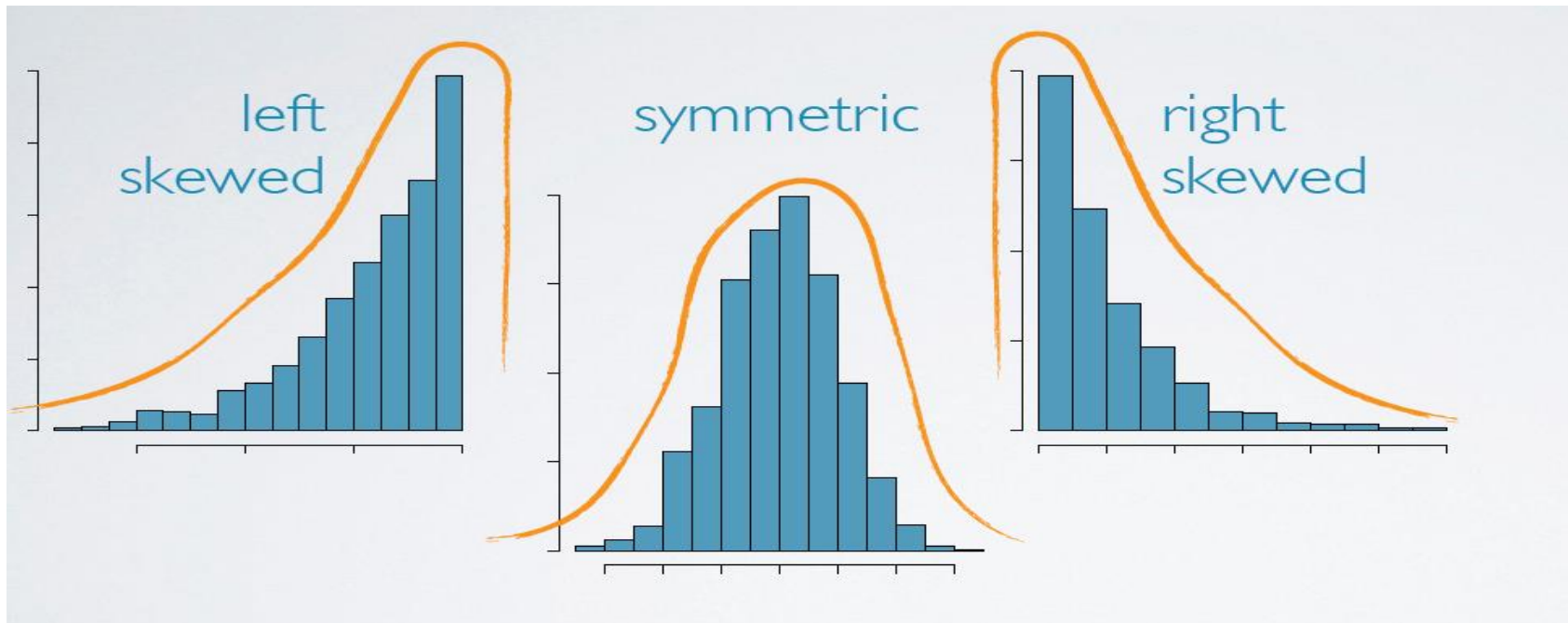


- Pozwala obejrzeć jaki jest rozkład funkcji gęstości
- Dogodny aby zilustrować kształt rozkładu

Przekrzywienia (skewed)

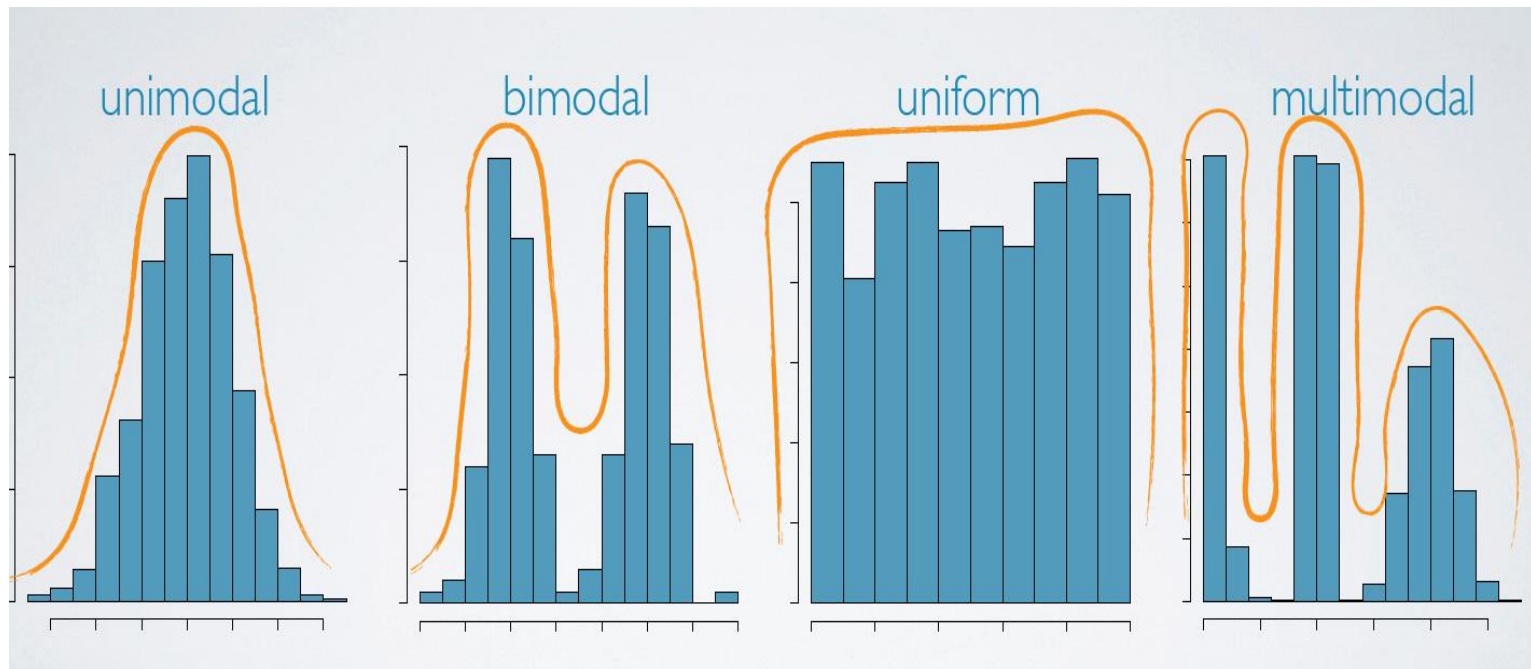
24

Rozkłady są przekrzywione w stronę długich ogonów rozkładu



Modalność rozkładu

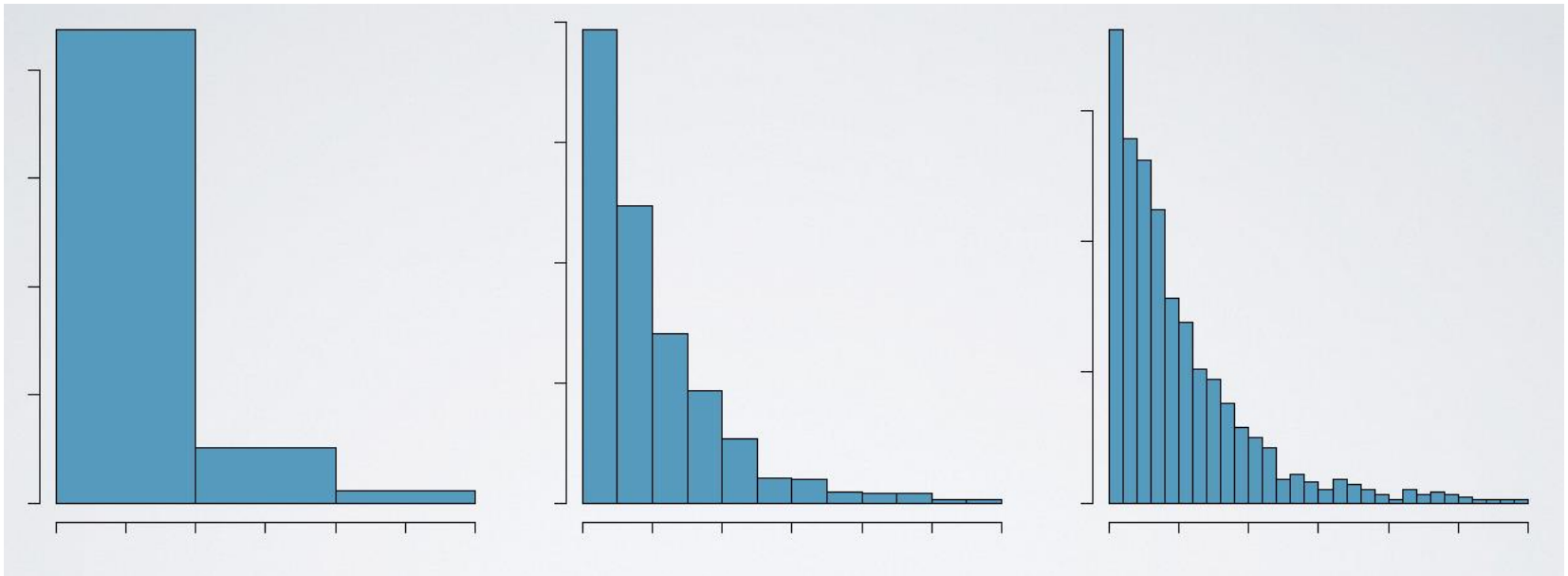
25



Histogram i szerokość binu

26

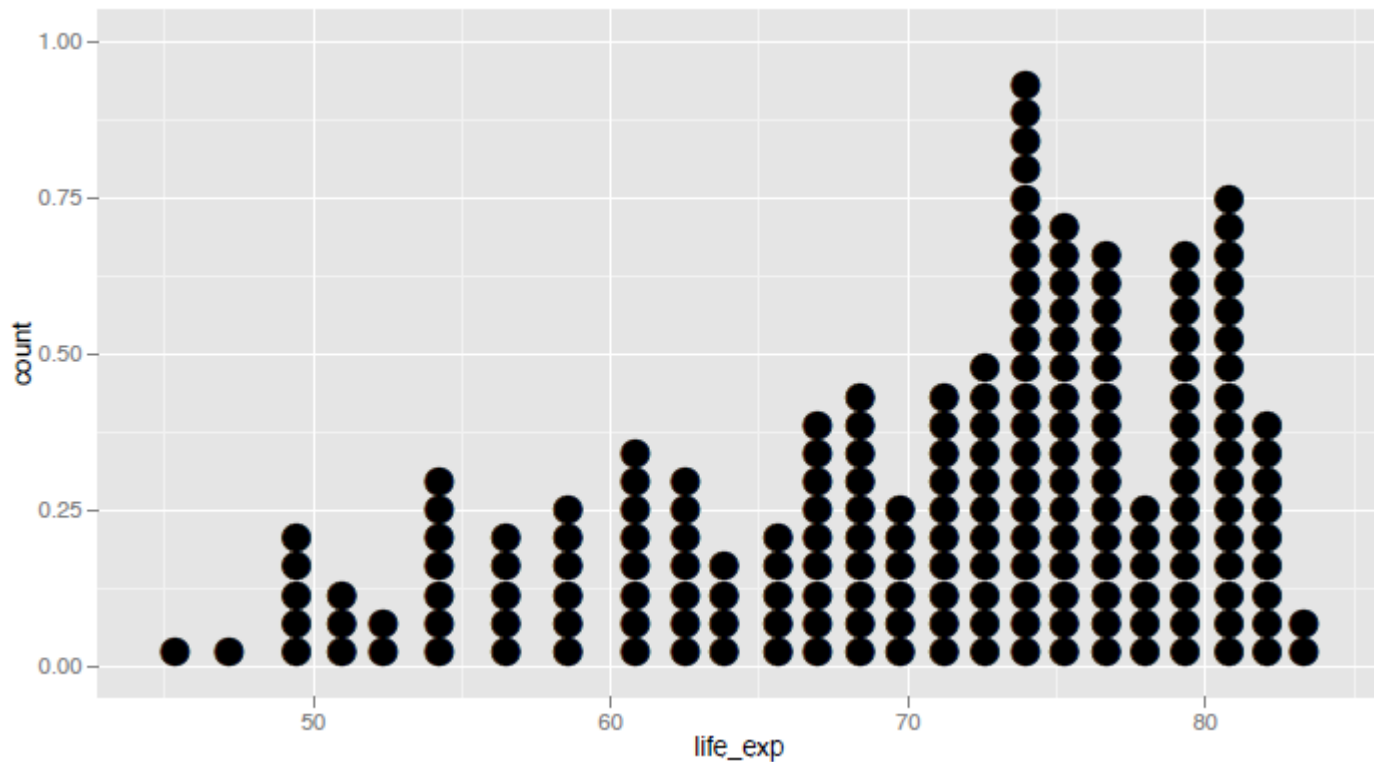
Wybór szerokości binu może zakryć informację o strukturze



