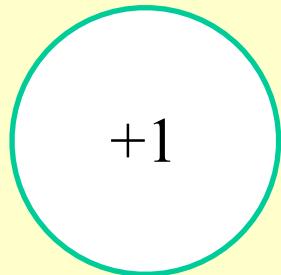


Neutrino

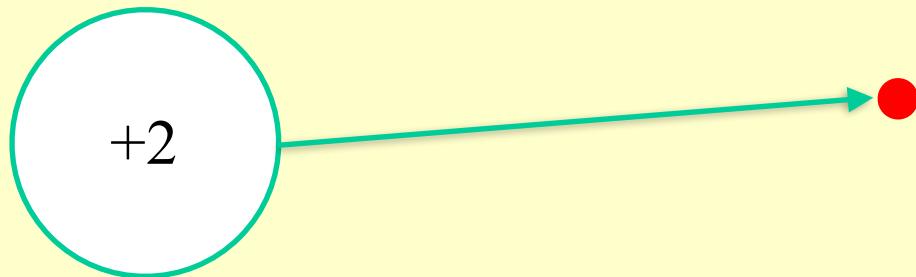
Rozpad promieniotwórczy trytu

Tryt to izotop wodoru o masie 3 razy większej od masy wodoru i ładunku elektrycznym = +1



Rozpad promieniotwórczy trytu

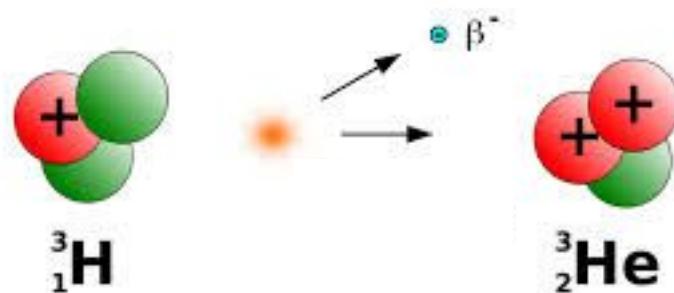
Tryt to izotop wodoru o masie 3 razy większej od masy wodoru i ładunku elektrycznym = +1



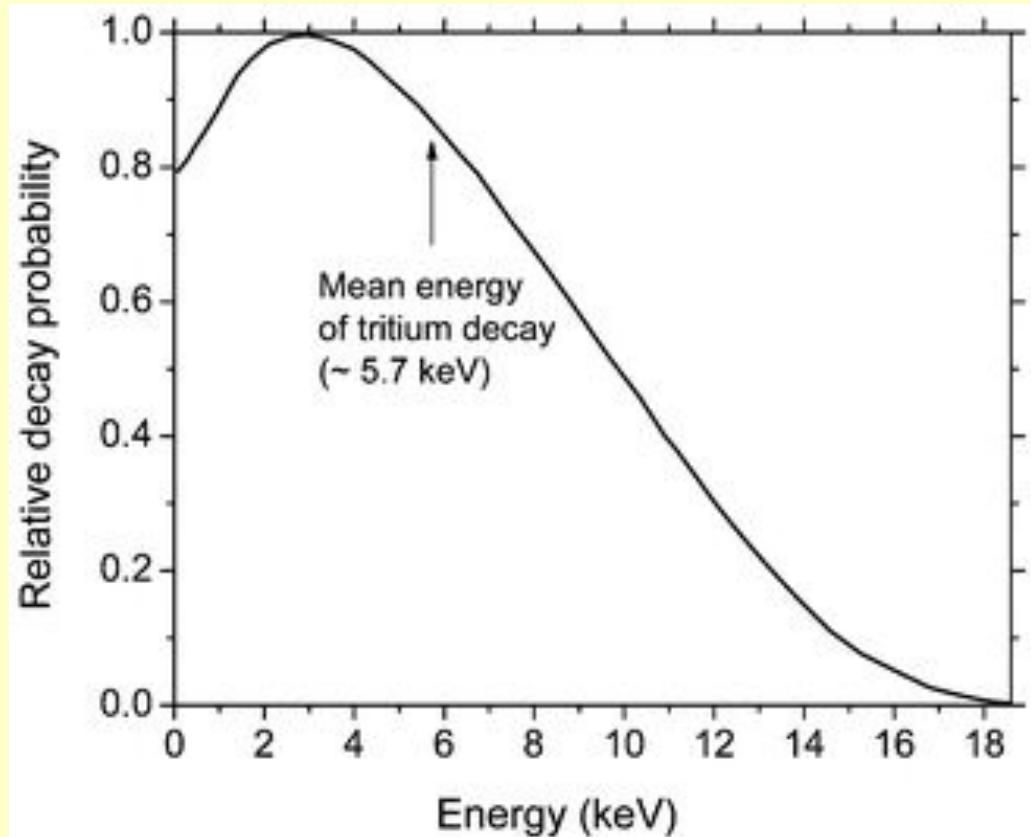
Wyleciał elektron, a jądro trytu zamieniło się w jądro helu 3 o masie troszkę mniejszej od trytu i ładunku elektrycznym = +2

$$E_e = M_T - M_{\text{He}^3} = 18.6 \text{ keV}$$

Rozkład energii elektronu w rozpadzie β trytu

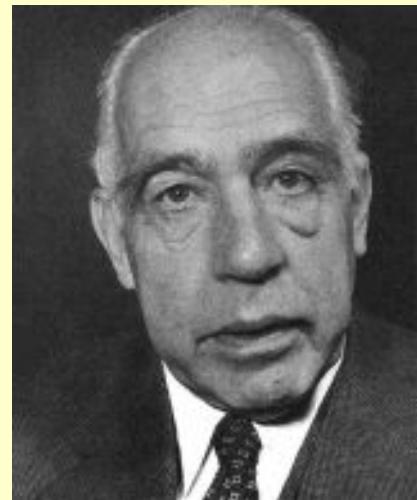


Dlaczego energia
w rozpadzie beta nie jest
zachowana?



Dlaczego energia w rozpadzie beta nie jest zachowana?

Niels Bohr: taka jest natura oddziaływań mikroskopowych



Dlaczego energia w rozpadzie beta nie jest zachowana?

Niels Bohr: taka jest natura oddziaływań mikroskopowych

1930 Wolfgang Pauli stawia hipotezę istnienia niewidocznej cząstki, która unosi brakującą energię i nazywa ją *neutronem*, potem utrwala się nazwa **neutrino**



List Pauliego

an: Herrn Prof. Dr. W. PAULI
BACHLAU
PROF. W. PAULI

Abschrift/10.12.34 -
rf PUC U 963

Offener Brief an die Gruppe der Radioaktiven bei der
Gauverbands-Jugung zu Tübingen.

Abschrift

Physikalisches Institut
der Eidg. Technischen Hochschule
Zürich

Zürich, 4. Dec. 1930
Gloriastr.

Liebe Radioaktive Damen und Herren,

Wie der Überbringer dieser Zeilen, den ich baldvollst anzuhören bitte, Ihnen des näheren auszuhandeln werden, bin ich angesichts der "falschen" Statistik der H - und Li -Kerne, sowie das kontinuierlichen β -Spektrums auf einen verzweifelten Ausweg verfallen um den "Wechselseitig"¹⁾ der Statistik und des Energiesatzes zu retten. Möglicher die Möglichkeit, es könnten elektrisch neutrale Teilchen, die ich Neutronen nennen will, in den Kernen existieren, welche den Spin $1/2$ haben und das Ausschließungsprinzip befolgen und sich von Lichtquanten außerdem noch dadurch unterscheiden, dass sie nicht mit Lichtgeschwindigkeit laufen. Die Masse der Neutronen müsste von derselben Ordnungsordnung wie die Elektronenmasse sein und jedenfalls nicht grösser als $0,01$ Protonenmasse. - Das kontinuierliche β -Spektrum wäre dann verständlich unter der Annahme, dass beim β -Zerfall mit dem Elektron jeweils noch ein Neutron emittiert wird, derart, dass die Summe der Energien von Neutron und Elektron konstant ist.

Nun handelt es sich weiter darum, welche Kräfte auf die Neutronen wirken. Das wahrscheinlichste Modell für das Neutron scheint mir aus wellenmechanischen Gründen (näheres weiss der Überbringer dieser Zeilen) dieses zu sein, dass das ruhende Neutron ein magnetischer Dipol von einem gewissen Moment μ ist. Die Experimente verlangen wohl, dass die ionisierende Wirkung eines solchen Neutrons nicht grösser sein kann, als die eines γ -Strahls und dann darf μ wohl nicht grösser sein als $e \cdot (10^{-13} \text{ cm})$.

1) Dieser lautet: Ausschließungsprinzip (Fermi-Statistik) und halbzahligiger Spin bei ungerader Gesamtzahl der Teilchen; Bosonstatistik und ganzzahligiger Spin bei gerader Gesamtzahl der Teilchen.

- 2 -

Ich traue mich vorläufig aber nicht, etwas über diese Idee zu publizieren und wende mich erst vertraulich an Sie, liebe Radioaktive, mit der Frage, wie es um den experimentellen Nachweis eines solchen Neutrons stände, wenn dieses ein ebensoliches oder etwa 10mal grösseres Durchdringungsvermögen besitzen würde, wie ein γ -Strahl.

