

PODSTAWY INFORMATYKI

7/10/2019

WFAiS UJ, Informatyka Stosowana
I rok studiów, I stopień

Zakres tematyki wykładu

2

- **Co to jest informacja?**
- **Algorytmy i struktury danych, poprawność algorytmu.**
- **Złożoność obliczeniowa.**
- **Rekursja, indukcja, iteracja, kombinatoryka i elementy teorii prawdopodobieństwa.**
- **Modele danych: drzewa, listy, zbiory, relacje, grafy.**
- **Wzorce, automaty, wyrażenia regularne i gramatyki.**
- **Elementy zagadnień analizy danych: eksploracja, grupowanie, uczenie maszynowe.**

Literatura

3

- **H. Abelson, et al., Struktura i interpretacja programów komputerowych**
- **A. V. Aho, J. D. Ullman, Wykłady z informatyki z przykładami w języku C**
- **T. H. Cormen, Ch. F. Leiserson, R. L. Rivest, Wprowadzenie do algorytmów**
- **L. Banachowski, K. Diks, W. Rytter, Algorytmy i struktury danych**
- **A. Drozdek, D. L. Simon, Struktury danych w języku C**
- **D. Harel, Rzec o istocie informatyki**
- **J.E. Hopcroft, J. Ullman, Wprowadzenie do teorii automatów, języków i obliczeń**
- **S. Kowalski, A. W. Mostowski, Teoria automatów i lingwistyka matematyczna**
- **Ch. H. Papadimitriou, Złożoność obliczeniowa**
- **W. Sikorski, Wykłady z podstaw informatyki**
- **W. M. Turski, Propedeutyka Informatyki**
- **N. Wirth, Algorytmy i struktury danych = programy**

Warunki zaliczenia przedmiotu

4

- **Zaliczenie ćwiczeń z zadań tablicowych (1/3 oceny końcowej)**
- **Egzamin pisemny: (2/3 oceny końcowej)**
 - **Na końcu każdego wykładu podana jest lista pytań do danego wykładu. Z tej listy pytań zostaną wybrane pytania na egzaminie pisemnym.**
 - **15 pytań, każde punktowane w skali 0-2.**
 - **Aby zaliczyć egzamin należy uzyskać co najmniej 15pkt**

Informatyka: mechanizacja abstrakcji

5

- Informatyka jest między innymi **nauką o abstrakcji**, czyli nauką o tworzeniu właściwego modelu reprezentującego problem i znajdowaniu odpowiedniej techniki mechanicznego (automatycznego) jego rozwiązywania.
- **Informatycy tworzą abstrakcje** rzeczywistych problemów w formach które mogą być rozumiane i przetwarzane w pamięci komputera.

Informatyka: mechanizacja abstrakcji

6

□ **Abstrakcja**

oznacza pewne uproszczenie, zastąpienie skomplikowanych i szczegółowych okoliczności występujących w świecie rzeczywistym zrozumiałym modelem umożliwiającym rozwiązanie naszego problemu.

Oznacza to że pomijamy szczegóły które nie mają wpływu lub mają minimalny wpływ na rozwiązanie problemu. Ten etap rozwiązywania zadania nazywamy **konstruowaniem modelu.**

- **Opracowanie **odpowiedniego modelu** ułatwia zajęcie się istotą problemu który mamy rozwiązać.**

Informatyka: narzędzia i metody programowania

7

- **Informatyka** zajmuje się badaniem problemów informacyjnych w aspekcie zarówno programowym jak i sprzętowym.
- **Informatyka** w aspekcie programowym zajmuje się narzędziami oraz metodami projektowania oraz tworzenia oprogramowania, które jest szybkie, bezpieczne, niezawodne, przyjazne w użyciu, użyteczne.
- **Programowanie** to narzędzie którym posługują się informatycy aby urzeczywistnić różne wspaniałe pomysły. Ale umiejętność programowania nie wystarczy, by tworzyć innowacyjne, oryginalne oprogramowanie.

Informatyka: badanie procesów algorytmicznych

8

□ Definicja Association for Computing Machinery (1989)

Informatyka to systematyczne badanie procesów algorytmicznych, które charakteryzują i przetwarzają informacje, teoria, analiza, projektowanie, badanie efektywności, implementacja i zastosowania procesów algorytmicznych. Podstawowe pytanie informatyki: co można (efektywniej) zalgorytmizować.

Algorytmika to fundament informatyki, wiedza o sposobach rozwiązywania zagadnień, czyli konstruowaniu algorytmów.

□ Znane są powiedzenia:

- *Informatyka jest nauką o komputerach w tym samym stopniu co astronomia jest nauką o teleskopach.*
- *Informatyka nie jest nauką o komputerach, podobnie jak chirurgia nie jest nauką o skalpeli.*

Algorytmy, modele i struktury danych.