Punktowe ploty

27

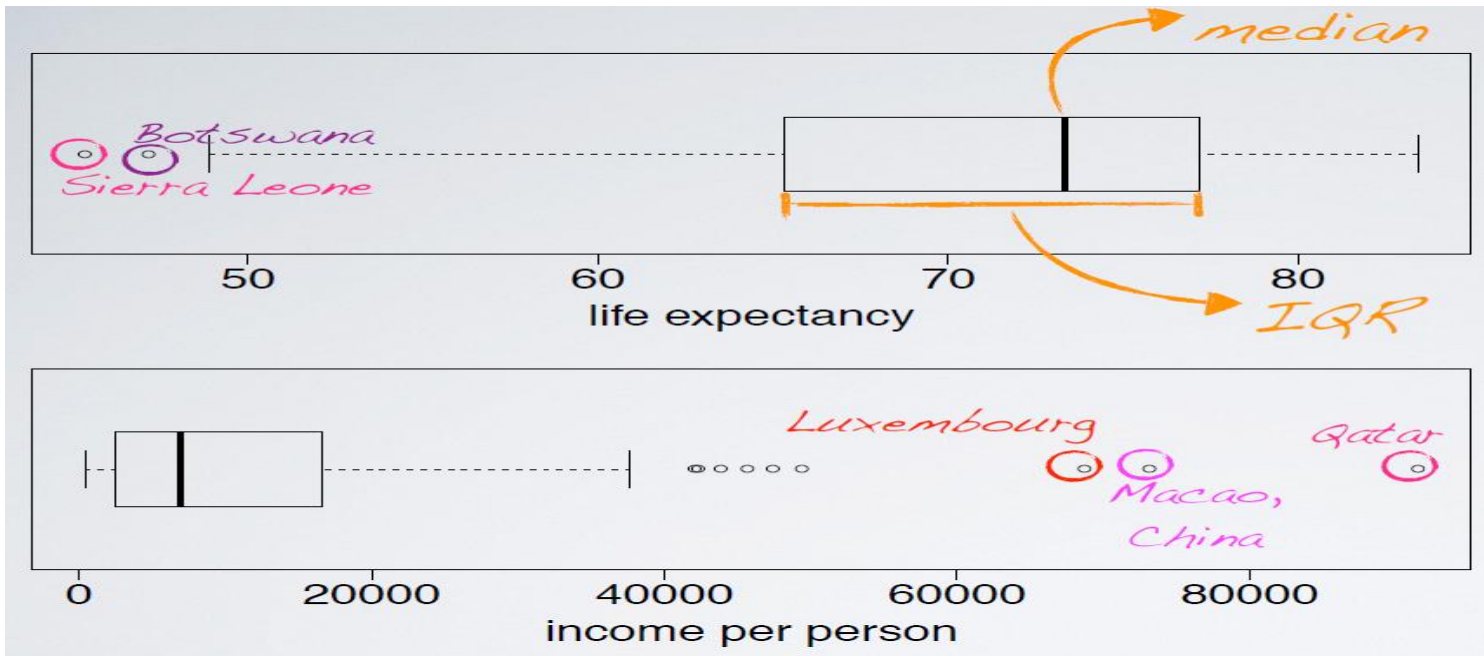
Też wygodny, ale przy niedużej statystyce



Box-plot

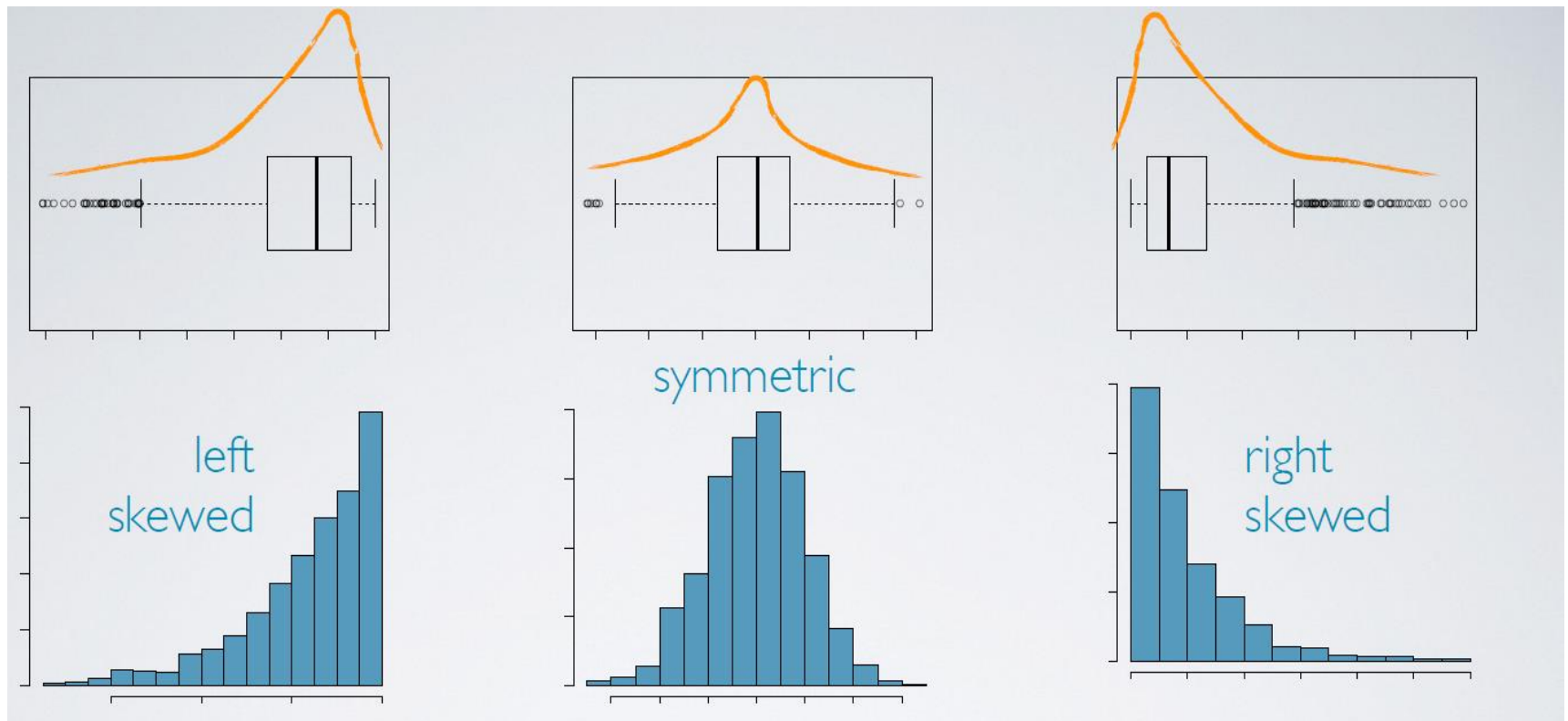
28

- Wygodny aby zaznaczyć medianę ($< 50\%$ rozkładu), zakres międzykwartylowy (IQR), outliers
- IQR – $Q1-Q3$: zakres w którym mieści się 50% danych, dystans od pierwszej ($Q1 = 25\%$) do trzeciej ($Q3=75\%$) kwartyli



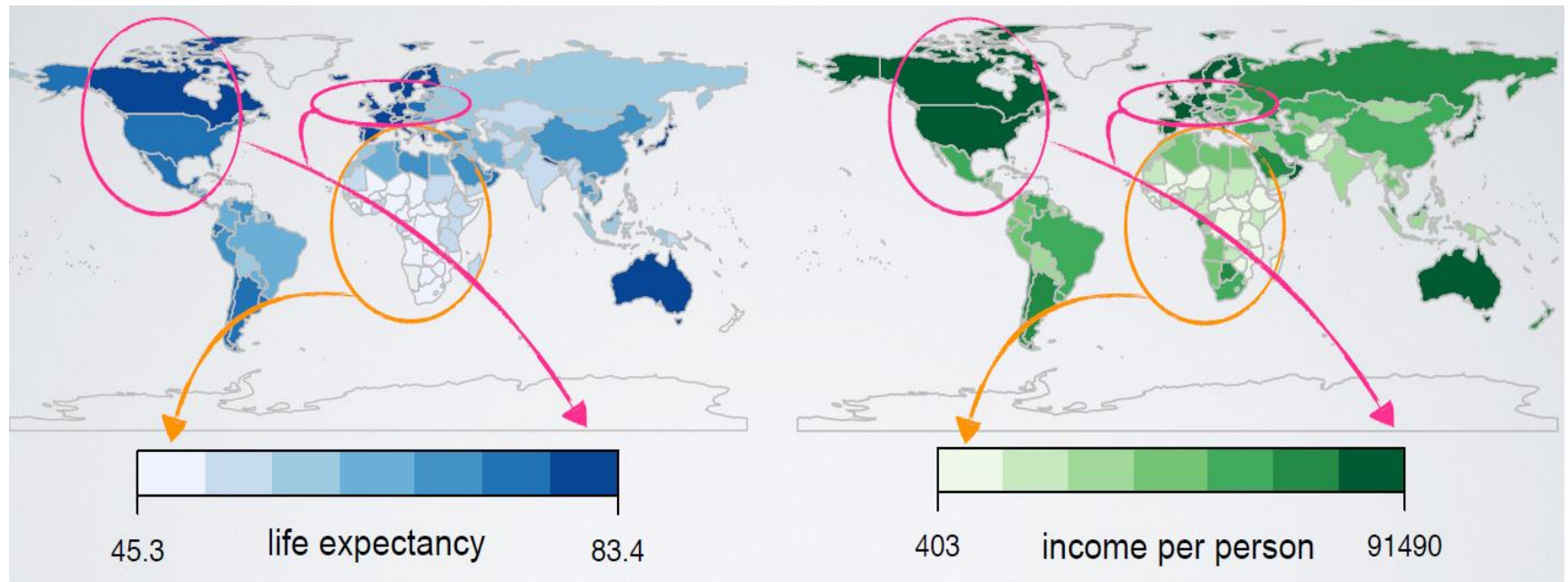
Wizualizacja danych

29



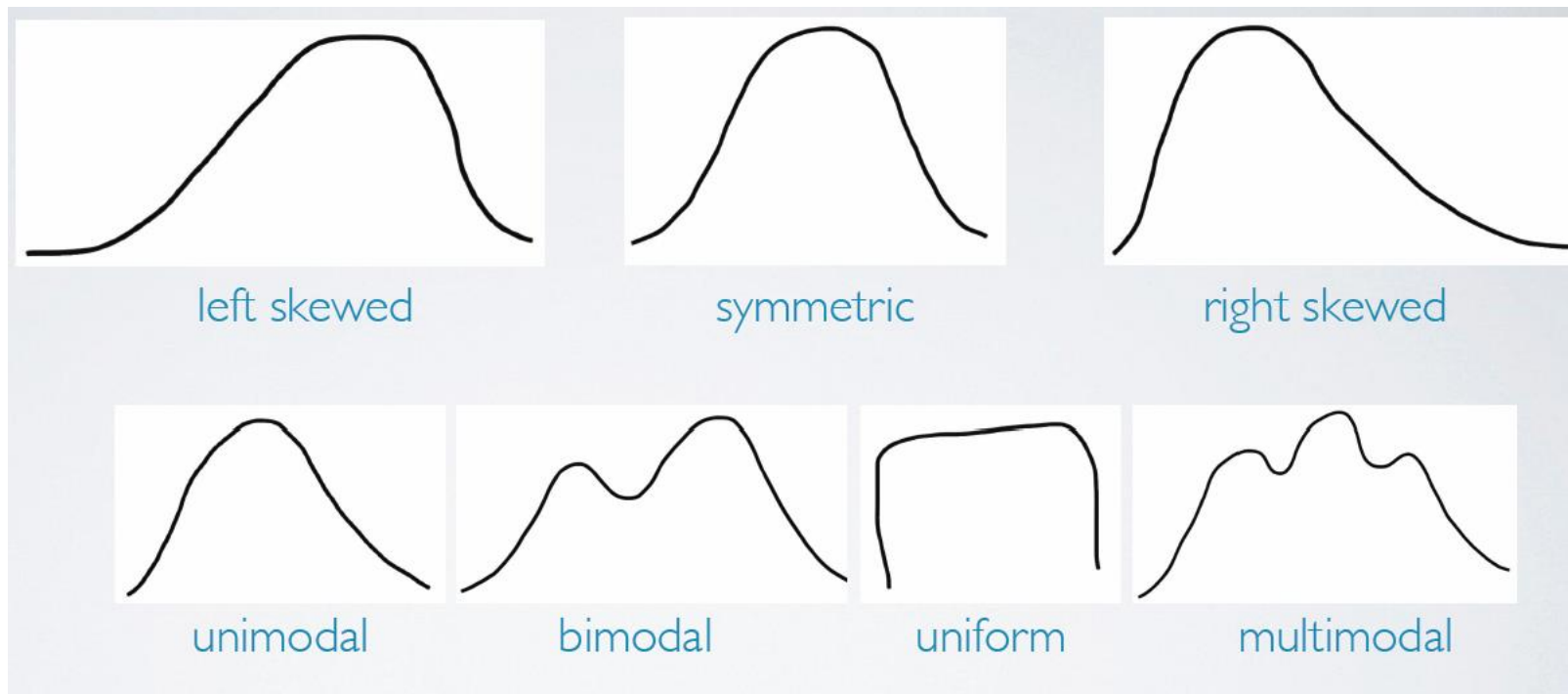
Mapa gęstości

30



Kształt rozkładu

31



Jeden parameter: środek rozkładu

32

- Mean: średnia arytmetyczna
 - \bar{x} średnia z próbki
 - μ średnia całej populacji
- Mode: wartość o największym prawdopodobieństwie
- Mediana: środek rozkładu (poniżej znajduje się 50% przypadków)