Ich gebe zu, dass mein Ausweg vielleicht von vornherein wenig wahrscheinlich erscheinen mag, weil man die Neutronen, wenn sie existieren, wohl schon längst gesehen hätte. Aber nur wer sagt, gewinnt und der Ernst der Situation beim kontinuierlichen β -Spektrum wird durch einen Ausspruch meines verehrten Vorgängers im Amts, Herrn Debye, beleuchtet, der mir kürzlich in Brüssel gesagt hat: "o, daran soll man am besten gar nicht denken, sowie an die neuen Sternen." Daraus soll man jeden Weg zur Rettung ernstlich diskutieren. - Also, liebe radioaktive, prüfen, und richten. - Leider kann ich nicht persönlich in Tübingen erscheinen, da ich infolge eines in der Nacht vom 6. zum 7. Dec. in Zürich stattfindenden Balles hier unabschöpflich bin. - Mit vielen Grüßen an Sie, sowie auch an Herrn Beck, sehr unterthänigster Dienner

gen. W. Pauli

Drogie radioaktywne Panie i Panowie,

... znalazłem, co prawda wątpliwe, ale jednak możliwe
rozwiążanie, które “ratuje” zachowanie energii w rozpadzie β .

Rozważmy mianowicie możliwość, że mogą istnieć
elektrycznie obojętne cząstki, które nazwę **neutronami**...

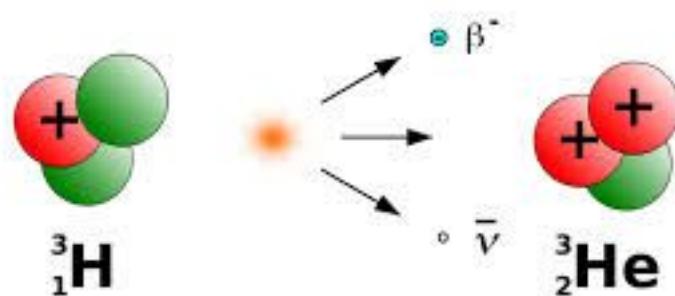
Masa neutronu nie może przekraczać 0,01 masy protonu.
W ten sposób można zrozumieć ciągłe spektrum energii
w rozpadzie β .

Drogie radioaktywne Panie i Panowie,

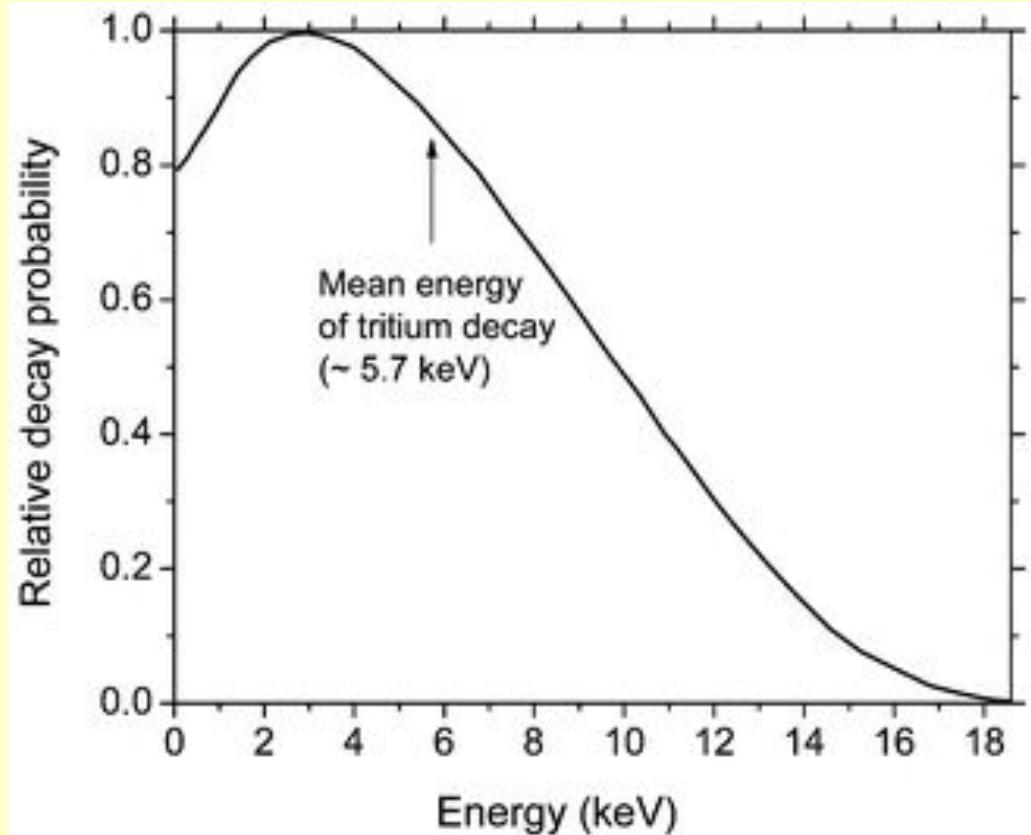
... znalazłem, co prawda wątpliwe, ale jednak możliwe
rozwiązańe, które “ratuje” zachowanie energii w rozpadzie β .
Rozważmy mianowicie możliwość, że mogą istnieć
elektrycznie obojętne cząstki, które nazwę **neutronami**...
Masa neutronu nie może przekraczać 0,01 masy protonu.
W ten sposób można zrozumieć ciągłe spektrum energii
w rozpadzie β .

Niestety nie mogę się osobiście pojawić w Tybindze,
ze względu na bal odbywający się w Zürichu,
w nocy z 6. na 7. Grudnia.

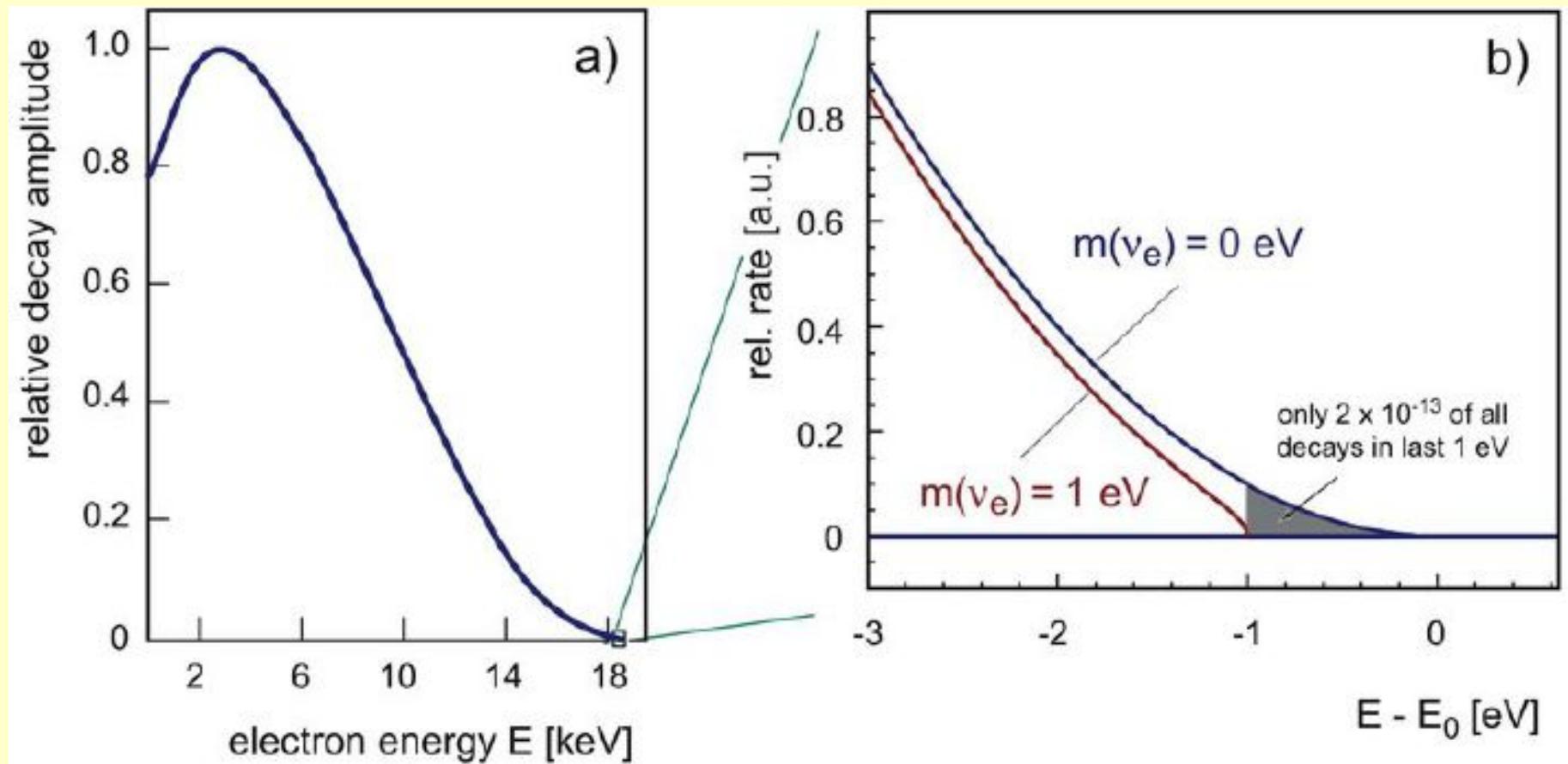
Rozkład energii elektronu w rozpadzie β trytu



Dlaczego energia
w rozpadzie beta nie jest
zachowana?