9

W ramach pierwszej części tego wykładu omówimy

- **Modele danych:** abstrakcje wykorzystywane do opisywania problemów.
- **Struktury danych:** konstrukcje języka programowania wykorzystywane do reprezentowania modeli danych. Przykładowo język C udostępnia wbudowane modele takie jak struktury czy wskaźniki, które umożliwiają reprezentowanie bardziej skomplikowanych struktur takich jak np. drzewa i grafy.
- **Algorytmy:** techniki wykorzystywane do otrzymywania rozwiązań na podstawie operacji wykonywanych na danych reprezentowanych przez struktury danych lub na inne sposoby.

Wykład 1a:

10

Informacja i
zasady jej
zapisu

- **Czym jest informacja?**
 - ▣ **Bity i Bajty**
 - ▣ **Kodowanie informacji**
- **Systemy zapisu liczb**
 - ▣ **System binarny (dwójkowy)**
 - ▣ **Sposoby kodowania: liczb naturalnych, całkowitych, rzeczywistych**
 - ▣ **Dlaczego pojawiają się błędy i zaokrąglenia**
- **Znaki i teksty**
- **Obrazy i dźwięki**
- **Kompresja i szyfrowanie**

Czym jest informacja?

11

Istnieje kilka różnych definicji pojęcia informacja (encyklopedia PWN)

- **Konstatacja stanu rzeczy, świadomość.**
- **Obiekt abstrakcyjny, który w sposób zakodowany może być przesyłany, przetwarzany i używany do sterowania.**
- **Powiadamanie społeczeństwa lub określonych zbiorowości w sposób zobjektyzowany, systematyczny i konkretny za pomocą środków masowego przekazu.**

Interesuje nas ta druga definicja, ponadto:

- **Informacją zajmuje się nauka zwana Teorią Informacji. Dotyczy ona przekazywania wiadomości ze źródła wiadomości do ich przeznaczenia – odbiorcy.**
- **Informację możemy mierzyć ilościowo i jakościowo.**

Teoria informacji

12

- Teoria informacji – dyscyplina zajmująca się problematyką informacji oraz metodami przetwarzania informacji, np. w celu transmisji lub kompresji.
- Naukowo teoria informacji jest blisko powiązana z matematyką dyskretną, a z jej osiągnięć czerpią takie dyscypliny jak informatyka i telekomunikacja.

Teoria informacji: historia

13

- Za twórcę teorii informacji uważa się [Claude'a E. Shannona](#), który prawdopodobnie po raz pierwszy użył tego terminu w [1945](#) roku w swojej pracy zatytułowanej "A Mathematical Theory of Cryptography".
- Natomiast w [1948](#) roku w kolejnej pracy pt. "A Mathematical Theory of Communication" przedstawił najważniejsze zagadnienia związane z tą dziedziną nauki.
- Shannon stworzył podstawy ilościowej teorii informacji, późniejsi autorzy próbowali stworzyć teorie wyjaśniające wartość (cennosc) informacji.
- W Polsce [Marian Mazur](#) stworzył oryginalną teorię opisującą zarówno ilość jak i jakość informacji. Opisał ją m.in. w wydanej w [1970](#) roku książce *Jakościowa teoria informacji*. Wprowadził w niej rozróżnienie między *informacjami opisującymi* a *informacjami identyfikującymi*

Jak przekazujemy informację?

14

Informację przekazuje możliwość porównania dwóch stanów.

- **Sygnał dzwonka informuje nas, że ktoś nacisnął przycisk. Kiedy przycisk się zatnie i dzwonek dzwoni dalej, już nie informuje nas o niczym. Gdy przestanie dzwonić a my porównamy dwie sytuacje, uzyskamy informację, że usterka została usunięta.**
- **Brak zmian to brak przekazu informacji: niezmienny sygnał nosi nazwę szumu. Nie można go jednak ignorować, gdyż często zakłóca przekaz właściwej informacji.**

Jednostka informacji: bit

15

Podstawową jednostką informacji jest bit, oznaczany też poprzez „b”(w ang. kawałek, skrót od binary digit, czyli cyfra dwójkowa).

- **Bit** jest to podstawowa elementarna jednostka informacji: wystarczająca do zakomunikowania jednego z co najwyżej dwóch jednakowo prawdopodobnych zdarzeń.
- **Bit** stanowi podstawę zapisu informacji w różnych typach pamięci komputera. Wszystkie inne jednostki składają się z jego wielokrotności.
- **Bit** przyjmuje jedną z dwóch wartości, które zwykle oznacza się jako „0” lub „1”. Jest to oznaczenie stosowane w matematyce (wartość logiczna: „0” – fałsz, „1” - prawda) oraz przy opisie informacji przechowywanej w pamięci komputera i opisie sposobów kodowania informacji.