Przykład: wynik egzaminu 9-ciu studentów

33

75, 69, 88, 93, 95, 54, 87, 88, 27

mean:
$$\frac{75+69+88+93+95+54+87+88+27}{9} = 75.11$$

mode: 88

median: 27, 54, 69, 75, 87, 88, 88, 93, 95

A gdyby było 10-ciu

27, 54, 69, 75, 87, 88, 88, 93, 95, 100

$$\frac{87 + 88}{2} = 87.5$$

Wracamy do tabelki

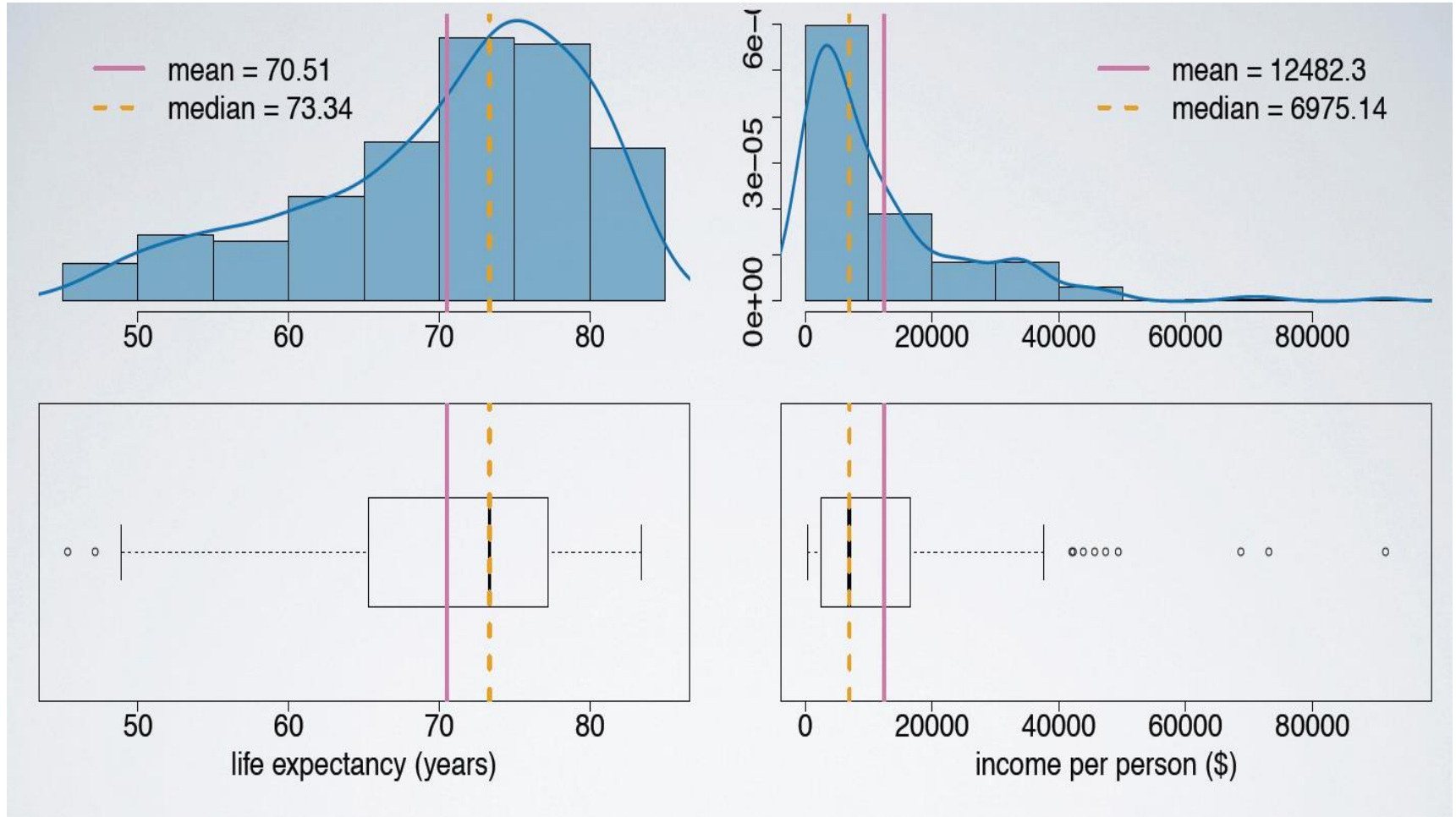
34

data	income per person (\$, 2012)	life expectancy (years, 2012)
Afghanistan	1359.7	60.254
Albania	6969.3	77.185
Algeria	6419.1	70.874
...
Zimbabwe	545.3	58.142

Source: gapminder.com

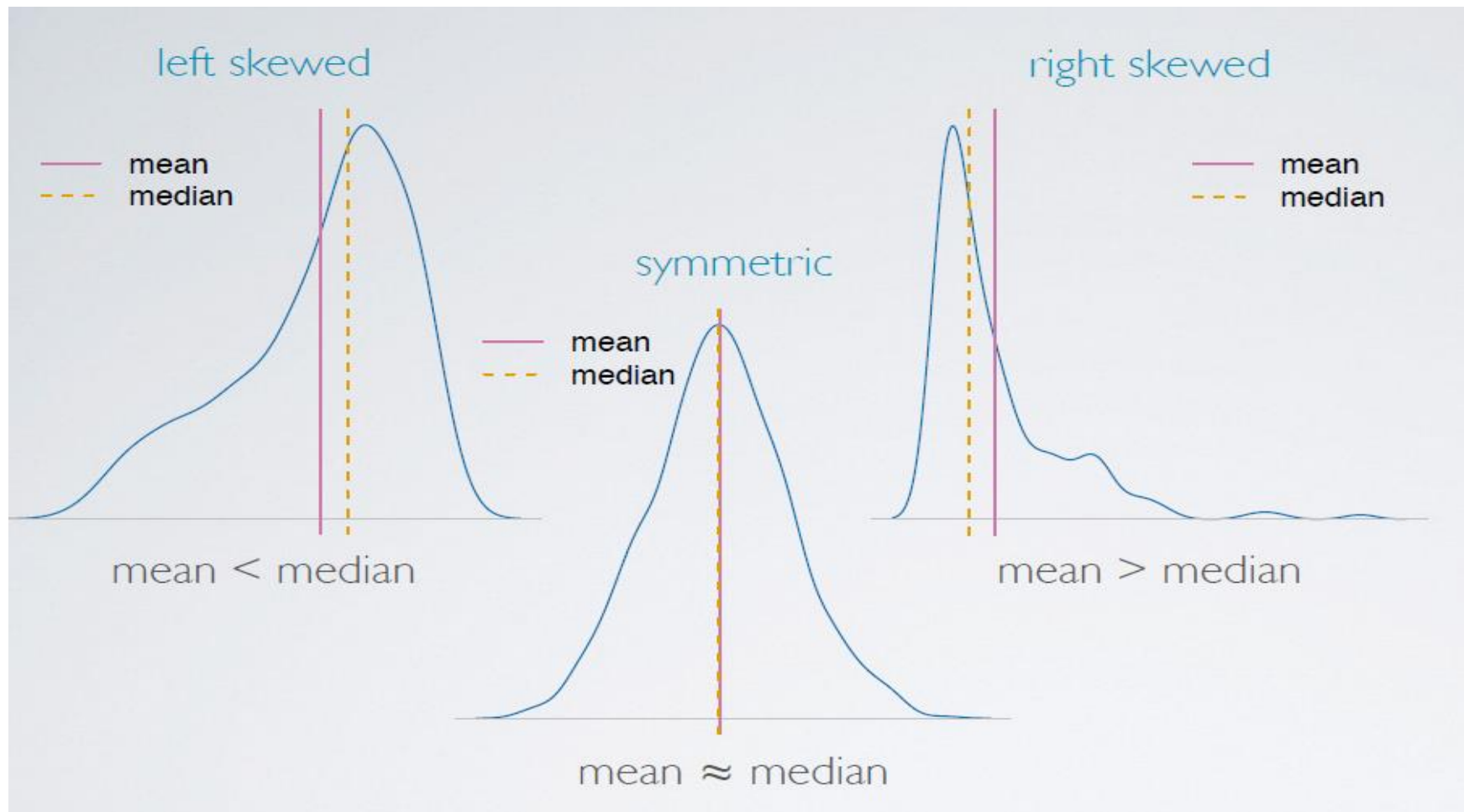
Wizualizacja danych

35



Skrzywienie vs środek

36



Wariancja

37

sample
variance
 s^2
population
variance
 σ^2

w przybliżeniu średni kwadrat odchylenia od średniej

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

Przykład: zakładając że średni czas życia jest 70.5 lat i w tabelce mamy 201 krajów

$$s^2 = \frac{(60.3 - 70.5)^2 + (77.2 - 70.5)^2 + \dots + (58.1 - 70.5)^2}{201 - 1}$$
$$= 83.06 \text{ years}^2$$

	country	life exp
1	Afghanistan	60.3
2	Albania	77.2
3	Algeria	70.9

201	Zimbabwe	58.1

Wariancja

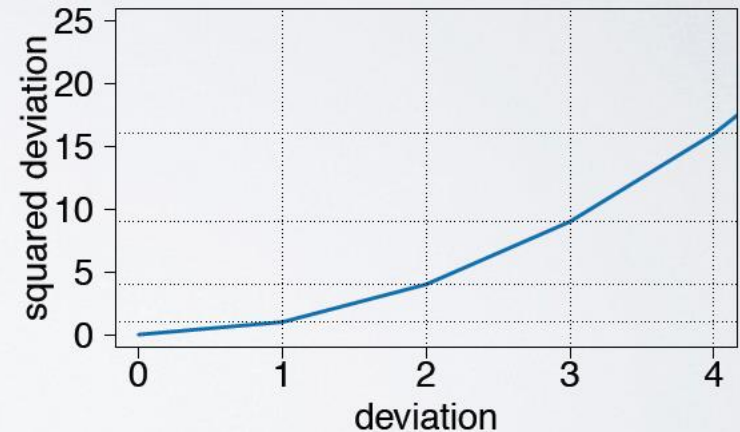
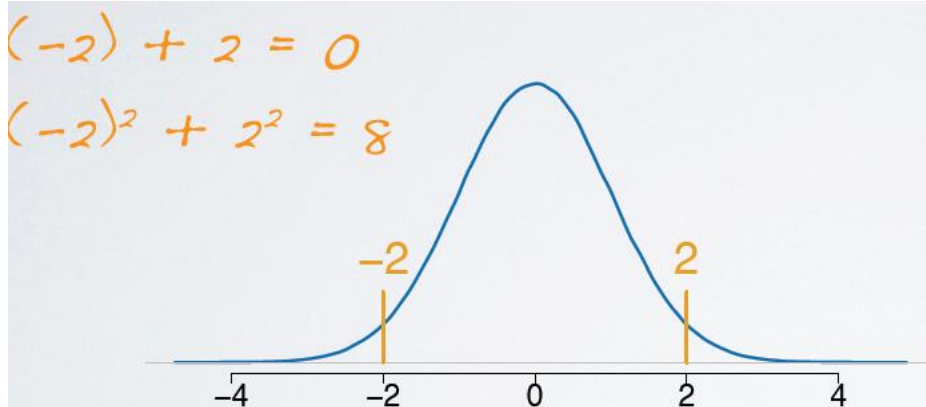
$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

38

□ Dlaczego różnicę podnosimy do kwadratu?

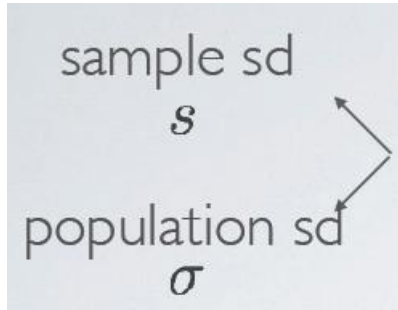
Aby dodatnie i ujemne różnice
nawzajem się nie znosiły

Aby zwiększyć wkład od
dużych różnic bardziej niż od
małych



Odchylenie standardowe

39



W przybliżeniu średnie odchylenie od wartości średniej i jest w tych samych jednostkach co dane

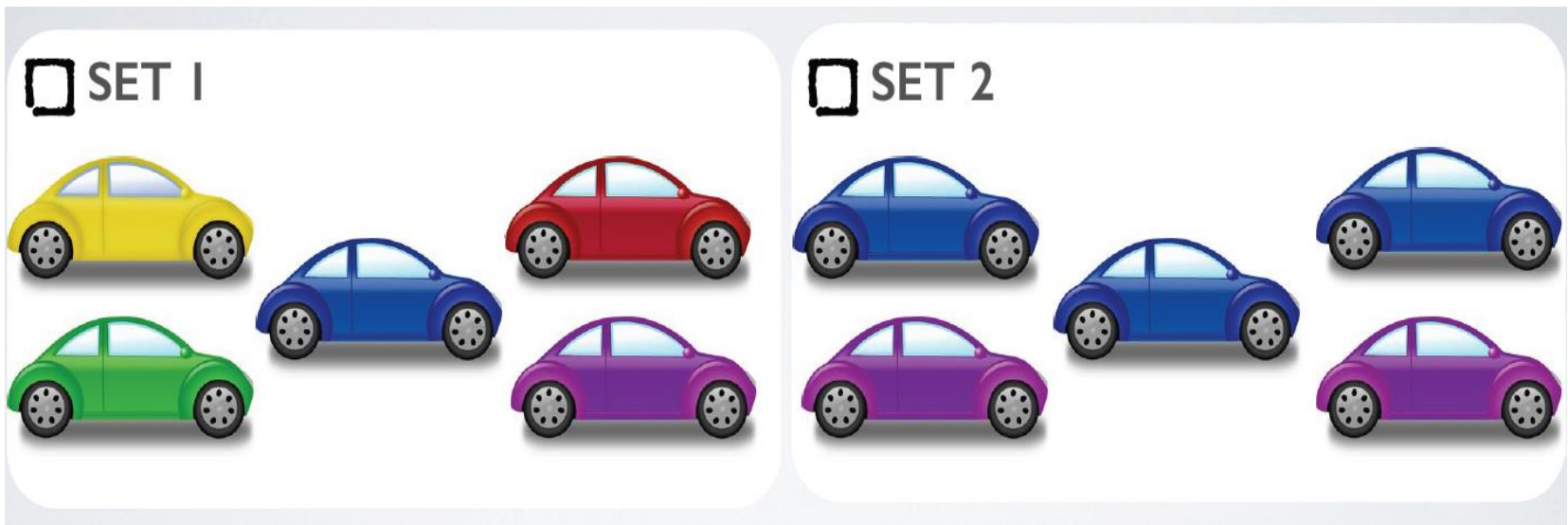
$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n-1} (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