Rozkład elektronów w rozpadzie trytu



Pauli później wyznał, że neutrino było
głupim dzieckiem kryzysu w moim osobistym życiu.

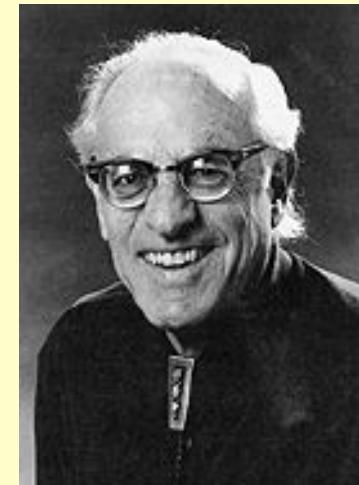
Miał na myśli:

samobójstwo jego matki (trzy lata wcześniej),
 ponowne małżeństwo ojca z kobietą, której Pauli był niechętny,
 gwałtowny koniec jego własnego krótkiego małżeństwa, kiedy to
 żona miała czelność opuścić go dla jakiegoś przeciętnego chemika

w roku 1956

F. Reines i C.L. Cowan umieszczając w sąsiedztwie
 reaktora w elektrowni Savannah River odpowiedni
 detektor zobaczyli ślady antyelektronu i neutronu

Nobel 1995: Frederick Reines i Martin Perl (tau)



Nobel 1988

za odkrycie neutrina mionowego w laboratorium Brookhaven, N.Y.
w latach 1960 - 1962

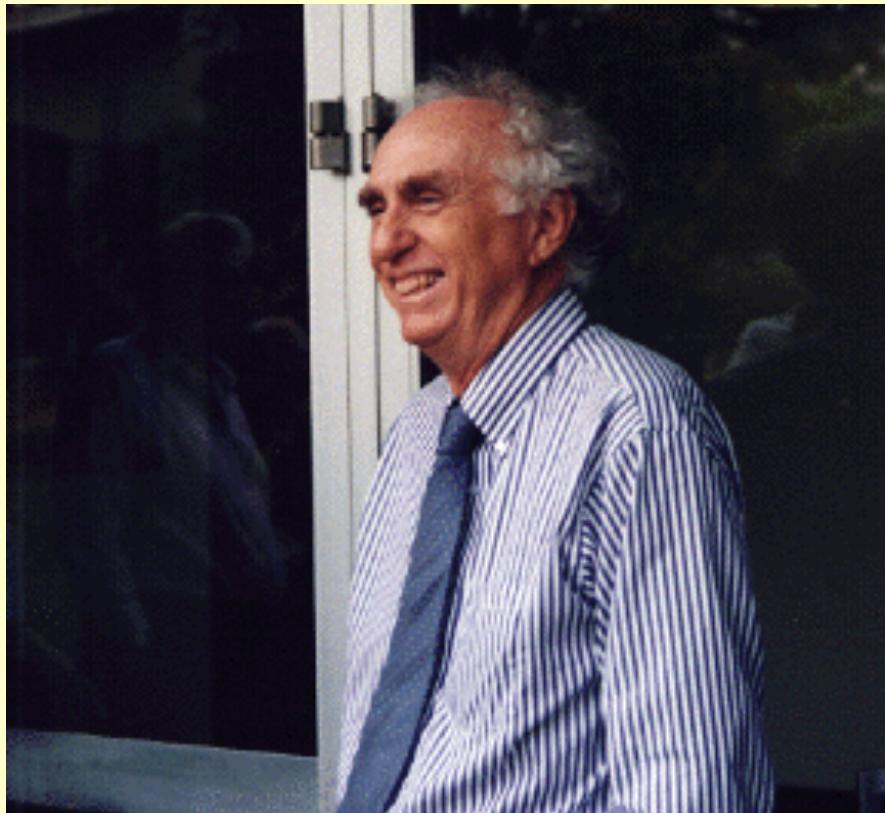
Melvin Schwartz

Leon Lederman

Jack Steinberger



Model Standardowy



leptony

	Flavor	Mass (GeV/c ²)	Elect. Charge
ν_e	e neutrino	$< 7 \times 10^{-9}$	0
e^-	electron	.000511	-1
ν_μ	μ neutrino	$< .0003$	0
μ^-	muon	0.106	-1
ν_τ	τ neutrino	$< .03$	0
τ^-	tau	1.7771	-1

Nobel 1995
F.Reines i M. Perl

Według modelu standardowego neutrina są bezmasowe

Model Standardowy

Definiujemy dublet leptonowy:

$$L = \begin{bmatrix} L_A \\ L_B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \nu_{eL} \\ e_L \end{bmatrix}.$$

który względem grupy $SU(2)$ transformuje się identycznie jak dublet pól Higgsa Φ :

$$\Phi \rightarrow \Phi' = U\Phi,$$

$$L \rightarrow L' = UL,$$

$$U = e^{-i\vec{\alpha}(x) \cdot \vec{\tau}}.$$

Prawoskrętne leptony nie transformują się względem grupy $SU(2)$:

$$e_R \rightarrow e'_R = e_R, \quad \nu_{eR} \rightarrow \nu'_{eR} = \nu_{eR}.$$

Neutrina są bezmasowe.

Źródła neutrin

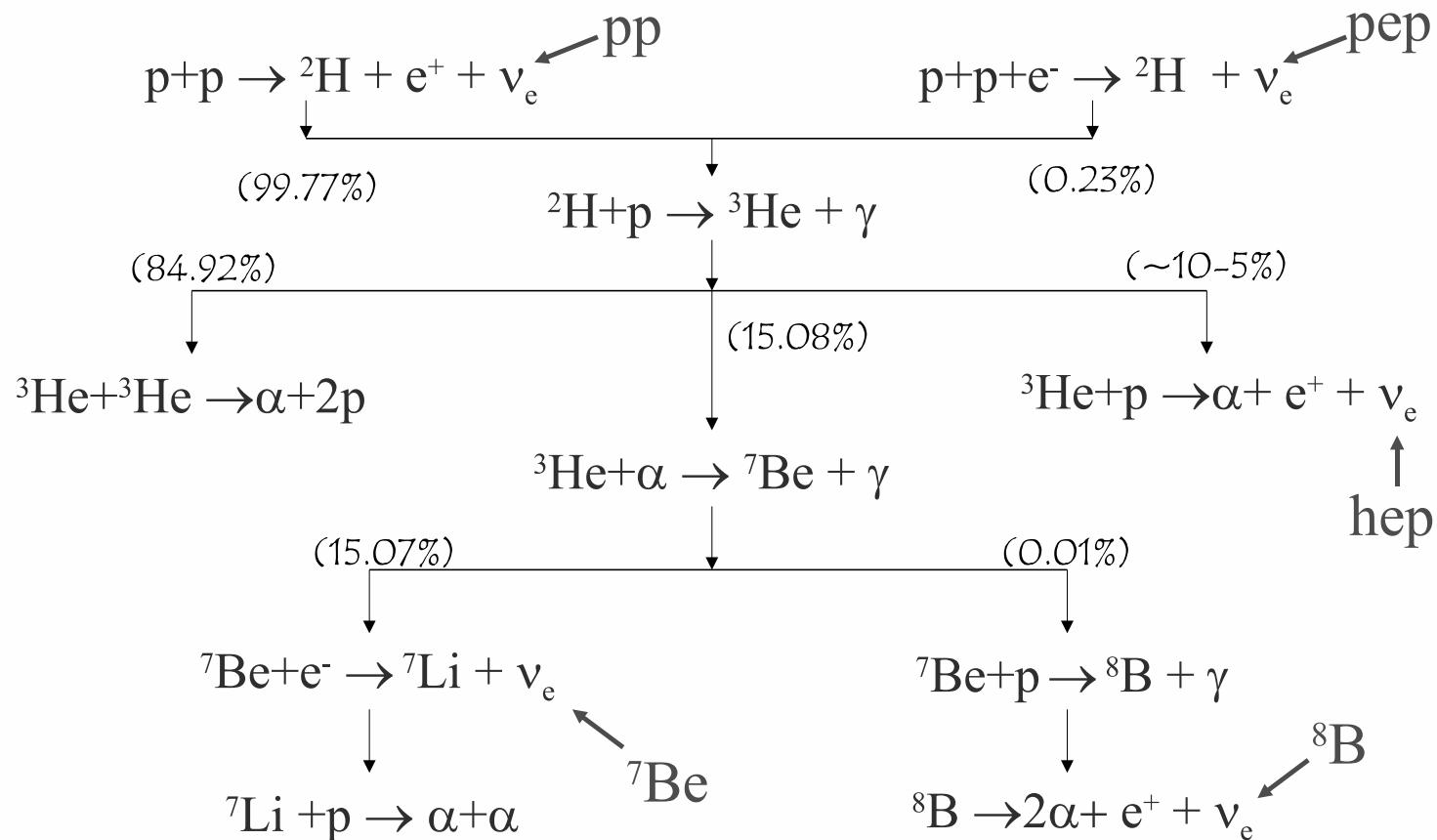
- Radioaktywność naturalna
- Działalność ludzka (akceleratory, reaktory)
- Promieniowanie kosmiczne
- Słońce i inne gwiazdy
- Wybuchy gwiazd supernowych
- Neutrina tła - pozostałość po wielkim wybuchu nikt ich jeszcze nie zaobserwował