Bajt

16

- Jest to najmniejsza adresowalna jednostka informacji pamięci komputerowej, składająca się z bitów, w praktyce przyjmuje się że **jeden bajt to 8 bitów** (zostało to uznane za standard w 1964 r.).
- Jeden bajt może reprezentować zatem $2^8 = 256$ różnych wartości, które mogą oznaczać zapisywane informacje.
- Bajt oznaczany jest poprzez „B”.
- Stosowanie przedrostków kilo, mega, giga itp. do określania odpowiednich potęg liczby dwa (np. 2^{10}) jest niezgodne z wytycznymi układu SI (np. kilo oznacza 1000, a nie 1024).
- W celu odróżnienia przedrostków o mnożniku 1000 od przedrostków o mnożniku 1024 (2^{10}), w styczniu 1997 r. pojawiła się propozycja ujednoznacznienia opracowana przez IEC (ang. International Electrotechnical Commission) polegająca na dodawaniu litery "i" po symbolu przedrostka dwójkowego, oraz "bi" po jego nazwie.

Wielokrotności bajtów

17

Przedrostki dziesiętne (SI)			Przedrostki binarne (IEC)		
Nazwa	Symbol	Mnożnik	Nazwa	Symbol	Mnożnik
Kilobajt	kB / KB	$10^3 = 1000^1$	Kibibajt	KiB	$2^{10} = 1024^1$
Megabajt	MB	$10^6 = 1000^2$	Mebibajt	MiB	$2^{20} = 1024^2$
Gigabajt	GB	$10^9 = 1000^3$	Gibibajt	GiB	$2^{30} = 1024^3$
Terabajt	TB	$10^{12} = 1000^4$	Tebibajt	TiB	$2^{40} = 1024^4$

Kodowanie informacji

18

- **Jak to się dzieje że w pamięci komputera można przechowywać teksty, obrazy, dźwięki i liczby znacznie różniące się od zestawu 0 – 255?**
 - **Dzięki kodowaniu informacji**
- **Bez kodowania nie ma zapisu różnorodnych informacji w pamięci komputera. Kodowanie występuje w każdym programie i na każdym poziomie.**

Systemy zapisu liczb

19

- **System liczbowy** – to inaczej zbiór reguł zapisu i nazewnictwa liczb.
- **Do zapisu liczb zawsze używa się pewnego skończonego zbioru znaków**, zwanych cyframi (np. arabskimi lub rzymskimi), które można zestawiać ze sobą na różne sposoby otrzymując dowolną liczbę kombinacji.

System jedynkowy

20

- **Najbardziej prymitywnym systemem liczbowym jest jedynkowy system liczbowy, w którym występuje tylko jeden znak (np. 1).**
- **W systemie tym kolejne liczby są tworzone przez proste powtarzanie tego znaku.**

- **Przykład:**
 - **3 w tym systemie zapisujemy jako 111,**
 - **5 w tym systemie zapisujemy jako 11111.**

Systemy addytywne

21

- W tych systemach liczby tworzy się przez dodawanie kolejnych symboli.
- Przykładem addytywnego systemu jest dobrze znany i wciąż stosowany rzymski system liczbowy z podstawowymi wielokrotnościami 10 i 5.
- Jego cyfry to: „I” = 1, „V” = 5, „X” = 10, „L” = 50, „C” = 100, „D” = 500, „M” = 1000
- W tym systemie w niektórych przypadkach występuje odejmowanie, a nie tylko dodawanie.
- Przykład:
 - jeśli „X”=10, „V”=5, „I”=1 to „XVI” = $10+5+1 = 16$
 - jeśli „X”=10, „V”=5, „I”=1 to „XIV” = $10+5 -1 = 14$

Systemy addytywne

22

- **Sześćdziesiątkowy system liczbowy, stosowany w Mezopotamii, w którym podstawowymi wielkościami były 10 i 60, był częściowo addytywny, częściowo pozycyjny. Jest on najstarszym znanym systemem każdego z tych dwóch rodzajów.**
- **W życiu codziennym spotykamy ślady babilońskiego systemu w podziale godziny na 60 minut, a minuty na 60 sekund, oraz w podziale kąta na minuty i sekundy kątowe.**
- **Zaletą systemów addytywnych jest możliwość zapisu nawet dużych liczb całkowitych (pod warunkiem że są okrągłe) za pomocą jednego znaku, a wadą złożoność, kłopoty interpretacyjne i zbyt wielka liczba cyfr przy mało okrągłych liczbach, oraz bardzo skomplikowany sposób dokonywania za ich pomocą prostych operacji arytmetycznych, wymagający zapamiętywania długich tabel.**

Systemy pozycyjne

23

- Są to systemy które posiadają symbole (cyfry) tylko dla kilku najmniejszych liczb naturalnych: $0, 1, 2, \dots, g - 1$, gdzie g to tzw. podstawa systemu, która może być dowolną liczbą naturalną większą niż 1.
 - ▣ Np. 5004_3 (podstawa systemu $g = 10$)
- Cyfry te są kolejno umieszczane w ściśle określonych pozycjach i są mnożone przez odpowiednią potęgę g . W sytuacji, gdy dana potęga nie jest potrzebna do zapisu danej liczby, zostawia się w zapisie puste miejsce, lub częściej specjalny symbol. Współcześnie jest to cyfra 0.