*square root of
the variance*

Zmienność vs różnorodność

40

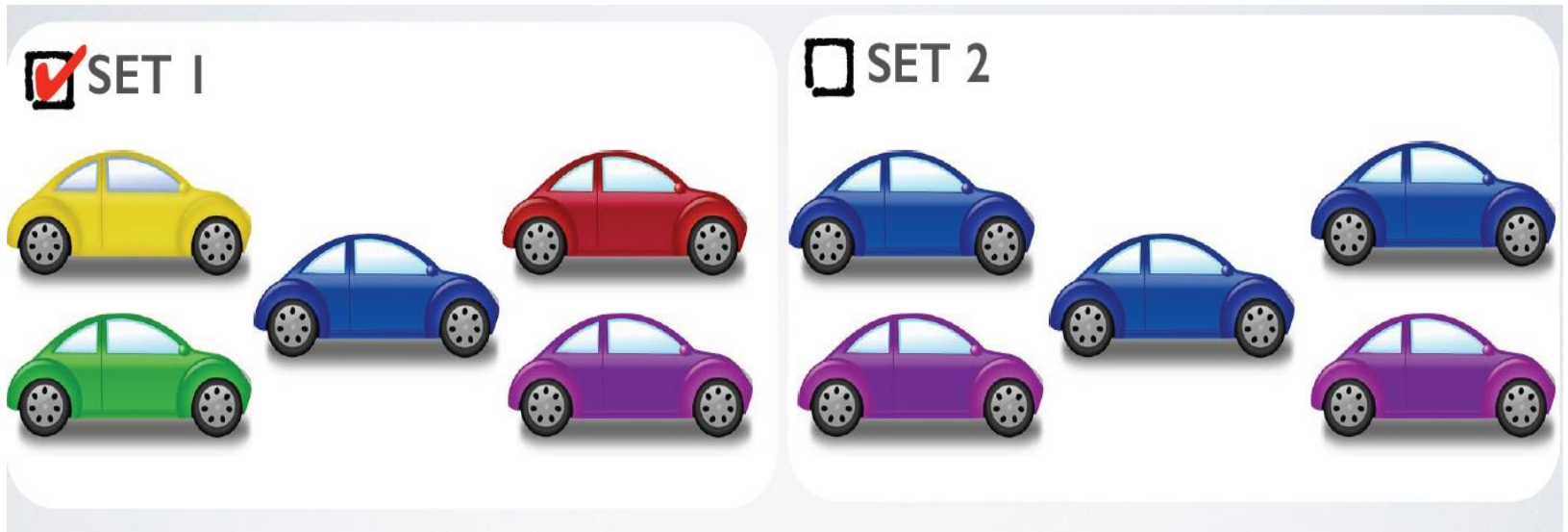
Który z zestawów ma większą różnorodność kolorów



Zmienność vs różnorodność

41

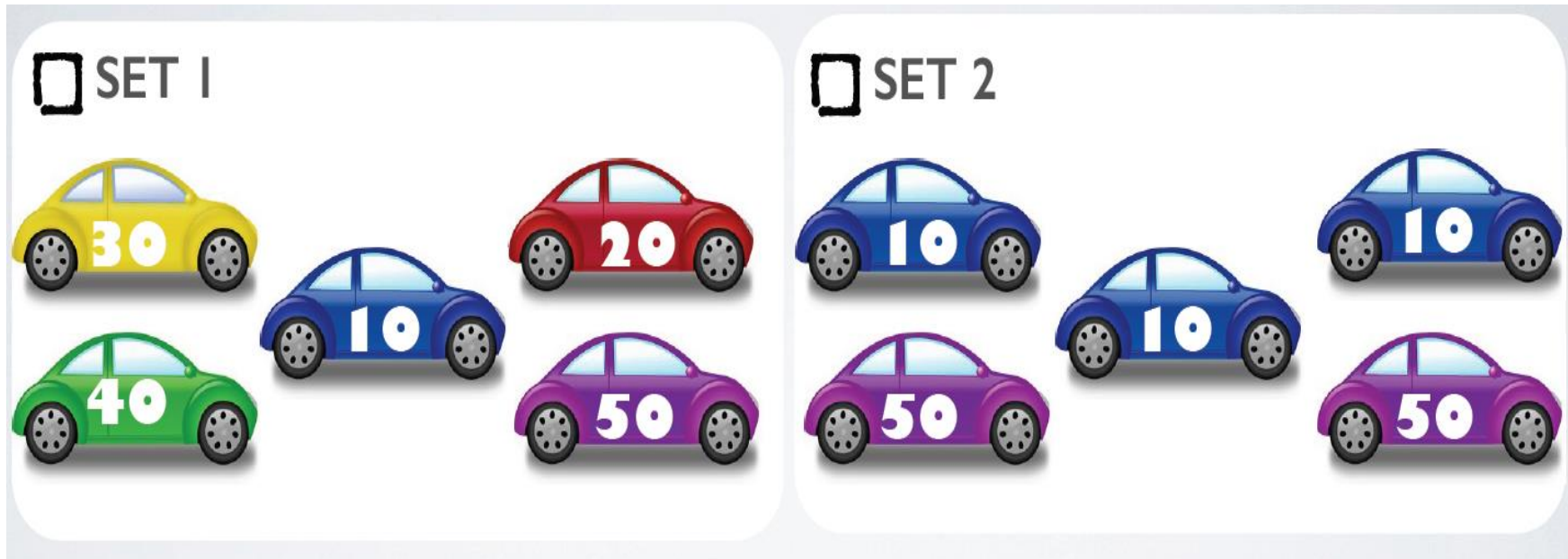
Który z zestawów ma większą różnorodność kolorów



Zmienność vs różnorodność

42

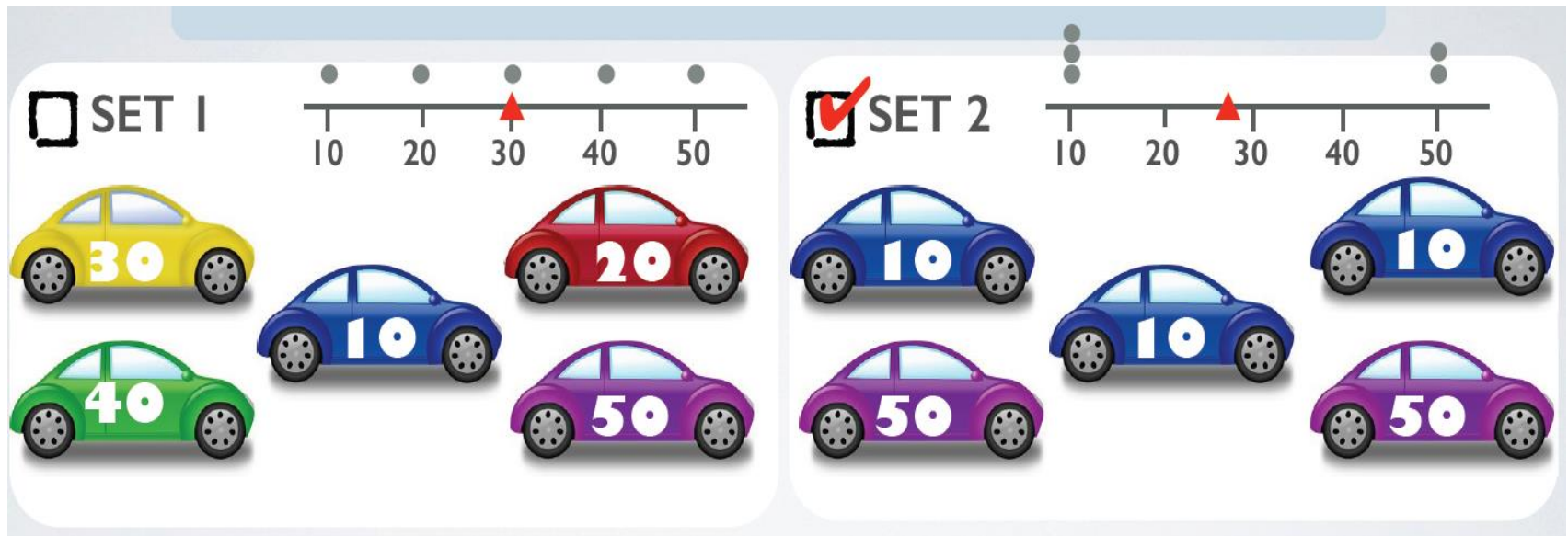
Który z zestawów ma większą zmienność zużycia benzyny?



Zmienność vs różnorodność

43

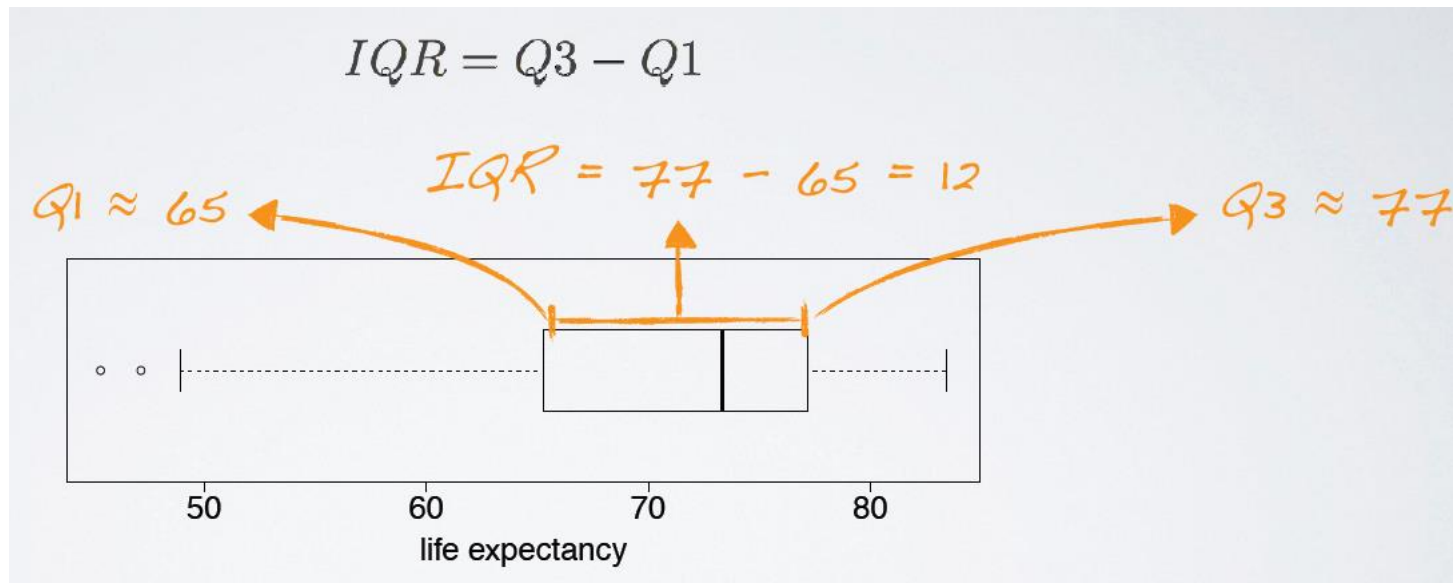
Który z zestawów ma większą zmienność zużycia benzyny? (zmienność = rozrzut)



Zakres międzykwartylowy (interquartile range)

44

- Zakres w którym mieści się 50% danych, dystans od pierwszej (25%) do trzeciej (75%) kwartyli



„Odporna” statystyka

45

- Czyli taka aby ekstremalne wartości miały mały wpływ na parametry populacji
- Przykład:

data	mean	median
1, 2, 3, 4, 5, 6	3.5	3.5
1, 2, 3, 4, 5, 1000	169	3.5

„Odporna” statystyka

46

- Czyli taka aby ekstremalne wartości miały mały wpływ na wartość badaną

	robust	non-robust
center	median	mean
spread	IQR	SD, range

*skewed,
with extreme
observations*

symmetric

Transformacja danych

47

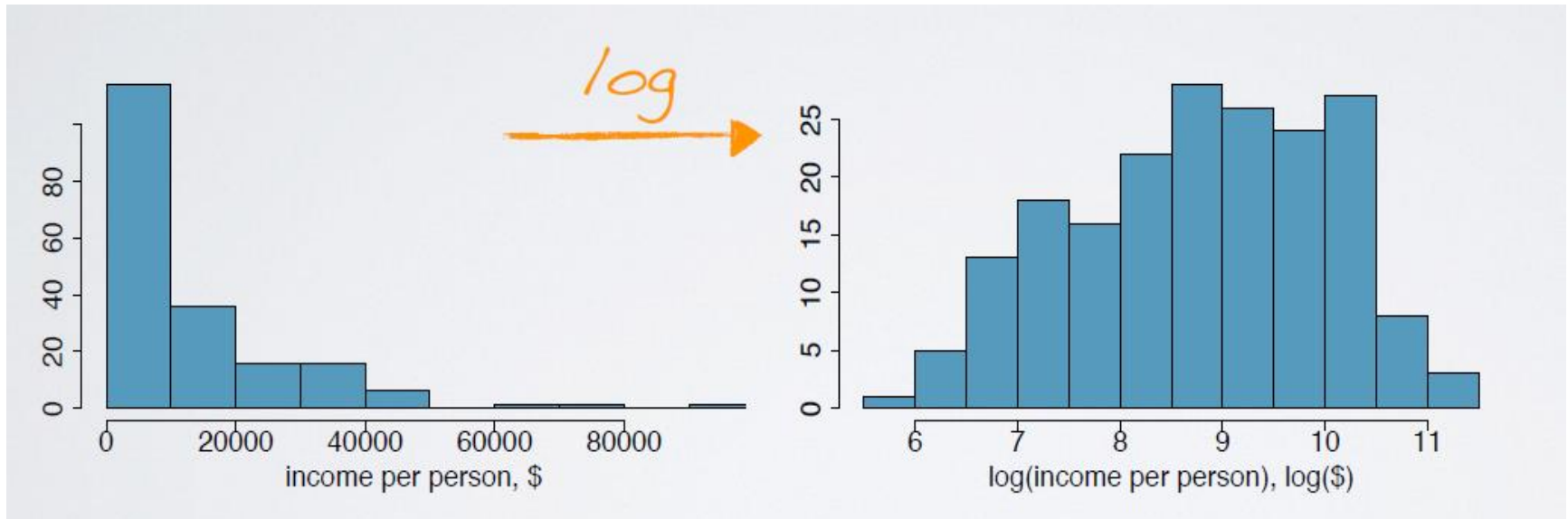
- To jest operacja na danych przy pomocy jakiejś funkcji, np. logarytm
- Jeżeli rozkład w danych jest bardzo przekrzywiony (ma długi ogon) używamy transformacji aby go było łatwiej modelować
- Inne przykłady:
 - Zobaczyć dane w innej reprezentacji
 - Zredukować skrzywienia rozkładu
 - Wyprostować zależność na scatter plocie

Transformacja przy pomocy \log_e

48

Naturalny log czyli przy podstawie e.