NEUTRINA PRAWIE NIE ODDZIAŁUJĄ Z MATERIĄ

Neutrino słoneczne

Cracow School

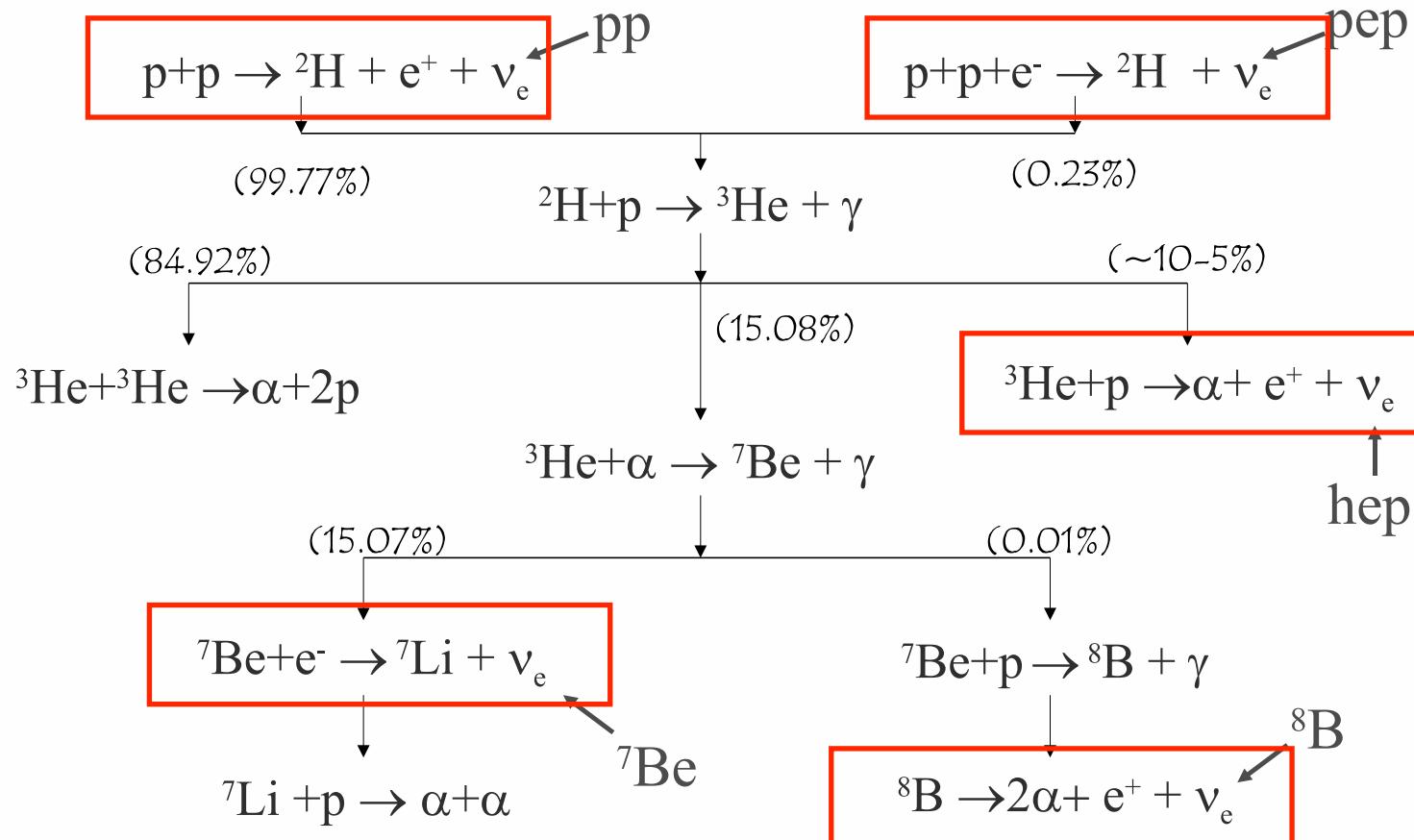
The solar pp chain

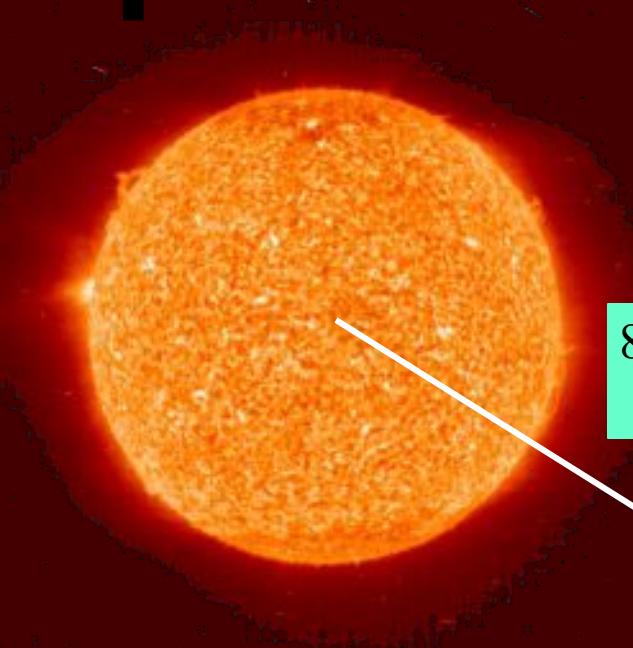


Neutrino słoneczne

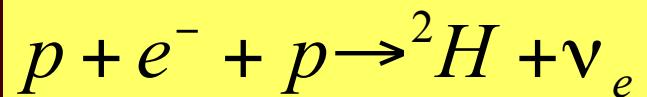
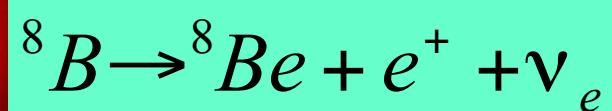
Cracow School

The solar pp chain





Słońce jest źródłem neutrin elektronowych o energiach od 0 do 20 MeV

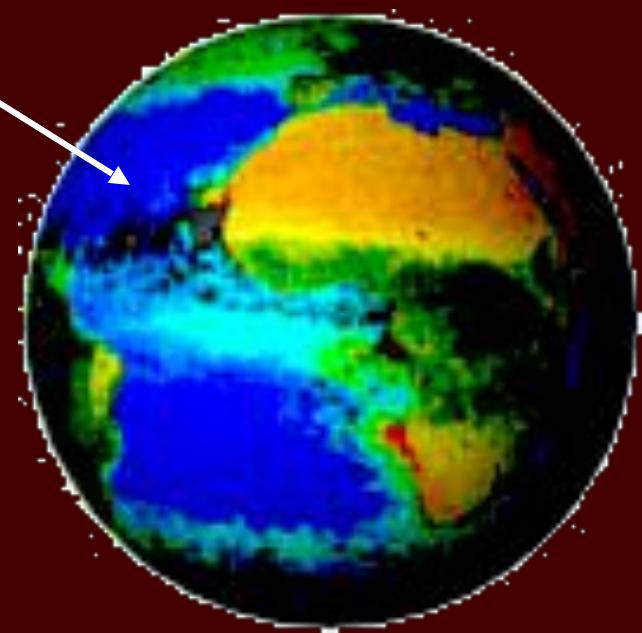


na Ziemi prowadzi się dwa typy eksperymentów:

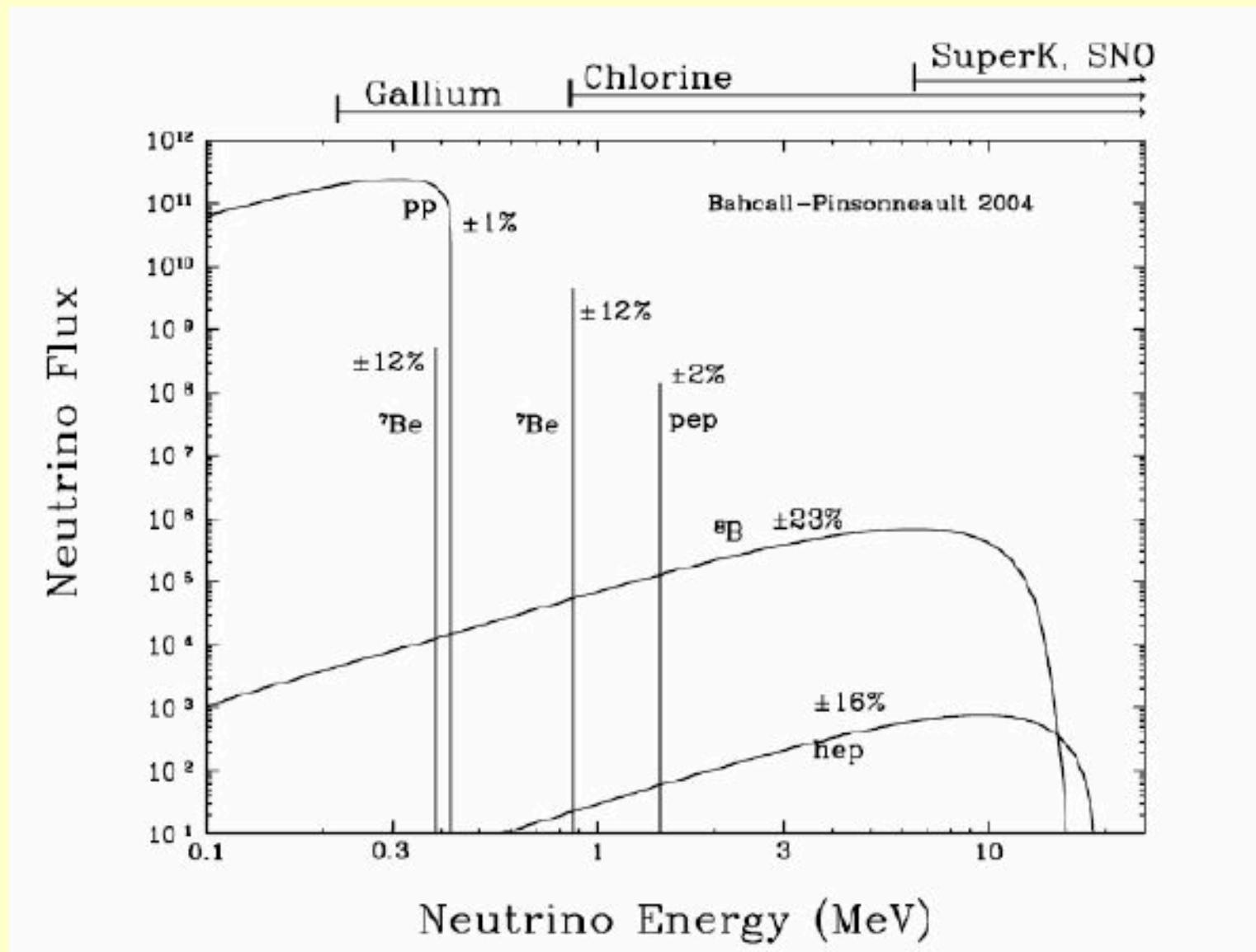
“chemiczne”: $\nu + Cl \rightarrow Ar + e$
 $\nu + Ga \rightarrow Gr + e$