Systemy pozycyjne

24

- Na przykład liczbę 5004,3 w dziesiętnym systemie liczbowym (czyli systemie, którego podstawą jest 10) odczytuje się jako:
 - $5 \cdot 10^3 + 0 \cdot 10^2 + 0 \cdot 10^1 + 4 \cdot 10^0 + 3 \cdot 10^{-1}$
 $= 5 \cdot 1000 + 4 \cdot 1 + 3 \cdot 0,1$
 $= 5004,3$

Systemy pozycyjne

25

- **Zaletą systemów pozycyjnych jest ich**
 - **Klarowność**
 - **Łatwość dokonywania nawet złożonych operacji arytmetycznych**
 - **Możliwość zapisu dowolnie dużej liczby, jednak do zapisu bardzo dużych liczb (nawet okrągłych) jest potrzebna duża liczba cyfr.**
- **Współcześnie powszechnie używany jest system dziesiętkowy.**
- **W informatyce często stosowany jest system dwójkowy (binarny), ósemkowy i szesnastkowy (heksadecymalny).**

Systemy liczbowe w informatyce

26

- Z racji reprezentacji liczb w pamięci komputerów za pomocą bitów, najbardziej naturalnym systemem w informatyce jest **system dwójkowy**.
- Ze względu na specyfikę architektury komputerów, gdzie często najszybszy dostęp jest do adresów parzystych, albo podzielnych przez 4, 8 czy 16, często używany jest **szesnastkowy system liczbowy**. Sprawdza się on szczególnie przy zapisie dużych liczb takich jak adresy pamięci, zakresy parametrów, itp.

Systemy liczbowe w informatyce

27

- **Na przykład:**
 - $2^{16} = 65536_{10} = 10000_{16}$
 - $2^{32} = 4294967296_{10} = 100000000_{16}$
- **10000_{16} i 100000000_{16} są znacznie łatwiejsze do zapamiętania.**
- **System szesnastkowy często spotykany jest też przy tworzeniu stron WWW (HTML), gdzie stosowany jest do zapisu kolorów.**

Liczby naturalne w systemie binarnym

28

■ Podobnie jak w dziesiętnym systemie pozycyjnym, w systemie dwójkowym liczby naturalne przedstawiamy jako sumę potęg bazy (2) z odpowiednimi wagami: 0 i 1.

■ Każda liczba naturalna ma zatem reprezentację postaci:

$$\sum_{k=0}^m a_k 2^k, \text{ gdzie } a_k \in \{0,1\}$$

■ Reprezentacja ta jest jednoznaczna, jeśli przyjmiemy, że nie stosujemy wiodących zer.

Liczby naturalne w systemie binarnym

29

Pierwsze 16 wartości			
$(k)_{10}$	$(k)_2$	$(k)_{10}$	$(k)_2$
0	0	8	1000
1	1	9	1001
2	10	10	1010
3	11	11	1011
4	100	12	1100
5	101	13	1101
6	110	14	1110
7	111	15	1111

Liczby naturalne w syst. binarnym

30

- Jeśli ustalimy z góry pewną liczbę **n bitów**, za pomocą których będziemy reprezentowali liczby naturalne, to uzyskamy **n - bitowe reprezentacje**, uzupełniając je do pełnych n bitów zerami z lewej strony.
- Dla **n = 8 (1 bajt)**, mamy kolejno :
00000000, 00000001, 00000010, ... , 11111111
 - ▣ możemy w ten sposób zapisać liczby od 0 do 255.
- Różnych wartości n – bitowych jest 2^n : od 0 do $2^n - 1$

Zapis dziesiętny → binarnego

31

Jedna z metod:

- Oznaczmy poprzez m liczbę w zapisie dziesiętnym i założmy $m > 0$
- Znajdujemy największą liczbę $d = 2^k$ nie większą niż m .
- Piszemy jedynekę, odejmujemy od m wartość d , a następnie kolejno dla wszystkich mniejszych potęg dwójki sprawdzamy, czy mieszczą się one w tym co zostało z m .
- Jeśli dana potęga dwójki się nie mieści to dopisujemy zero, wpp. dopisujemy jedynekę i odejmujemy tę wartość od tego, co zostało z m .
- Przykładowo dla $m = 13$ patrz tabelka

m	Potęga dwójki	Wypisano
13	8	1
5	4	11
1	2	110
1	1	1101
0		

Liczby całkowite

32

- **Umówmy się, że przeznaczymy określoną liczbę n bitów, aby reprezentować liczby całkowite. Powstaje pytanie: jak zapisywać liczby ujemne?**
- **Istnieją co najmniej 3 sposoby.**
 - **Kodowanie w systemie znak-moduł**
 - **Kodowanie w systemie znak-moduł odwrotny**
 - **Kodowanie w systemie uzupełnieniowym**

System znak - moduł

33

Kodowanie w systemie znak-moduł:

- Umawiamy się że jeden bit, np. pierwszy z lewej, rezerwujemy na określenie znaku liczby.
- Pozostałe $n-1$ bitów reprezentuje moduł liczby w tradycyjny sposób.
- Jeśli pierwszy bit znaku jest równy **0**, to liczba jest nieujemna, a jeśli **1**, to jest niedodatnia.