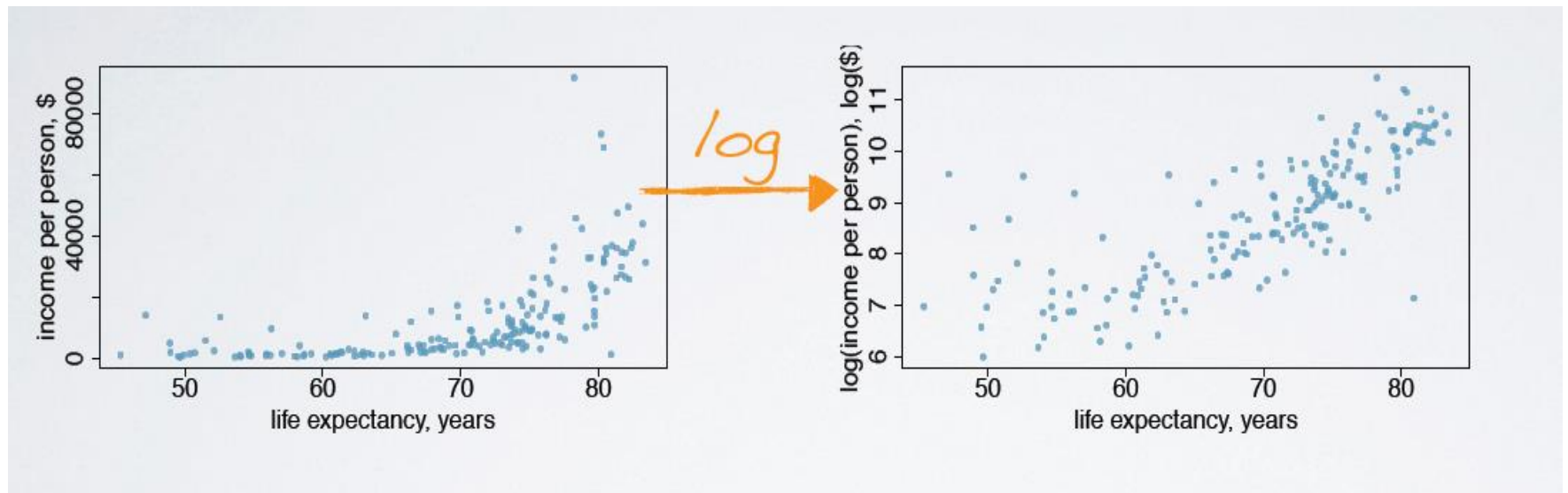
Wygodny jeżeli dane sklastrowane koło zera.



Przekształcenie przy pomocy logarytmu

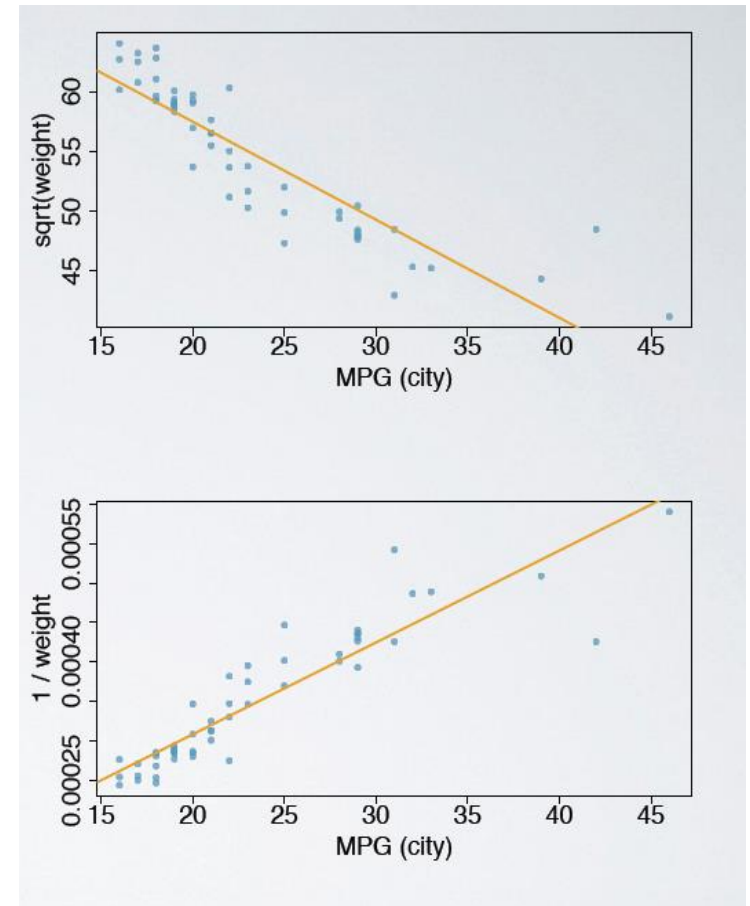
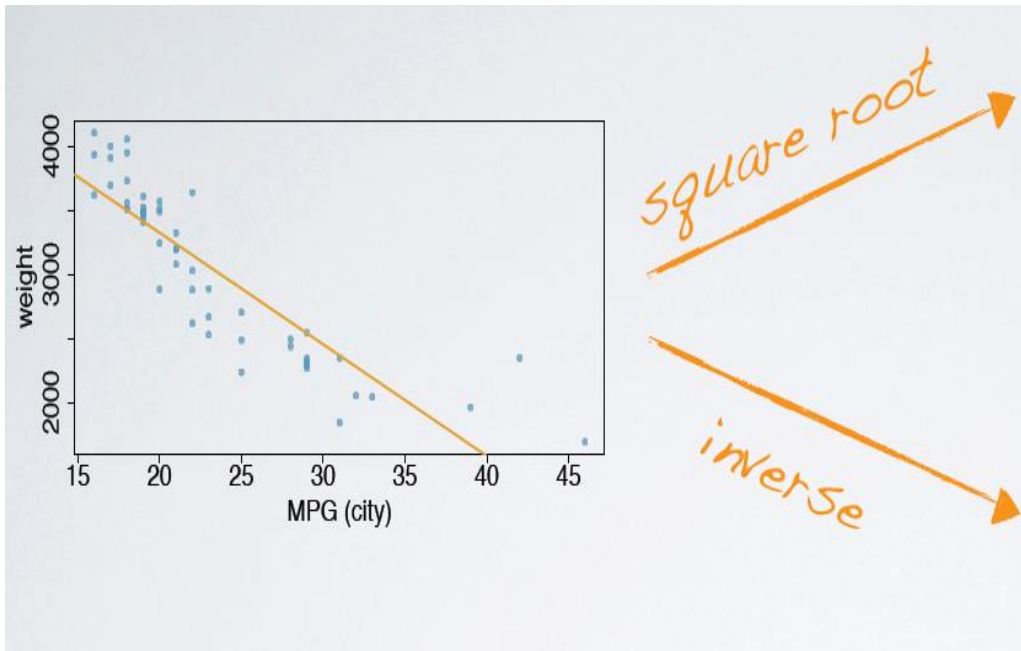
49

Po przekształceniu zależność pomiędzy zmiennymi bardziej liniowa, łatwiejsza do modelowania.



Inne transformacje

50



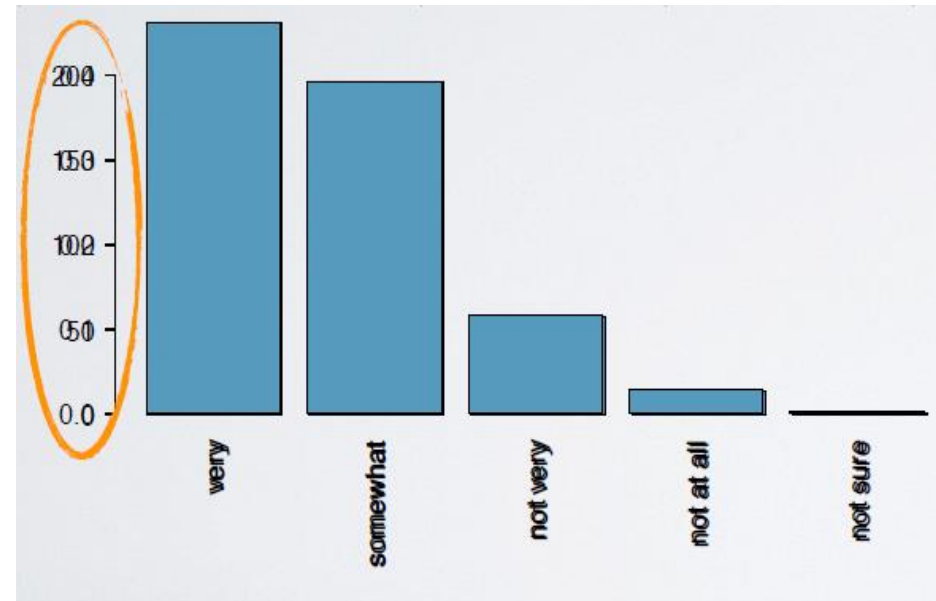
Zmienne opisowe

51

Tabela

Difficulty saving money	Counts	Frequencies
Very	231	46%
Somewhat	196	39%
Not very	58	12%
Not at all	14	3%
Not sure	1	~0%
Total	500	100%

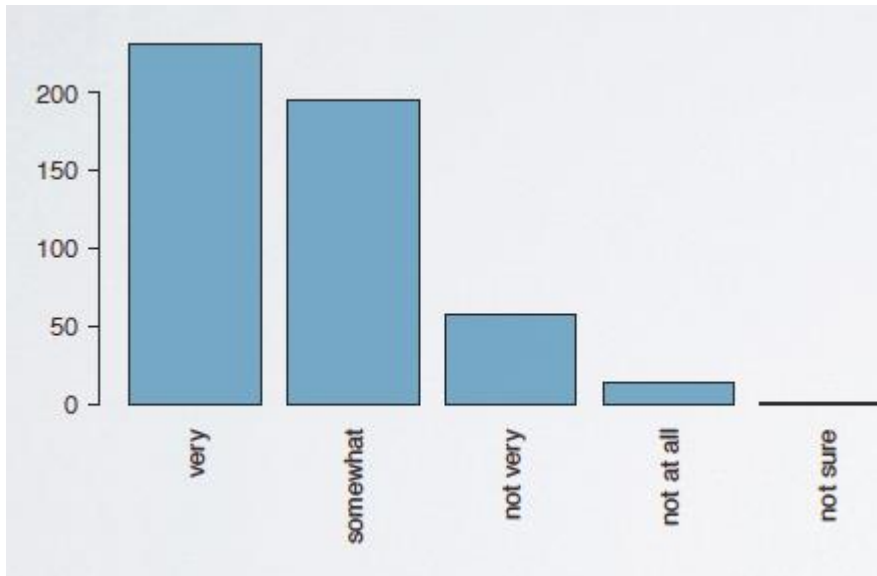
Wykres słupkowy (bar plot)



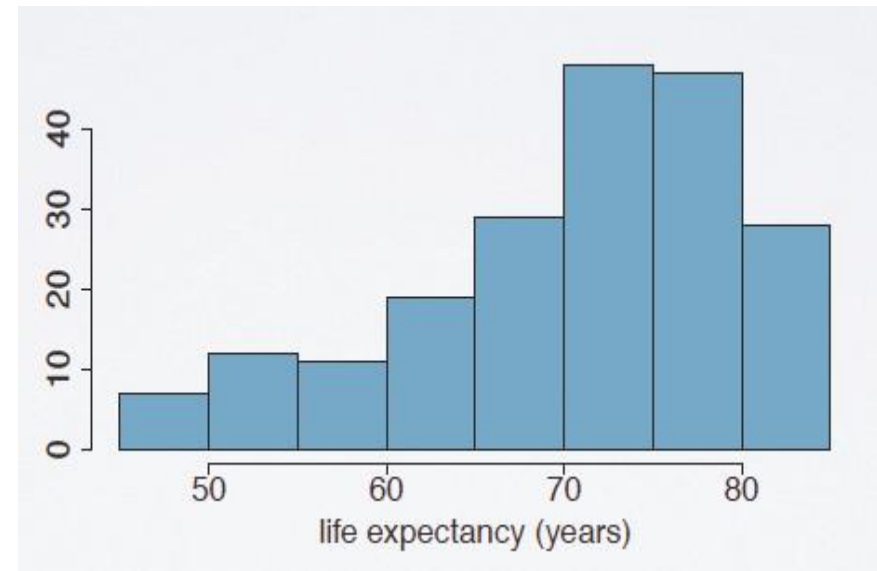
Wykres słupkowy a histogram

52

Wykres słupkowy używamy do wizualizacji zmiennych opisowych
Kolejność słupków może być zmieniana