“wodne”: $\nu + e \rightarrow \nu + e$

tylko
neutrina
elektronowe
wszystkie



Neutrino słoneczne



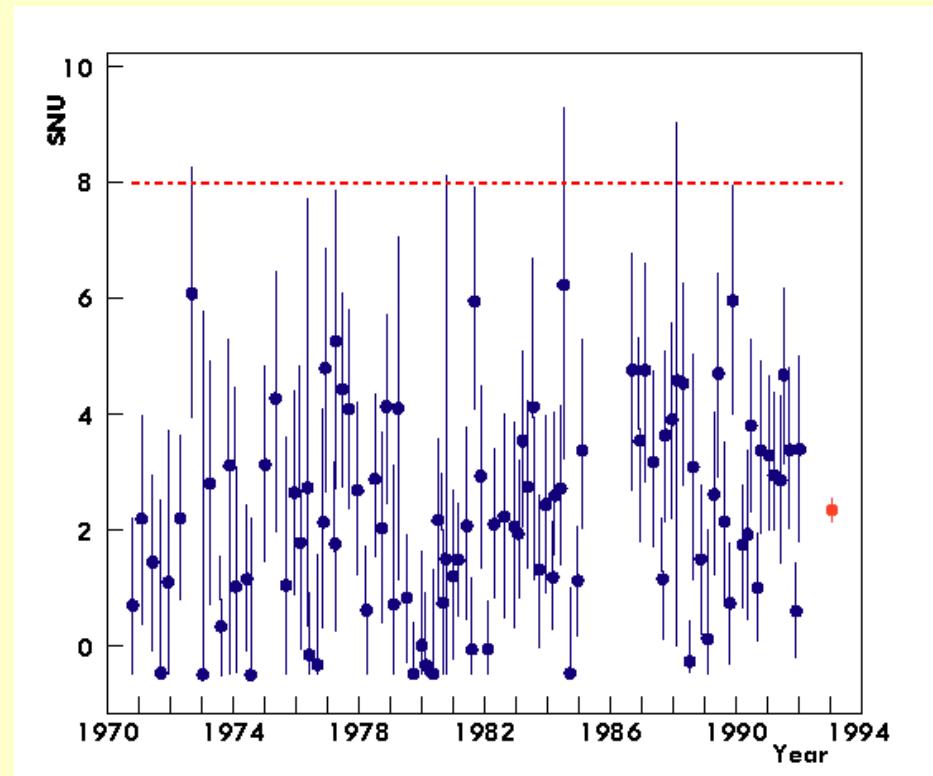
Eksperyment Homestake, N.D.

umieszczony w kopalni w Północnej Dakocie

cylinder wypełniony 615. tonami C_2Cl_4 (tetra-chloro-etylen)



← naświetlanie przez 50 dni
chemiczne wyodrębnienie argonu
obserwacja rozpadu argonu (27/rok)



Eksperyment Homestake, N.D.

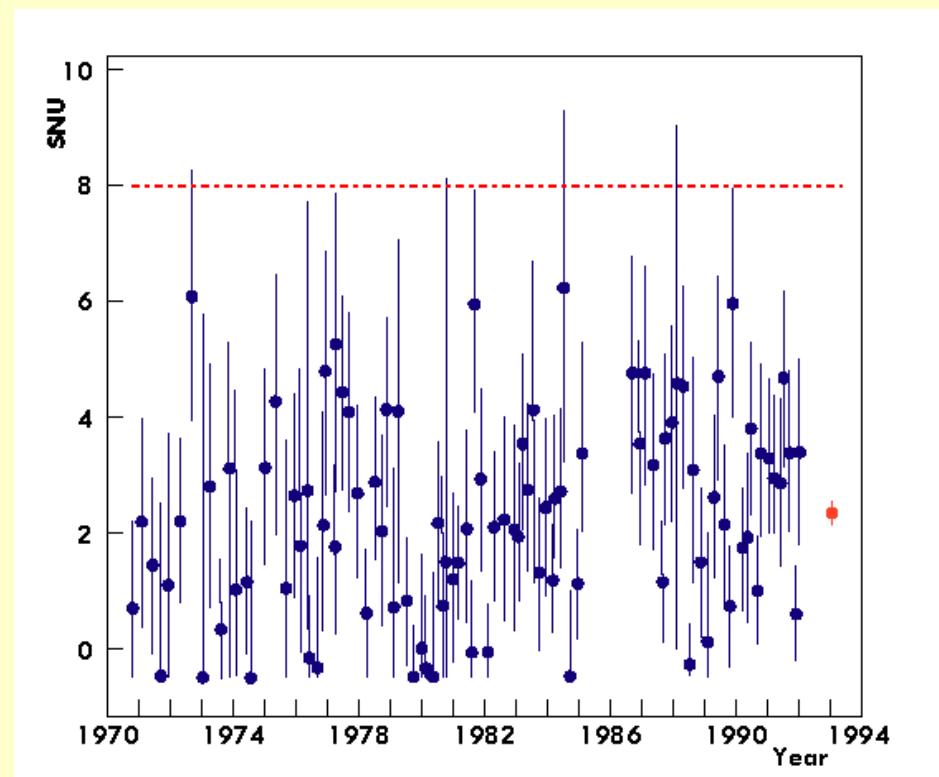
umieszczony w kopalni w Północnej Dakocie

cylinder wypełniony 615. tonami C_2Cl_4 (tetra-chloro-etylen)



Nobel 2002,
Raymond Davis

← naświetlanie przez 50 dni
chemiczne wyodrębnienie argonu
obserwacja rozpadu argonu (27/rok)

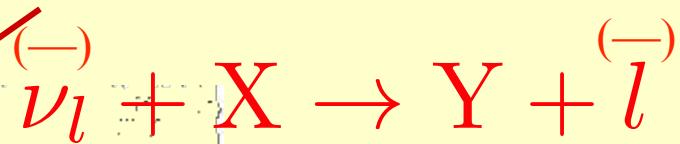
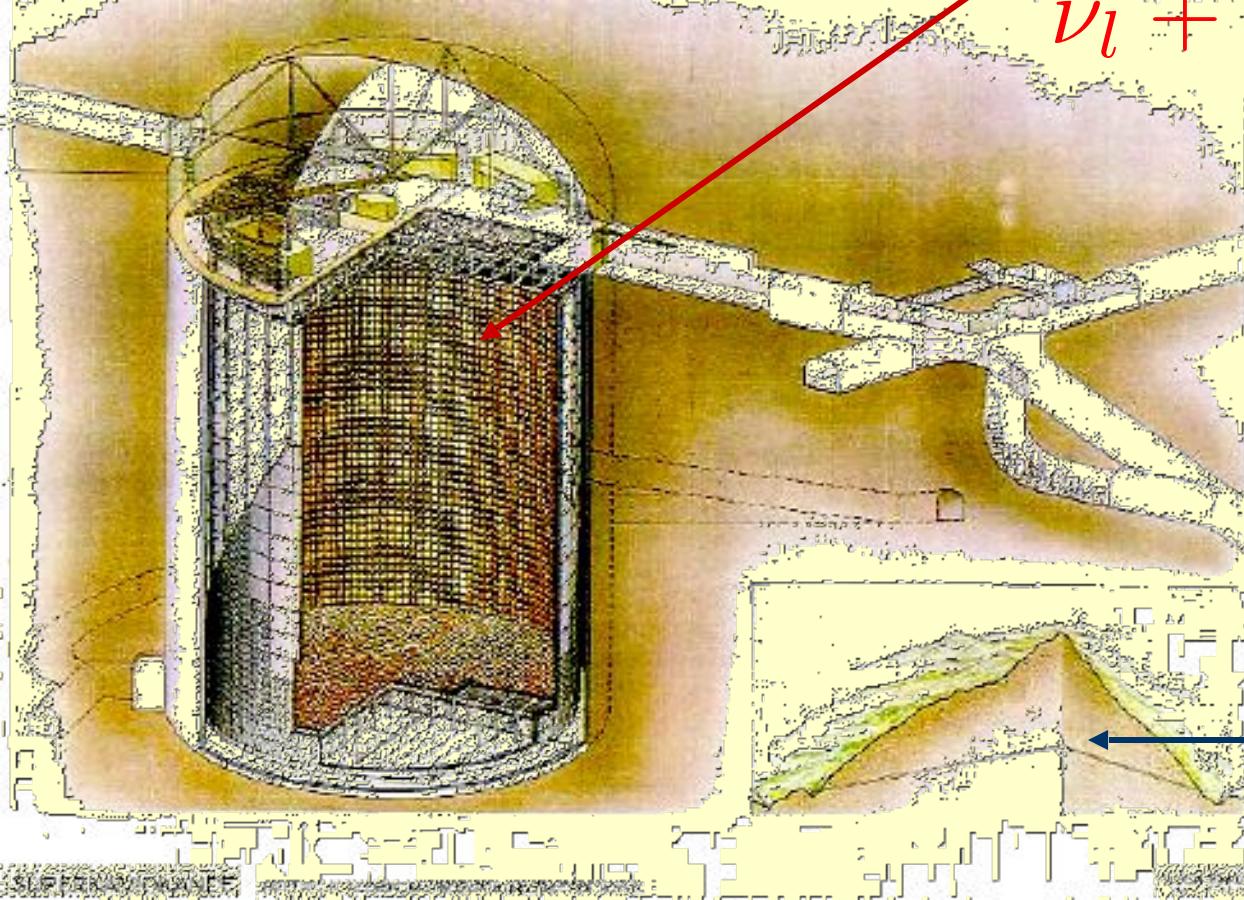