Bity	Wartość	Bity	Wartość
0000	0	1000	-0
0001	1	1001	-1
0010	2	1010	-2
0011	3	1011	-3
0100	4	1100	-4
0101	5	1101	-5
0110	6	1110	-6
0111	7	1111	-7

Ułamki

34

- Podobnie jak w systemie dziesiętnym korzystamy z ujemnych potęg bazy (dziesiątki) po przecinku, tak tu będziemy rozważali binarne rozwinięcia ułamków za pomocą ujemnych potęg dwójki.
- Po przecinku, oddzielającym część całkowitą od ułamkowej, kolejne bity będą odpowiadały wartościom kolejno: $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, ...

System	Ułamki		
Dziesiętny	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{4}$
Binarny	0.01	0.1	0.11

- Zapisanie ułamka dziesiętnego binarnie jest proste, jeśli tylko mianownik ułamka jest potęgą dwójki. Wystarczy zapisać licznik binarnie, a następnie przesunąć przecinek o tyle pozycji w lewo, ile wynosi wykładnik potęgi dwójki.
 - Np.: $\frac{5}{16}$ zapisane binarnie to 0.0101, jest to po prostu 5 czyli 101, przesunięte o 4 pozycje w prawo.

Co zrobić gdy mianownik nie jest potęgą dwójki?

- Przez u oznaczmy ułamek, który chcemy zapisać binarnie. Niech $0 < u < 1$.
- Dopóki $0 < u$, bądź otrzymujemy nie napotkane wcześniej wartości u , będziemy wykonywać:
 - ▣ Pomnóż u przez 2
 - ▣ Jeżeli u jest mniejsze od 1, wpisz cyfrę 0
 - ▣ Wpp. wpisz cyfrę 1 i odejmij od u cyfrę 1.
- Gdy powtórzy się wartość u , otrzymamy szukany wynik, przy czym wypisany ciąg jest okresowy, a jego okresem jest ciąg bitów między powtórzeniami u .

Ułamki - przykład

36

- Zauważmy iż nawet tak prosta liczba jak $1/10$ ma nieskończone binarne rozwinięcie okresowe. Gdy chcemy reprezentować ją w komputerze, jesteśmy zmuszeni do zaokrąglenia tej wartości i w rzeczywistości otrzymujemy tylko coś koło $1/10$.

Bity	Wartość u
0.	$2/7$
0	$4/7$
1	$1/7$
0	$2/7$
0	$4/7$

Binarne rozwinięcie: $2/7 = 0.(010)$

Bity	Wartość u
0.	$1/10$
0	$2/10$
0	$4/10$
0	$8/10$
1	$6/10$
1	$2/10$

Binarne rozwinięcie: $1/10 = 0.0(0011)$

Ułamki - zaokrąglenia

37

- Skoro nie da się dokładnie reprezentować wartości wymiernych w komputerze, trzeba je zaokrąglać. Reguły są bardzo proste.
- Jeśli chcemy zaokrąglić na k - tej pozycji, to patrzymy na cyfrę na następnej pozycji ($k+1$)
 - ▣ Jeśli jest ona równa 0, to **zaokrąglamy w dół**, ‘obcinamy ogon’ rozwinięcia binarnego
 - ▣ Wpp, **zaokrąglamy w górę**, również ‘odrzucamy ogon’, jednakże na k - tym miejscu przybliżenia dodajemy 1.

Ułamki – zaokrąglenia, przykład

38

- **Przybliżenie ułamka:**
 $(1/10)_{10} = (0.0(0011))_2$
- **Najlepsze przybliżenia uzyskujemy dla ułamków o mianownikach będących kolejnymi potęgami dwójki.**

Numer bitu zaokrąglenia	Zaokrąglenie	Wartość zaokrąglenia
1	0.0	0/2
2	0.00	0/4
3	0.001	1/8
4	0.0010	2/16
5	0.00011	3/32
6	0.000110	6/64
7	0.0001101	13/128
8	0.00011010	26/256
9	0.000110011	51/512
...		

System stałopozycyjny

39

- **Liczby rzeczywiste** mają część całkowitą i ułamkową, układ stałopozycyjny charakteryzuje się tym że przeznaczamy w nim stałą, z góry określoną liczbę (k) bitów na część całkowitą, tak jak i na ułamkową (u).
- Tym sposobem możemy przedstawić liczby z zakresu od -2^{k-1} do $2^{k-1} - 2^{-u}$, i wartości w nim reprezentowane są rozłożone równomiernie co 2^{-u} .
- Jest to sposób nieekonomiczny. Gdy operujemy na dużych liczbach (np. w astronomii) nie potrzebujemy przeznaczać pamięci na część ułamkową. Gdy za to operujemy bardzo małymi liczbami (np. fizyka cząstek elementarnych), nie potrzebujemy przeznaczać dużo pamięci na część całkowitą...