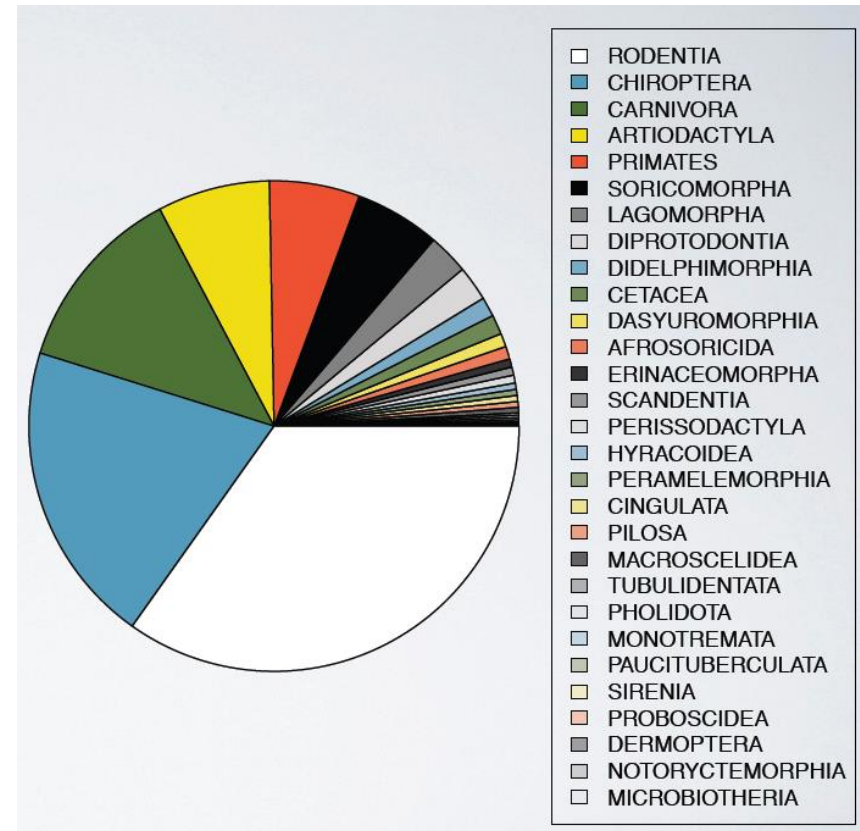
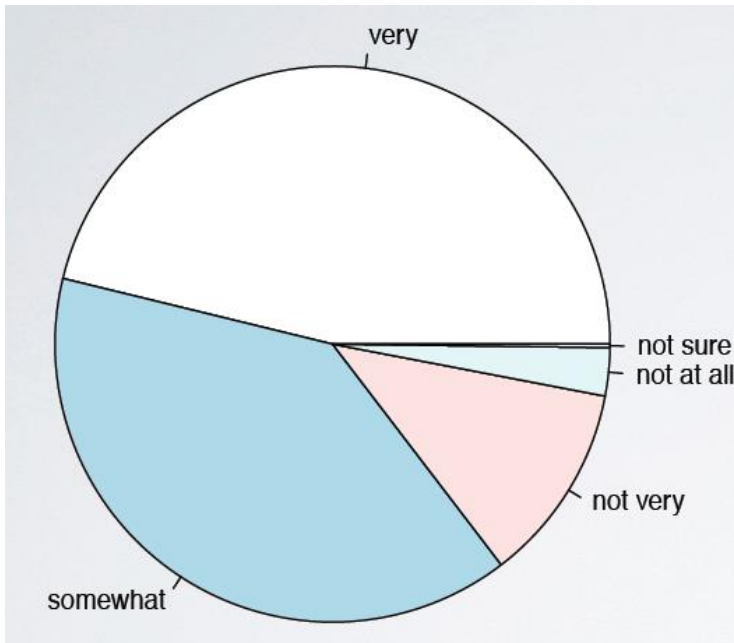
Histogram używamy do wizualizacji zmiennych numerycznych
oś-x jest zmienna numeryczna, ustalona kolejność binów



Wykres kołowy (pie chart)

53

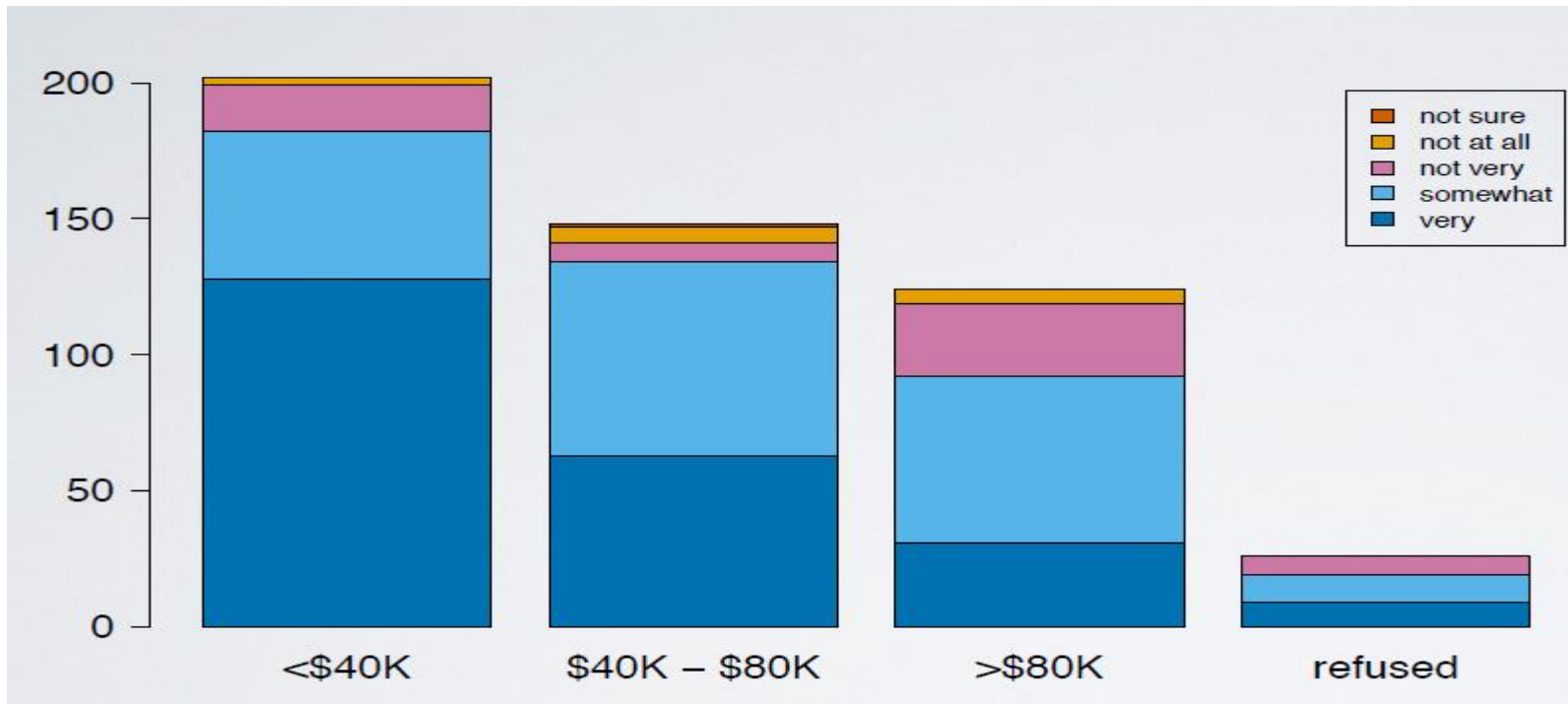
- Raczej bezużyteczny do analizy ilościowej ale wygodny do ilustracji