Eksperyment Super-Kamiokande

umieszczony w kopalni Kamioka neutrino detektor

cylinder 41,4 m na 39,3 m
wypełniony 50 tys ton wody

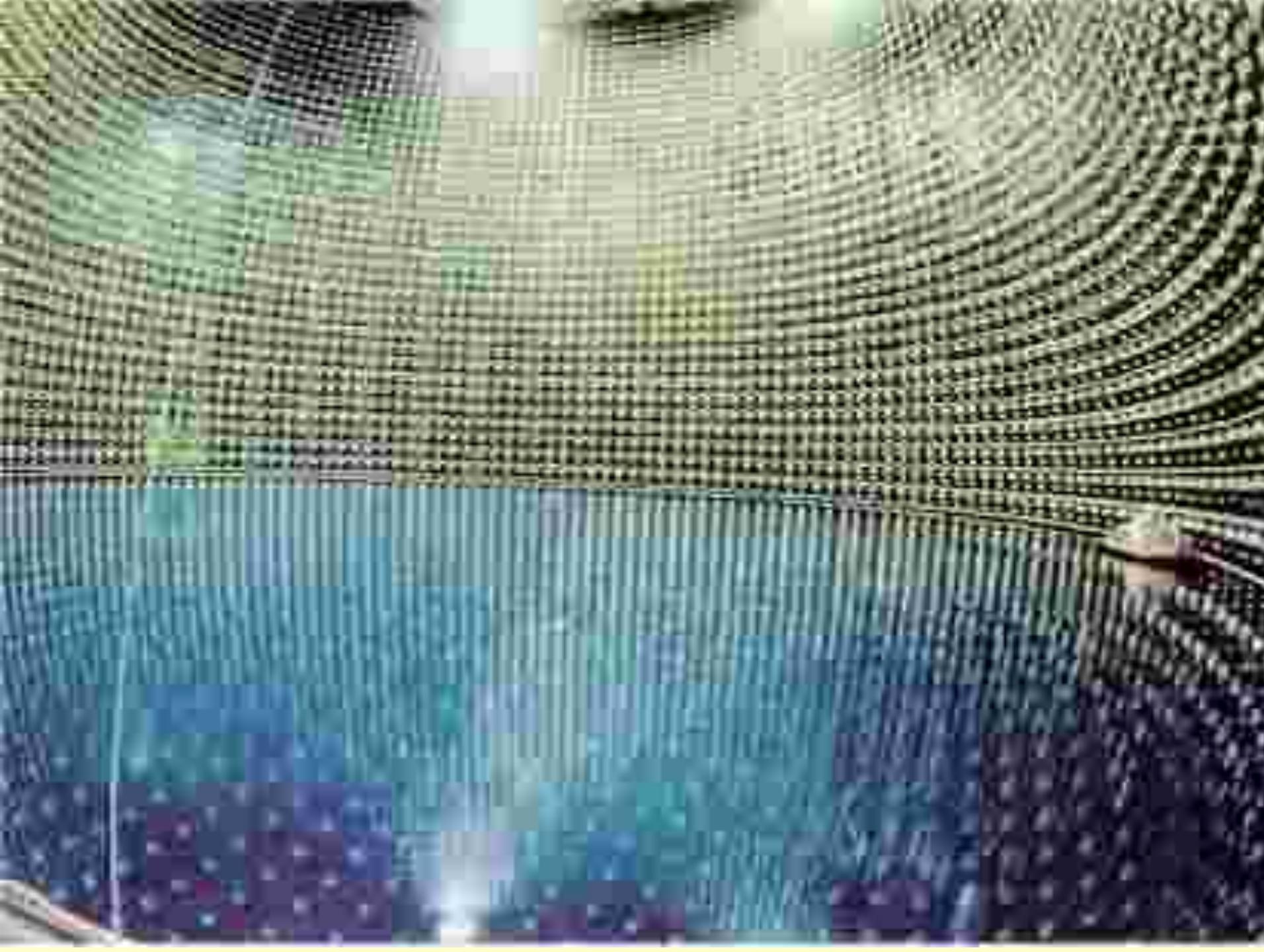
11200 fotopowielaczy



promieniowanie
Czerenkowa

prowadzi się w nim
obserwacje neutrin
słonecznych
i atmosferycznych
a także K2K
i reaktorowych