System zmiennopozycyjny

41

- **Pojawia się problem jednoznaczności, np. liczbę $3/8$ można przedstawić jako:**
 - $3/8 \cdot 2^0$
 - $3/4 \cdot 2^{-1}$
 - $3/2 \cdot 2^{-2}$
 - $3 \cdot 2^{-3} \dots$
 - $3/16 \cdot 2^1$
 - $3/32 \cdot 2^2 \dots$
- **Rozwiązaniem dla problemu jednoznaczności jest przyjęcie pewnego standardu.**
 - **Np. dla systemu o podstawie 2):**
 - **Mantysa musi mieścić się w przedziale $(1/2, 1]$ dla wartości dodatnich oraz $[-1, -1/2)$ dla wartości ujemnych.**
 - **Wyjątkiem jest reprezentacja zera.**

System zmiennopozycyjny

42

- Każdą niezerową liczbę rzeczywistą reprezentujemy za pomocą przybliżenia wymiernego w postaci pary (m, c) , takich że:

$$m \in [-1, -1/2) \cup (1/2, 1]$$

gdzie m jest mantysą, zaś c jest cechą.

- Interpretacja takiej reprezentacji wyraża się wzorem:

$$x = m P^c$$

gdzie dla tego przykładu $P = 2$ (podstawa systemu)

System ten umożliwia zapis liczb rzeczywistych z ustalonym błędem względnym.

System zmiennopozycyjny

43

- Liczba binarna zapisana w postaci cecha - mantysa na dwóch bajtach:

Cecha	Mantysa
0 0 0 0 0 0 1 1	1 1 0 0 0 0 0 0

■

Tutaj: $c = 3$, $m = -1$.

- W praktyce zwykle na cechę przeznaczamy jeden bajt, na mantysę minimum trzy bajty.
 - **Ilość bajtów przeznaczonych na cechę decyduje o zakresie.**
 - **Ilość bajtów przeznaczona na mantysę decyduje o błędzie.**
- Liczby w mantysie są kodowane w systemie znak - moduł.
- Zaś dla cechy w systemie uzupełnieniowym.

Standard zapisu liczb zmiennopozycyjnych

44

- **Standard IEEE 754 (ang. Institute of Electrical and Electronics Engineers) dla liczby rzeczywistej: (4 bajty)**
- **Standard IEEE dla liczby podwójnej precyzji: (8 bajtów)**

Kolejne bity (od lewej)	Znaczenie
1 (jeden)	Znak mantysy
2-9 (osiem)	Cecha
10-33 (dwadzieścia trzy)	Mantysa

Kolejne bity (od lewej)	Znaczenie
1 (jeden)	Znak mantysy
2-12 (jedenaście)	Cecha
13-64 (pięćdziesiąt dwa)	Mantysa

Standard IEEE – wartości specjalne

45

Wartość	Zapis
+0	Wszystkie bity są zerami.
-0	Bit znaku jest ustawiony, reszta jest zerami.
liczby małe (<i>ang. denormalized numbers</i>)	Wykładnik równy zero, mantysa różna od 0, nie zakłada się wiodącego niezerowego bitu; są to liczby zbyt małe aby mogły być reprezentowane z taką samą precyzją jak "zwykle" liczby
$\pm\infty$	Ustawione są wszystkie bity cechy, mantysa jest równa 0, może się pojawić np. jako wynik dzielenia przez 0.
NaN (<i>ang. Not a Number</i>)	Ustawione są wszystkie bity cechy, mantysa różna od 0, może się pojawić np. jako wynik pierwiastkowania liczby ujemnej.

System zmiennopozycyjny

46

□ W tym przykładzie przeznaczymy 3 bity na cechę, i 5 na mantysę.

□ Jedyne legalne dodatnie mantysy to: 00101, 00110, 00111, 01000, gdyż $m \in [-1, -1/2) \cup (1/2, 1]$

□ Maksymalną możliwą do zapisania liczbą jest 8.

□ Tworząc analogiczną tabelkę dla cech ujemnych, zauważymy iż minimalną dodatnią liczbą, możliwą do zapisania jest 5/128.

□ Reprezentowane wartości nie są rozłożone równomiernie, im dalej od zera tym rzadziej.

□ W obrębie jednej cechy wartości są rozłożone równomiernie

Cecha	Mantysa	Wartość
000	00101	5/8
000	00110	6/8
000	00111	7/8
000	01000	8/8
001	00101	10/8
001	00110	12/8
001	00111	14/8
001	01000	16/8
010	00101	20/8
010	00110	24/8
010	00111	28/8
010	01000	32/8

System zmiennopozycyjny a zero

47

- Nie da się zera przedstawić w podanej postaci, gdyż żadna z liczb $m2^c$ nie może być zerem dla mantys co do modułu większych od $\frac{1}{2}$.
- Najczęściej stosowane rozwiązanie polega na tym, że wyłącza się jedną z cech (najmniejszą) i ustala, że jeśli liczba ma tę cechę, to jest równa zero niezależnie od mantysy.