Segmentowany wykres słupkowy

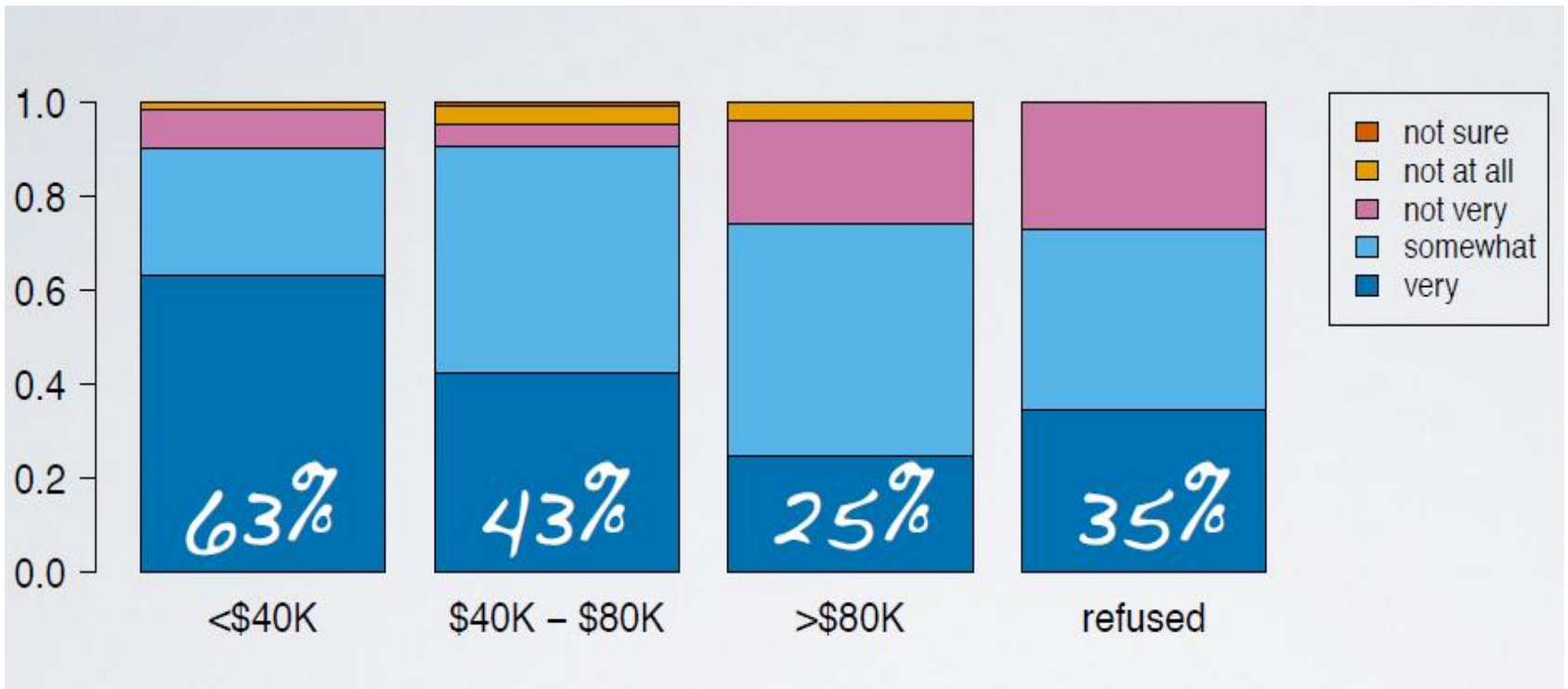
54

- Wygodny aby wizualizować względne częstości i je ze sobą porównywać



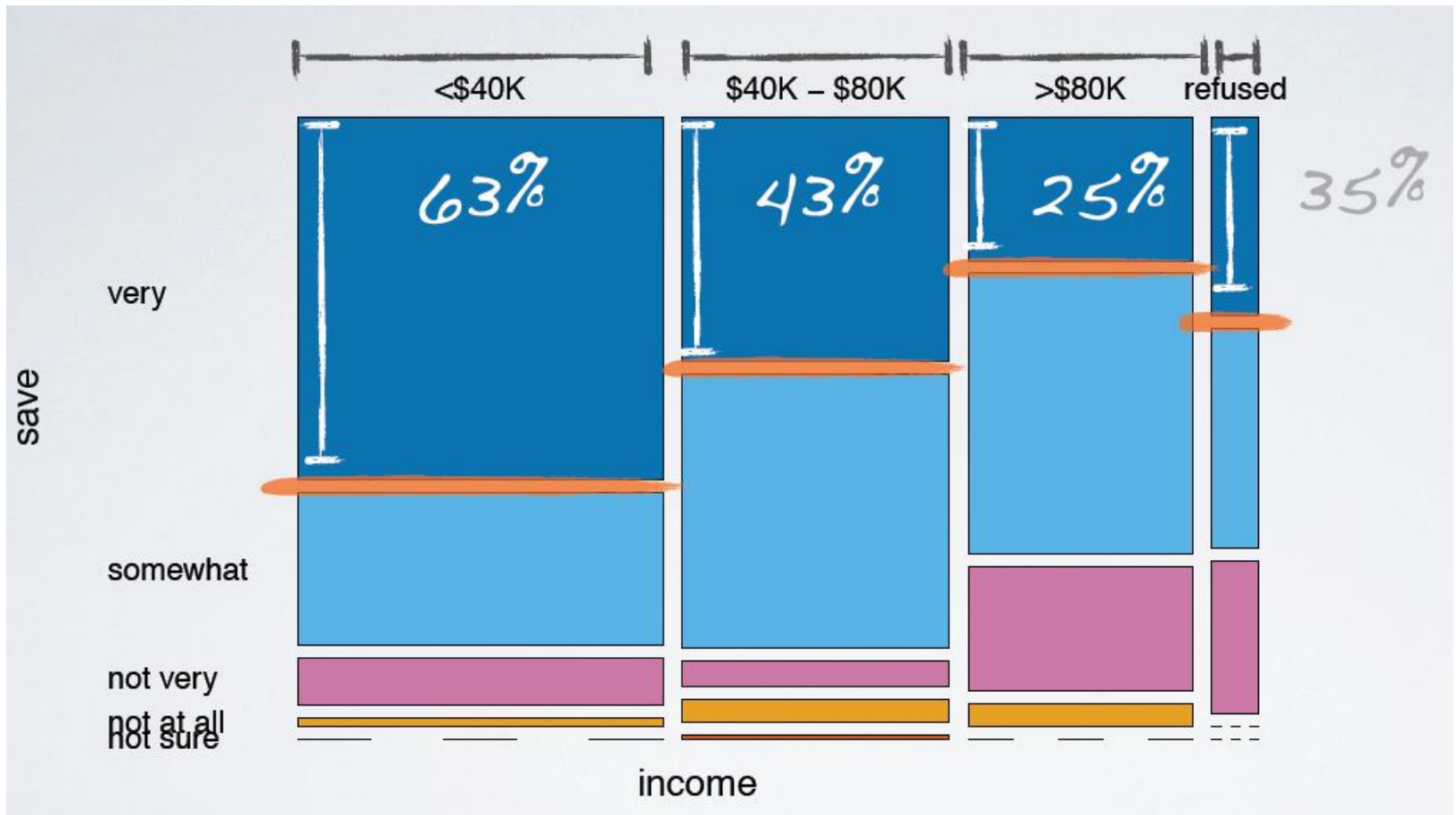
Wykres słupkowy względnej częstości

55



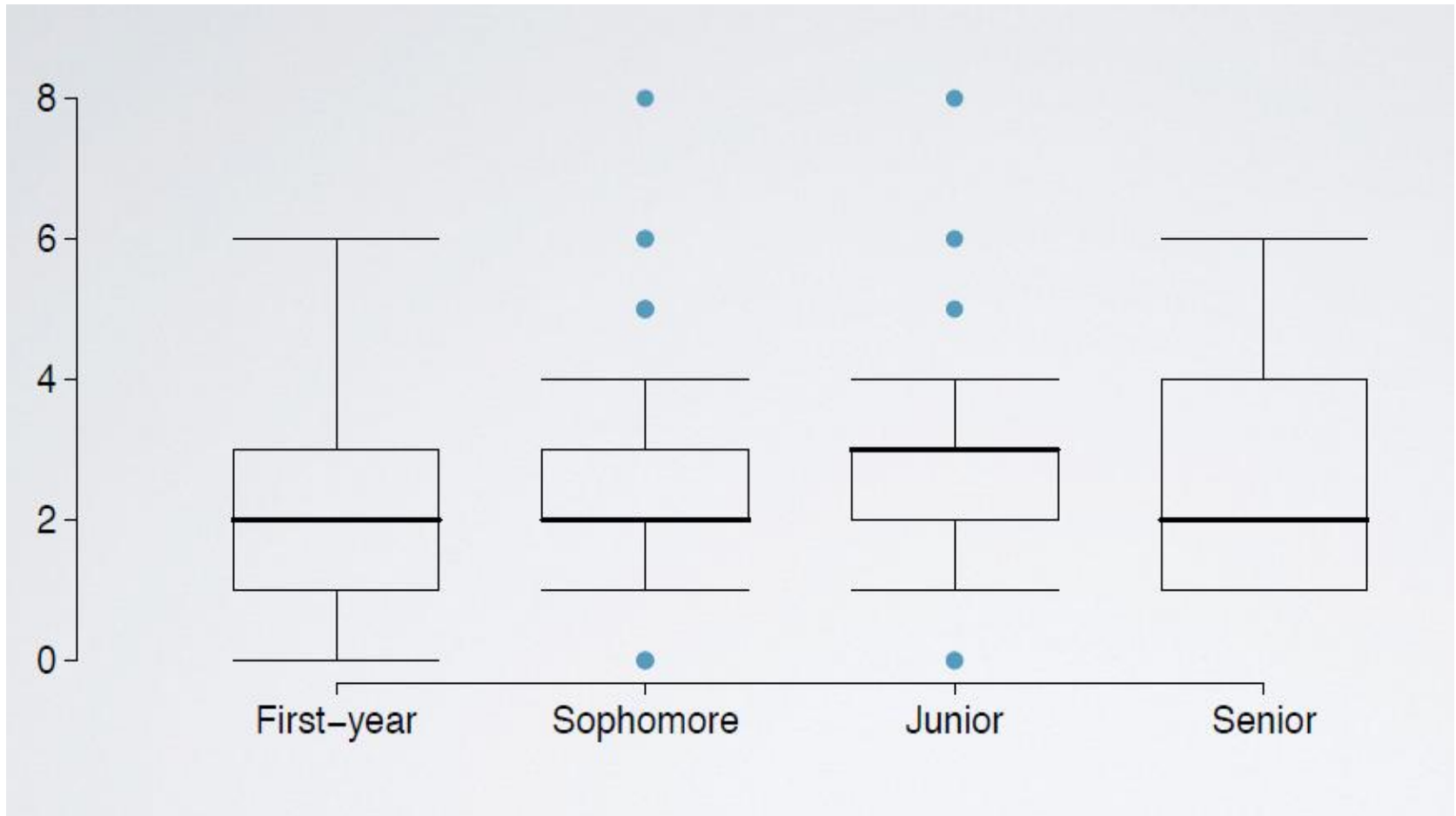
Wykres mozaikowy

56



Kilka wykresów pudełkowych

57



Wnioskowanie statystyczne: przykład

58

- Przykład: Badanie hipotezy o dyskryminacji kobiet
 - 48 mężczyzn-kierowników analizowało te same akta personalne aby podjąć decyzję o promocji
 - Akta były identyczne, różna była tylko zaznaczona płeć
 - Losowo rozdzielono akta pomiędzy kierowników
 - 35/48 akt uzyskało promocje
 - Czy kobiety były dyskryminowane?

Dane

59

		promotion		
		promoted	not promoted	total
gender	male	21	3	24
	female	14	10	24
total		35	13	48

% of males promoted = $21/24 \approx 88\%$

% of females promoted = $14/24 \approx 58\%$

Różnica w proporcji: $88\% - 58\% = 30\%$

Dwa możliwe wnioski

60

- „Hipoteza O” (null hypothesis).
 - ▣ Dyskryminacja nie występuje, wynik jest losową fluktuacją
- „Hipoteza A” (alternative hypothesis)
 - ▣ Tak kobiety były dyskryminowane, wynik jest statystycznie znaczący
- Test statystyczny: może stwierdzić że nie ma podstaw aby wyeliminować H_0 lub stwierdzić że są podstawy i przyjąć H_A

Jak testujemy hipotezę

61

- Startujemy z H_0 przyjmując że reprezentuje „status quo”
- Formułujemy hipotezę H_A w postaci pytania na które chcemy odpowiedzieć
- Przeprowadzamy test, zakładając że H_0 jest prawdziwe, albo przy pomocy symulacji albo rozważań teoretycznych
 - ▣ Jeżeli przeprowadzona symulacja nie daje przekonującej ewidencji na H_A , przyjmujemy że odpowiedź jest H_0
 - ▣ Jeżeli daje, odrzucamy H_0 i przyjmujemy że odpowiedź jest H_A

Symulacja: weźmy talię kart

62

- „twarze” – reprezentują nie-promowanych, „liczby” – reprezentują promowanych
 - ▣ Odrzucamy jokery
 - ▣ Odrzucamy 3 Asy – zostaje 13 „twarzy” (A, K, D, W)
 - ▣ Odrzucamy 1 kartę z liczbą – zostaje 35 „liczb”

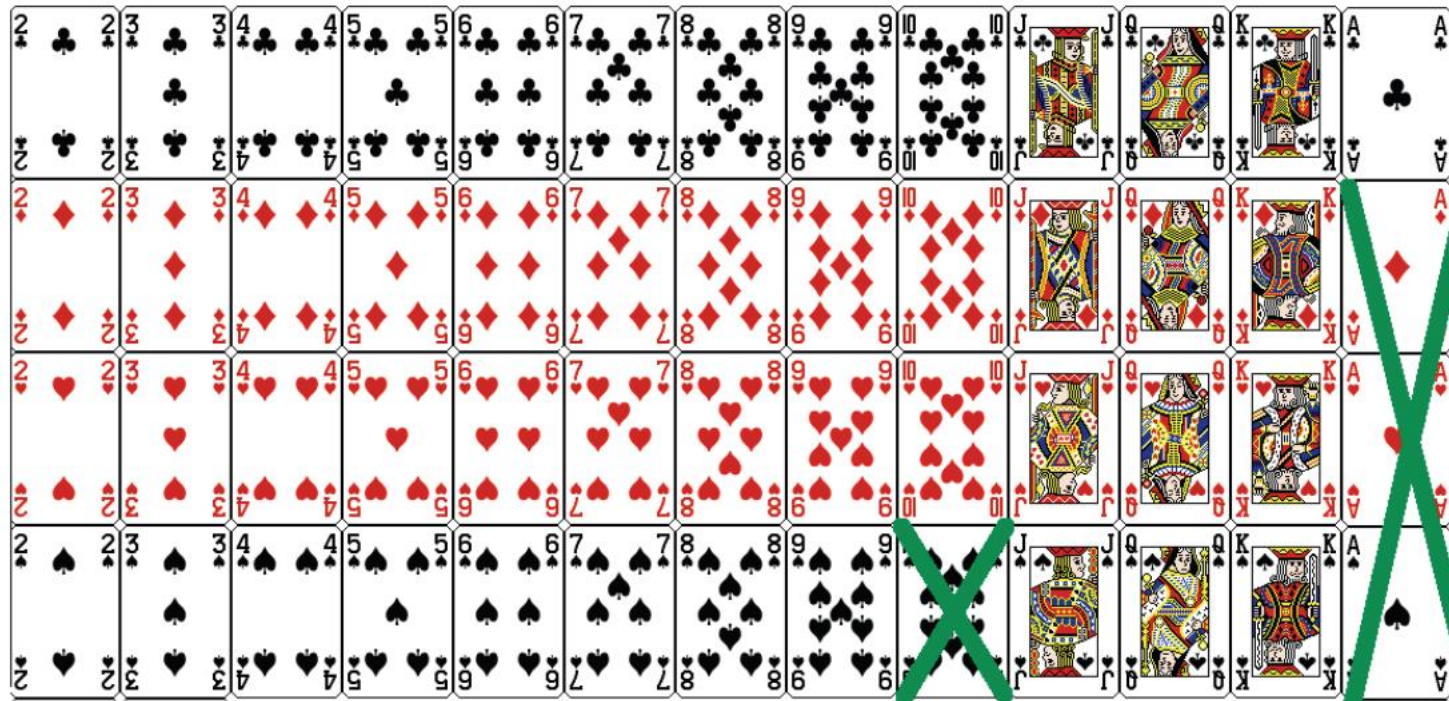
Przygotowujemy symulację

63

Step I:

35 number (non-face) cards

13 face cards



Kolejne kroki

64

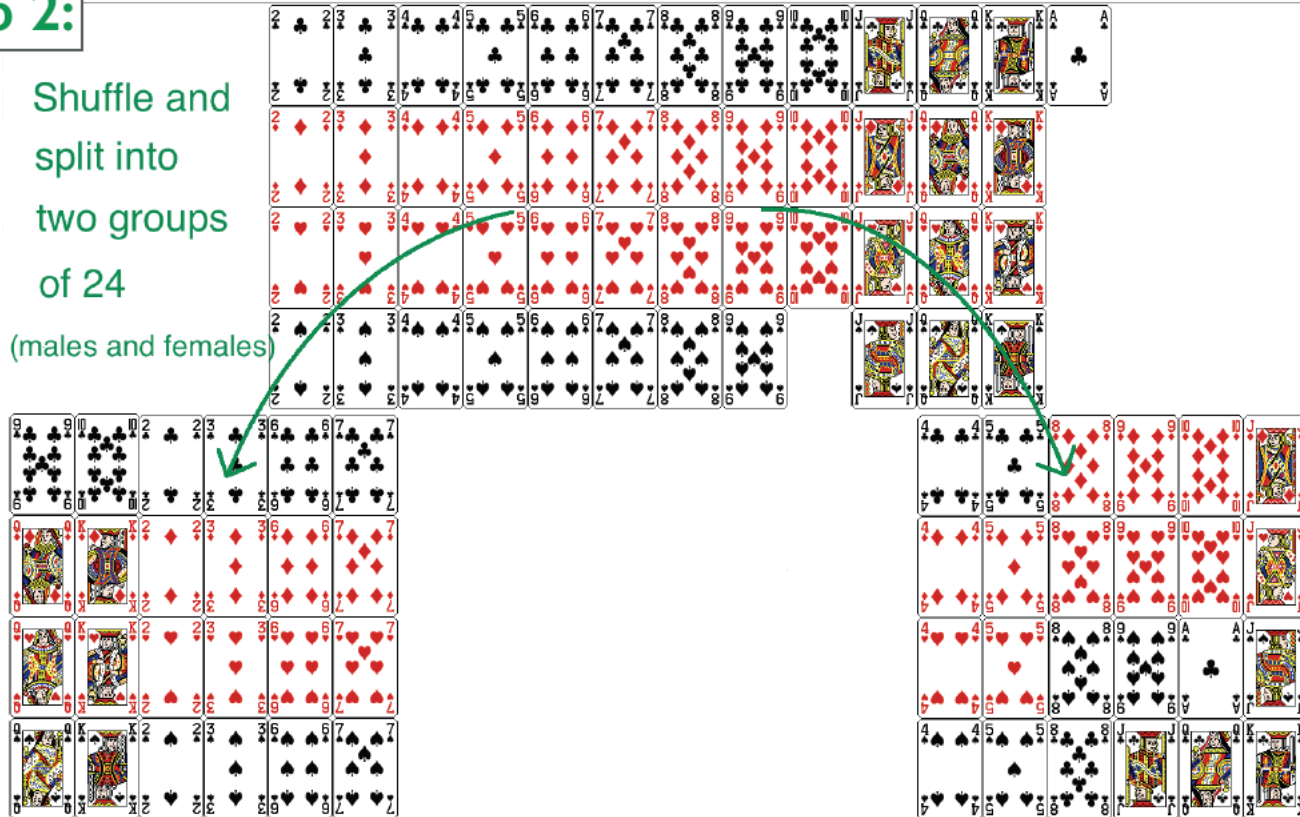
- 1) Tasujemy karty
- 2) Dzielimy na dwie grupy (losowo) reprezentujące „mężczyzn” i „kobiety”
- 3) Liczymy ilość „liczbowych kart” w każdej grupie, reprezentuje to promocje
- 4) Liczymy proporcje promocji w każdej grupie, zapisujemy wynik różnicy w proporcji
- 5) Powtarzamy (1) – (4) wielokrotnie