we wnętrzu góry
1 km pod
powierzchnią



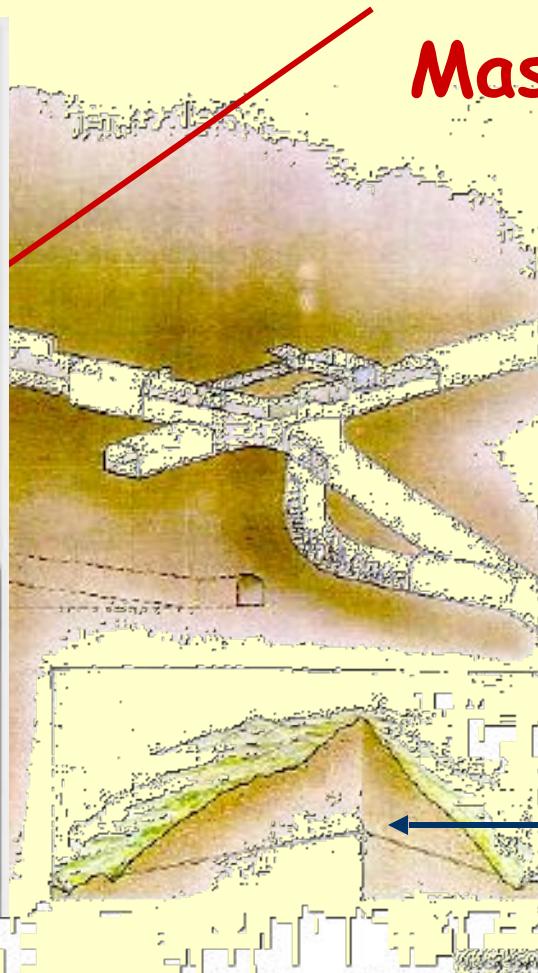
Eksperyment Super-Kamiokande

umieszczony w kopalni Kamioka neutrinowy detektor

cylinder 41,4 m na 39,3 m
wypełniony 50 tys ton wody

11200 fotopowielaczy

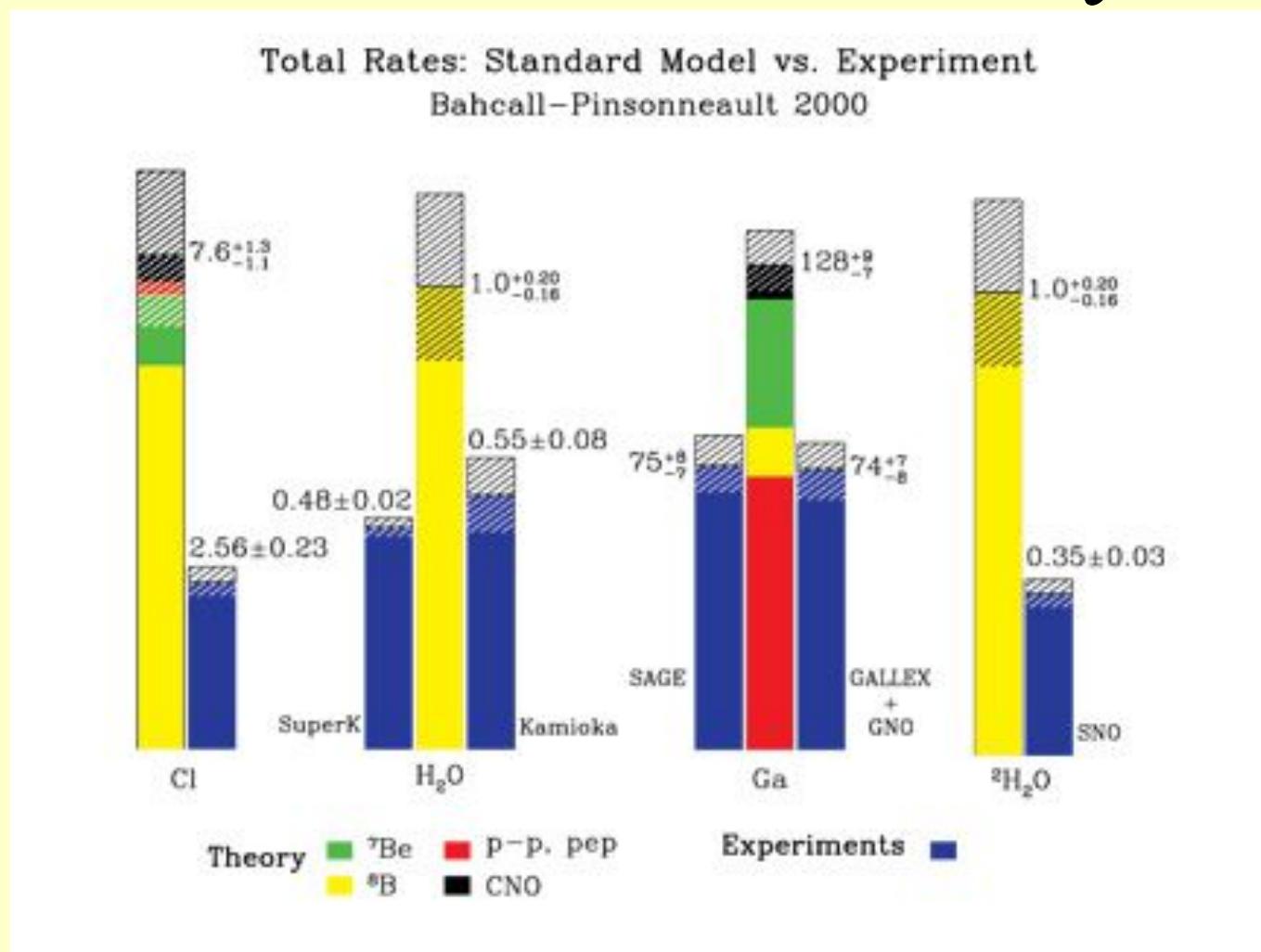
Masatoshi Koshiba,
Nobel 2002



prowadzi się w nim
obserwacje neutrin
słonecznych
i atmosferycznych
a także K2K
i reaktorowych

we wnętrzu góry
1 km pod
powierzchnią

Problem neutrin słonecznych



Kto kradnie neutrina słoneczne?

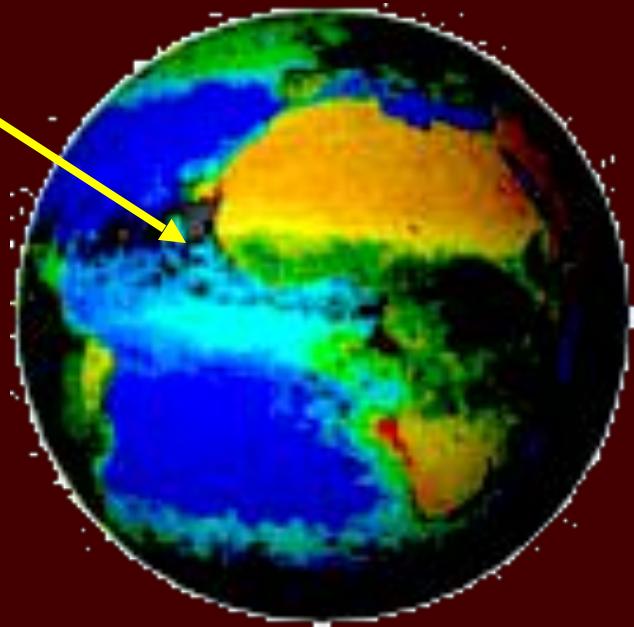
ze Słońca wylatuje neutrino elektronowe

na Ziemię dociera neutrino mionowe, które nie jest obserwowne w eksperymentach chemicznych.

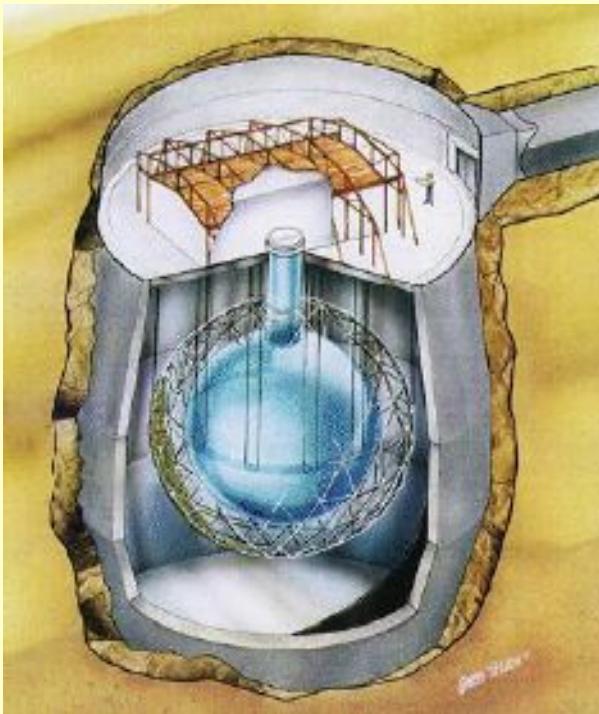
eksperymenty wodne widzą wszystkie neutrino, ale mierzy się

$$N_{\nu}^e + \frac{1}{7} N_{\nu}^{\mu+\tau}$$

trzeba zatem w eksperymencie wodnym zmierzyć oddziennie liczbę neutrin elektronowych, to się udało dopiero ostatnio w eksperymencie SNO (ciężka woda)



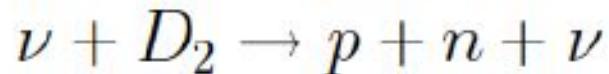
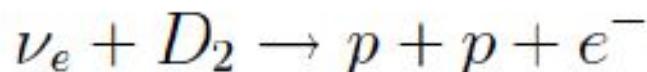
Eksperyment SNO



7000 ton wody
w środku zbiornik z 1000 ton ciężkiej wody

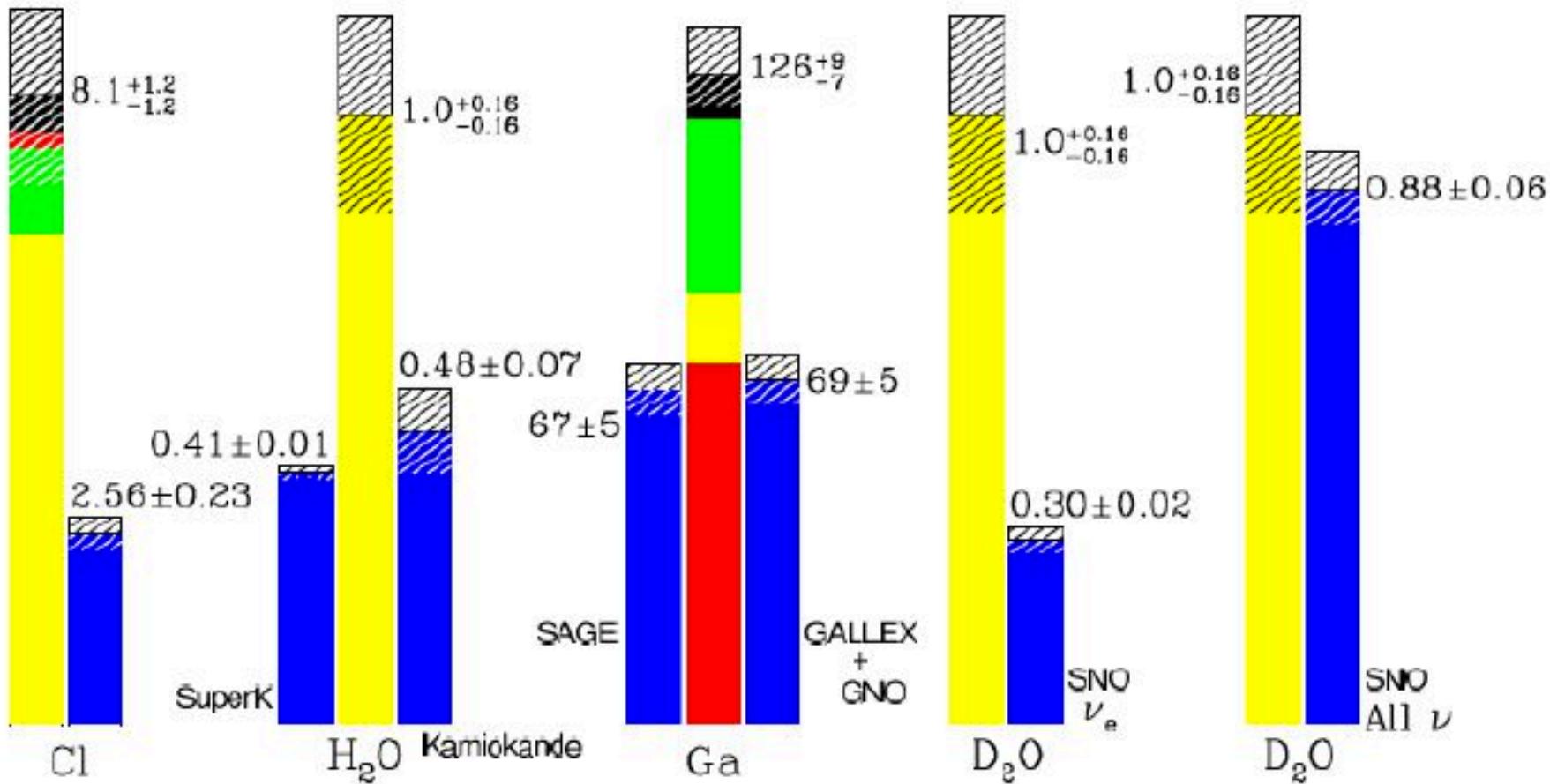


Detektor z ciężką wodą (Sudbury Neutrino Observatory = SNO):