Błąd obliczeniowy

48

- **Błąd bezwzględny:** różnica między wartością zmierzona/obliczoną x a wartością dokładną x_0

$$\Delta x = x - x_0$$

- W systemie stałopozycyjnym obliczenia są wykonywane ze stałym max błędem bezwzględnym

- **Błąd względny:** błąd bezwzględny podzielony przez wartość dokładną

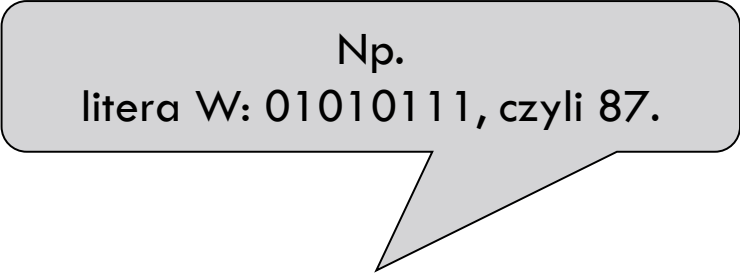
$$\delta x = \frac{\Delta x}{x_0}$$

- W systemie zmiennopozycyjnym obliczenia są wykonywane ze stałym max błędem względnym

Znaki i teksty

49

- **Teksty składają się ze znaków.**
- **Podstawą zapisu jest jeden bajt.**
- **1 bajt przyjmuje 256 różnych wartości.**
- **Aby zapisać tekst posługujemy się kodowaniem**
- **Ważną cechą kodowania jest jednoznaczność:**
 - ▣ **przyjęcie pewnego sposobu kodowania powinno być powszechne:**
 - ▣ **ASCII: 0 – 127 standardowe, 128 – 255 zależne od kraju**



Np.
litera W: 01010111, czyli 87.

Znaki i teksty

50

Np.
litera W: 01010111, czyli 87.

Znaki specjalne	0-31, 127
Spacja	32
Cyfry	48-57
Duże litery	65-90
Małe litery	97-122
Pozostałe znaki: Kropka, nawiasy, itd....	33-47, 58-64, 91-96, 123-127

ASCII

51

- **ASCII** (ang. American Standard Code for Information Interchange) - 7-bitowy kod przyporządkowujący liczby z zakresu 0-127 literom (alfabetu angielskiego), cyfrom, znakom przystankowym i innym symbolom oraz poleceniom sterującym.
- Litery, cyfry oraz inne znaki drukowane tworzą zbiór znaków ASCII. Jest to 95 znaków o kodach 32-126. Pozostałe 33 kody (0-31 i 127) to tzw. kody sterujące służące do sterowania urządzeniem odbierającym komunikat, np. drukarką czy terminalem.

ASCII

52

- Ponieważ **kod ASCII jest 7-bitowy**, a większość komputerów operuje na 8-bitowych bajtach, dodatkowy bit można wykorzystać na powiększenie zbioru kodowanych znaków.
- Powstało wiele różnych **rozszerzeń ASCII wykorzystujących ósmy bit** (np. norma ISO 8859), nazywanych stronami kodowymi.
- Również kodowanie UTF-8 można uważać za rozszerzenie ASCII, tutaj jednak dodatkowe znaki są kodowane na 2 i więcej bajtach.

Znaki i teksty

53

- **W rozszerzonym kodzie ASCII znajdują się niektóre znaki matematyczne oraz znaki symulujące elementy grafiki na komputerach.**
- **Przetwarzanie informacji nie oznacza samego zapisywania tekstów. Dodatkowe informacje (wytluszczenie, różne czcionki, akapity...) też trzeba zakodować.**
 - ▣ **Przykład: W kodzie ASCII znaki 0-31 i 127 nie są wykorzystane. Jeżeli umówimy się że po jednym z tych znaków następny zmienia znaczenie, to mamy 255 dodatkowych kodów.
Np. kod 65 występujący po tym wybranym znaku nie będzie oznaczać litery A tylko jedną z funkcji sterujących pracą edytora.**

Obrazy, dźwięki, ...

54

- **Ciągi bajtów muszą przechowywać teksty, liczby, muzykę, animacje: wszystkie informacje zapisywane w wyniku wykonywanych działań.**
- **Potrzebne jest zakodowanie informacji, inne niż w przypadku liczb czy też tekstów.**
- **Kodowanie koloru: model RGB, model YUV.**
- **Kodowanie obrazu: formaty: BMP (bitmapa), GIF, JPEG**
- **Kodowanie muzyki: formaty: MP1, MP2, MP3, MP4, WAV, OGG, ...**
- **Warto zauważyć pewną zależność: im większa precyzja, tym większy rozmiar pliku.**

Kodowanie koloru – RGB

55

- **Jeden z modeli przestrzeni barw, opisywanej współrzędnymi RGB.**
 - ▣ **Jego nazwa powstała ze złożenia pierwszych liter angielskich nazw barw: R – red (czerwonej), G – green (zielonej) i B – blue (niebieskiej), z których model ten się składa.**
- **Jest to model wynikający z właściwości odbiorczych ludzkiego oka, w którym wrażenie widzenia dowolnej barwy można wywołać przez zmieszanie w ustalonych proporcjach trzech wiązek światła o barwie czerwonej, zielonej i niebieskiej.**
- **Model RGB jest jednak modelem teoretycznym a jego odwzorowanie zależy od urządzenia, co oznacza, że w każdym urządzeniu każda ze składowych RGB może posiadać nieco inną charakterystykę widmową, a co za tym idzie, każde z urządzeń może posiadać własny zakres barw możliwych do uzyskania.**