Tasujemy, dzielimy na grupy

65

Step 2:

Shuffle and
split into
two groups
of 24
(males and females)

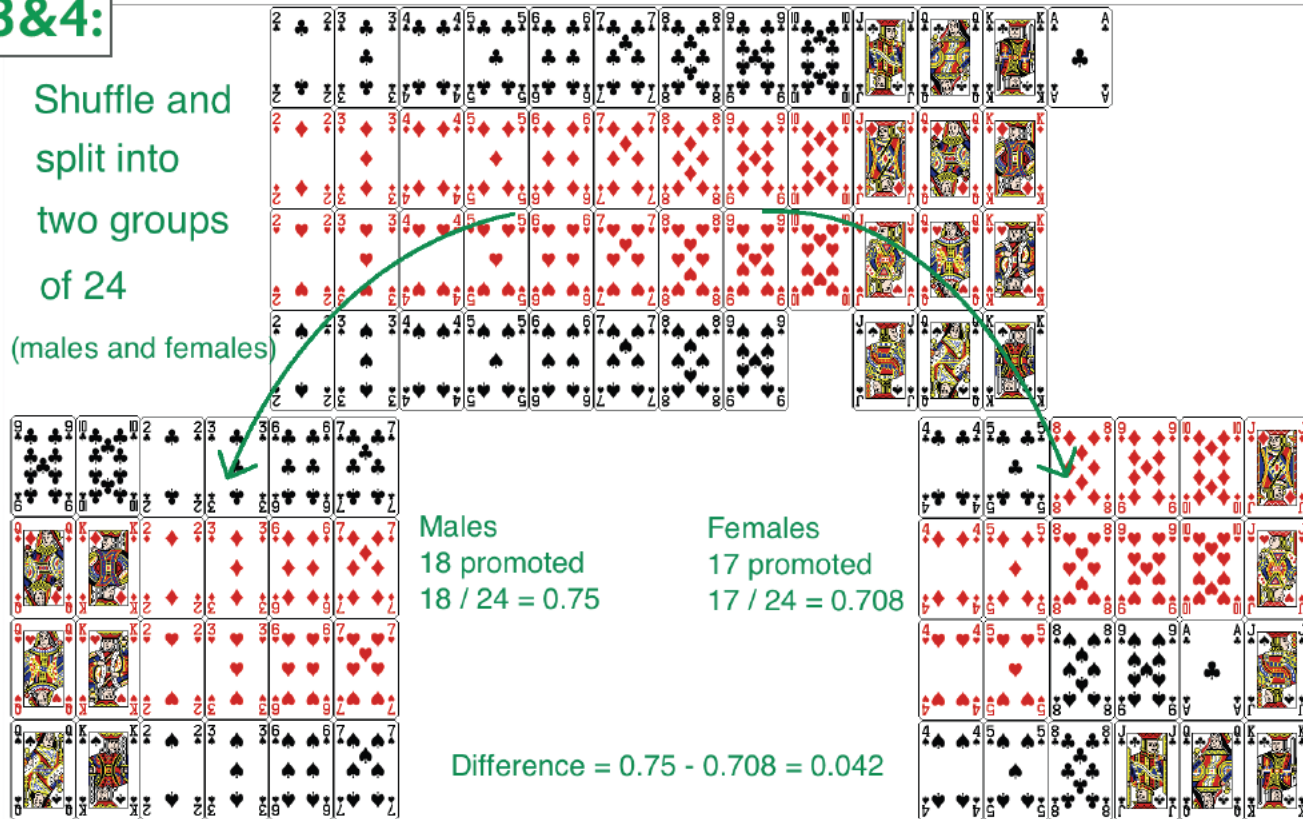


Liczymy proporcje promocji w każdej grupie

66

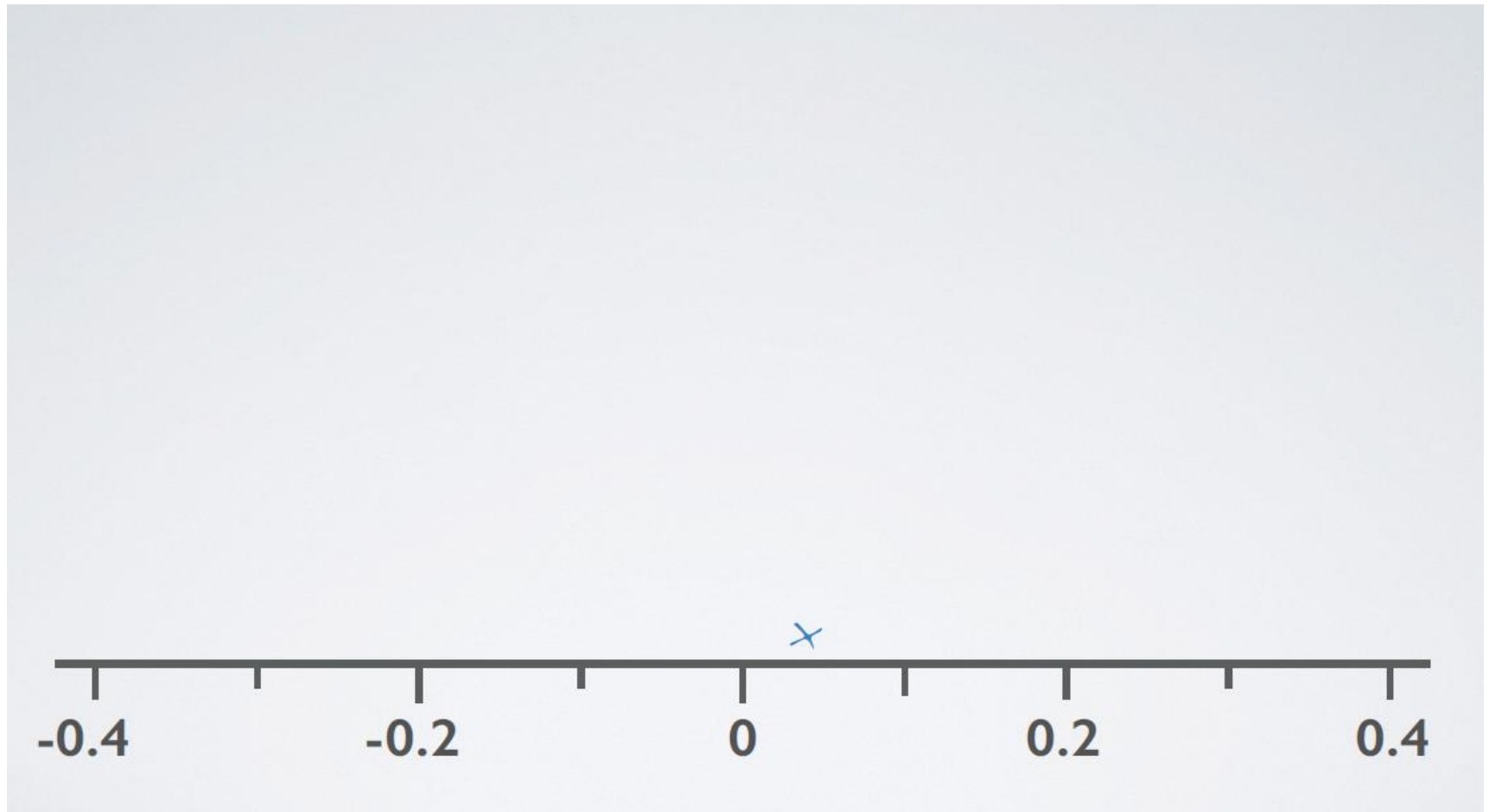
Steps 3&4:

Shuffle and
split into
two groups
of 24
(males and females)



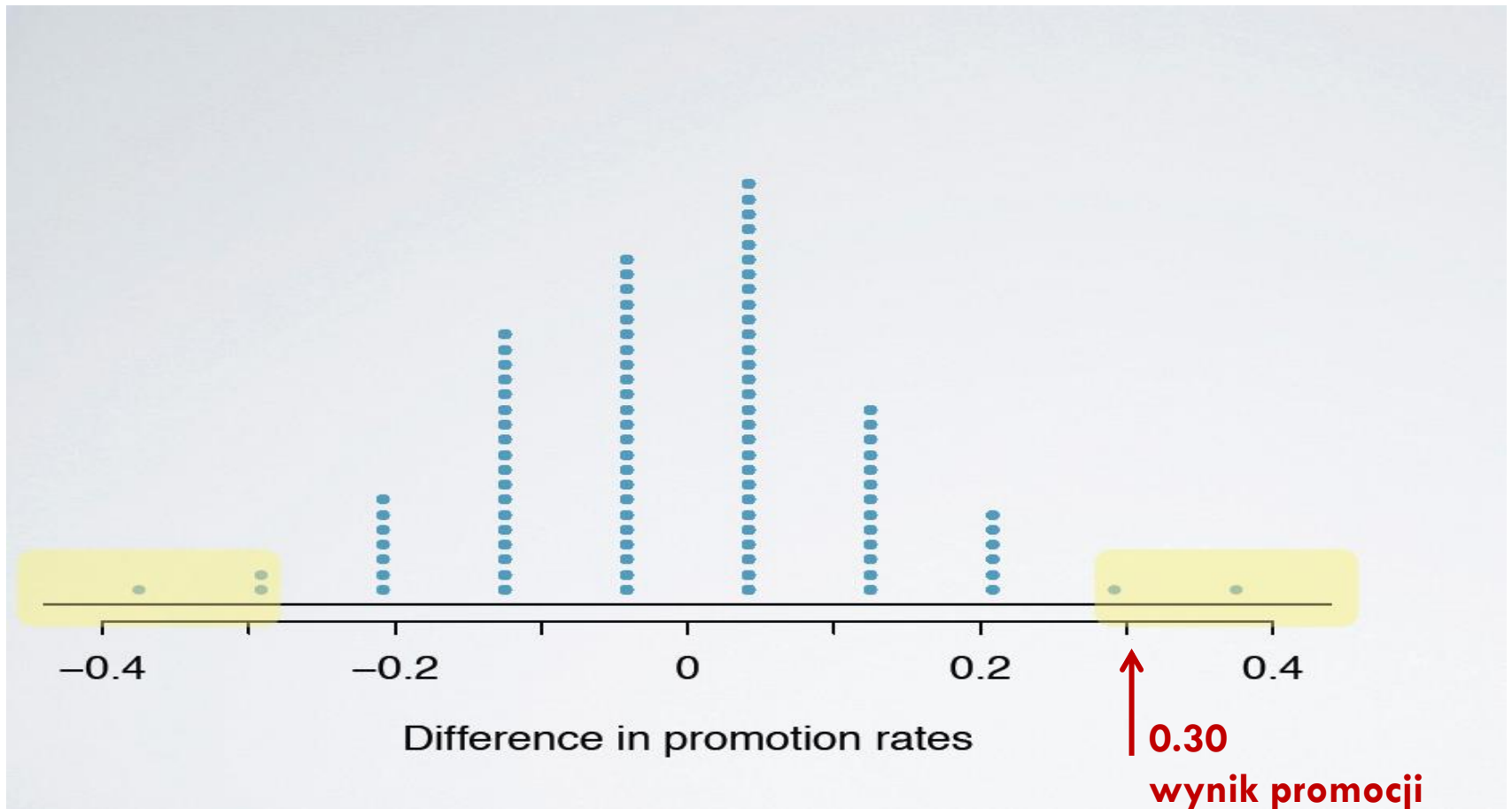
Zaznaczamy wynik na wykresie

67



Powtarzamy symulacje wiele razy

68



Interpretacja wyników

69

- Wyniki z symulacji nie wyglądają jak dane, przyjmujemy za prawdę hipotezę H_A
- Różnica 0.30 to daleki ogon rozkładu, możemy policzyć jej **p-value** czyli prawdopodobieństwo że wynik symulacji byłby taki jak dane lub bardziej ekstremalny.