Kodowanie koloru – RGB

56

- **Model RGB miał pierwotnie zastosowanie do techniki analogowej, obecnie ma również do cyfrowej. Jest szeroko wykorzystywany w urządzeniach analizujących obraz (np. aparaty cyfrowe, skanery) oraz w urządzeniach wyświetlających obraz (np. telewizory, monitory komputerowe).**
- **Zapis koloru jako RGB często stosuje się w informatyce (np. palety barw w plikach graficznych, w plikach html). Najczęściej stosowany jest 24-bitowy zapis kolorów (po 8 bitów na każdą z barw składowych), w którym każda z barw jest zapisana przy pomocy składowych, które przyjmują wartość z zakresu 0-255. W modelu RGB 0 (dla każdej ze składowych) oznacza kolor czarny, natomiast 255 (analogicznie) kolor biały.**
- **Kolor RGB można obliczyć tak:**
 - ▣ **numer koloru = $R * 256^2 + G * 256 + B$**

Kodowanie koloru – YUV

57

- Model barw, w którym **Y** odpowiada za jasność obrazu (luminancję), a pod **UV** zaszyta jest barwa - dwie chrominancje.
- Model **YUV** był wykorzystywany w czasie przechodzenia od telewizorów czarno-białych na kolorowe. Czarno-białe odbiorniki wyświetlały jedynie jasność obrazu, a kolorowe dodawały kolor, co pozwoliło posiadaczom czarno-białych nie pozbywać się odbiorników od razu. **Y** - luminacja (dla obrazu czarno-białego) **U** - przeskalowana składowa **BV** - przeskalowana składowa **R**
- $Y = 0.299 * R + 0.587 * G + 0.114 * B$
- $U = B - Y$
- $V = R - Y$

Kompresja

58

- Jest to działanie mające na celu zmniejszanie objętości pliku. Przy kompresji wykorzystuje się podobieństwa i regularności występujące w plikach. Program przeprowadza analizę i wybiera fragmenty, które można zapisać w sposób zajmujący mniejszą liczbę bajtów. Wyróżniamy dwa typy:
 - **Kompresja bezstratna:** odtworzona informacja jest identyczna z oryginałem, dekompresja jest w pełni odwracalna (np. GIF).
 - **Kompresja stratna:** polega ona na eliminowaniu pewnych elementów oryginału, w celu lepszej efektywności kompresji (np. JPEG).
- **Możemy powiązać jakość ze stopniem kompresji.**

Szyfrowanie

59

- **Szyfr** – rodzaj kodu, system umownych znaków stosowany w celu utajnienia wiadomości, żeby była ona niemożliwa (lub bardzo trudna) do odczytania przez kogoś kto nie posiada odpowiedniego klucza.
- **Szyfrowanie** to procedura przekształcania wiadomości nie zaszyfrowanej w zaszyfrowaną.
- Wiadomość przed zaszyfrowaniem nazywa się tekstem jawnym (plaintext), a wiadomość zaszyfrowaną – szyfrogramem (ciphertext).
- **Kryptologia** – nauka o przekazywaniu informacji w sposób zabezpieczony przed niepowołanym dostępem.
- **Kryptologię** dzieli się na:
 - ▣ Kryptografię, czyli naukę o układaniu systemów kryptograficznych,
 - ▣ Kryptoanalizę, czyli naukę o ich łamaniu.

Szyfrowanie

60

- Dwa najpopularniejsze **algorytmy kryptografii asymetrycznej** (czyli takiej, w której się używa zestawów dwu lub więcej powiązanych ze sobą kluczy, umożliwiających wykonywanie różnych czynności kryptograficznych) to RSA i ElGamal.
- **RSA**: Został stworzony w 1978 przez zespół: Ronald Rivest, Adi Shamir, Leonard Adleman (nazwa RSA jest akronimem utworzonym z pierwszych liter nazwisk jego twórców). RSA opiera się na trudności faktoryzacji dużych liczb. Znalezienie szybkiej metody faktoryzacji doprowadziłoby do złamania RSA, aczkolwiek nie ma dowodu, że nie da się go złamać w inny sposób.
- **ElGamal**: natomiast jest oparty na trudności problemu logarytmu dyskretnego w ciele liczb całkowitych modulo duża liczba pierwsza. Algorytm w połowie lat 80-tych przedstawił Egipcjanin Taher Elgamal. Algorytm ElGamala umożliwia szyfrowanie oraz obsługę podpisów cyfrowych.
- Setki modyfikacji algorytmu ElGamala (podobnie jak modyfikacje algorytmu RSA) mają różne inne zastosowania.