Neutrino słoneczne

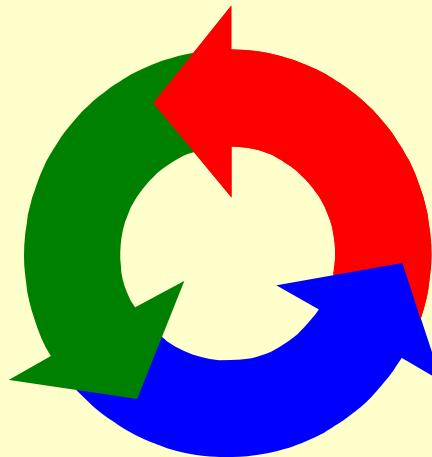
Total Rates: Standard Model vs. Experiment
Bahcall–Serenelli 2005 [BS05(OP)]



Kto kradnie neutrina słoneczne?

Neutrina znikają z powodu
efektu kwantowomechanicznego
tzw.

OSCYLACJI NEUTRIN



potwierdzenie tego zjawiska otrzymano w eksperymencie
SNO, w nieczynnej kopalni niklu w Kanadzie
(praca datowana na 30 czerwca 2001)

neutrina mają mase!

Mieszanie neutrin

Zastosujemy przybliżenie nierelatywistyczne, (równanie Schrödingera), mimo, że neutrina są prawie bezmasowe. Wynik jest identyczny jak w przypadku równania Diraka. Założymy:

$$|\nu_\alpha\rangle = \sum_i U_{\alpha i} |\nu_i\rangle, \quad \alpha = e, \mu, \tau.$$

gdzie stany $i = 1, 2, 3$ są stanami własnymi masy. To znaczy, że neutrino które powstaje jako α w chwili $t = 0$, po czasie t jest mieszaniną:

$$|\nu(t)\rangle = \sum_i U_{\alpha i} |\nu_i\rangle e^{-iE_i t/\hbar}.$$

Mieszanie neutrin - c.d.

Amplituda prawdopodobieństwa, że w chwili t neutrino jest typu β :

$$\langle \nu_\beta | \nu(t) \rangle = \sum_i U_{\beta i}^* U_{\alpha i} e^{-i E_i t / \hbar}$$

i w konsekwencji prawdopodobieństwo oscylacji:

$$P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(t) = \sum_{i,j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^* e^{-i(E_i - E_j)t/\hbar}$$

Trzeba policzyć różnicę energii w przybliżeniu relatywistycznym.

Różnica energii

$$E \approx |\mathbf{p}|c \left(1 + \frac{m^2 c^2}{2\mathbf{p}^2} \right) = |\mathbf{p}|c + \frac{m^2 c^3}{2|\mathbf{p}|}$$

$$E_2 - E_1 \approx \frac{m_2^2 c^3 - m_1^2 c^3}{2|\mathbf{p}|} \approx \frac{m_2^2 - m_1^2}{2E} c^4$$

Wprowadzamy oznaczenie:

$$m_{ij}^2 = m_i^2 - m_j^2$$

Prawdopodobieństwo oscylacji

$$P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(t) = \sum_{i,j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^* \exp\left(-i \frac{m_{ij}^2 c^4}{2\hbar E} t\right)$$

Prawdopodobieństwo oscylacji

$$\begin{aligned} P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(t) &= \sum_{i,j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^* \left(\cos \frac{m_{ij}^2 t}{2E} - i \sin \frac{m_{ij}^2 t}{2E} \right) \\ &= \sum_{i,j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^* \left(1 - 2 \sin^2 \frac{m_{ij}^2 t}{4E} - i \sin \frac{m_{ij}^2 t}{2E} \right) \\ &= \delta_{\alpha\beta} - 4 \sum_{i>j} \operatorname{Re}(U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^*) \sin^2 \frac{m_{ij}^2 t}{4E} \\ &\quad + 2 \sum_{i>j} \operatorname{Im}(U_{\beta i}^* U_{\alpha i} U_{\beta j} U_{\alpha j}^*) \sin \frac{m_{ij}^2 t}{2E}, \end{aligned}$$

Prawdopodobieństwo oscylacji

$\text{Re}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i})$ symetryczne $i \longleftrightarrow j$,

$\text{Im}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i})$ antysymetryczne $i \longleftrightarrow j$.

Łamanie CP

Pamiętajmy, że w równaniu Diraka sprzężenie ładunkowe zamieniające cząstkę na antycząstkę zawiera sprzężenia zespolone funkcji falowej, co w przypadku macierzy mieszania sprowadza się do zamiany

$$U \rightarrow U^*$$

$$\text{Re}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i}) \quad \rightarrow \quad + \text{Re}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i}),$$

$$\text{Im}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i}) \quad \rightarrow \quad - \text{Im}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i}),$$

$$P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta} \neq P_{\bar{\nu}_\alpha \rightarrow \bar{\nu}_\beta}$$

$$\text{Im}(U_{\alpha j}^* U_{\beta j} U_{\beta i}^* U_{\alpha i}) \neq 0$$

Macierz Pontecorvo-Maki-Nakagawa-Sakata

$$V_{\text{PMNS}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & c_{23} & s_{23} \\ 0 & -s_{23} & c_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_{13} & 0 & s_{13}e^{-i\delta} \\ 0 & 1 & 0 \\ -s_{13}e^{i\delta} & 0 & c_{13} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_{12} & s_{12} & 0 \\ -s_{12} & c_{12} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} c_{12}c_{13} & s_{12}c_{13} & s_{13}e^{-i\delta} \\ -s_{12}c_{23} - c_{12}s_{23}s_{13}e^{i\delta} & c_{12}c_{23} - s_{12}s_{23}s_{13}e^{i\delta} & s_{23}c_{13} \\ s_{12}s_{23} - c_{12}c_{23}s_{13}e^{i\delta} & -c_{12}s_{23} - s_{12}c_{23}s_{13}e^{i\delta} & c_{23}c_{13} \end{bmatrix}.$$

Macierz analogiczna do macierzy Cabibbo-Kobayashi-Maskawa.
Invariante Jarlskog:

$$\begin{aligned} J = J_{\rho k} &= \varepsilon_{\alpha\beta\rho} \varepsilon_{ijk} \operatorname{Im} [U_{\alpha i} U_{\beta i}^* U_{\beta j} U_{\alpha j}^*] \\ &= \cos \theta_{13} \sin 2\theta_{12} \sin 2\theta_{13} \sin 2\theta_{23} \underline{\sin \delta}. \end{aligned}$$

$$J_{\text{CKM}} = 3 \times 10^{-5} \quad J_{\text{PMNS}} = 0.25 \sin \delta$$

Oscylacje neutrin

Pomijamy łamanie CP. Szczęśliwa hierarchia:

$$\begin{aligned}|m_{31}^2| &\approx |m_{32}^2| = \Delta m_{\text{atm}}^2 \sim 2.5 \times 10^{-3} \text{ eV}^2, \\ |m_{21}^2| &= \Delta m_{\odot}^2 \sim 7 \times 10^{-5} \text{ eV}^2,\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(z) &= \delta_{\alpha\beta} - 4(U_{\alpha 1}U_{\beta 1})(U_{\alpha 2}U_{\beta 2}) \sin^2 \frac{\Delta m_{\odot}^2 z}{4E} \\ &\quad - 4(U_{\alpha 1}U_{\beta 1} + U_{\alpha 2}U_{\beta 2})(U_{\beta 3}U_{\alpha 3}) \sin^2 \frac{\Delta m_{\text{atm}}^2 z}{4E}.\end{aligned}$$

$$z = t$$

Oscylacje neutrin

Pomijamy łamanie CP. Szczęśliwa hierarchia:

$$\begin{aligned}|m_{31}^2| &\approx |m_{32}^2| = \Delta m_{\text{atm}}^2 \sim 2.5 \times 10^{-3} \text{ eV}^2, \\ |m_{21}^2| &= \Delta m_{\odot}^2 \sim 7 \times 10^{-5} \text{ eV}^2,\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(t) &= \delta_{\alpha\beta} - 4(U_{\alpha 1}U_{\beta 1})(U_{\alpha 2}U_{\beta 2}) \sin^2 \frac{\Delta m_{\odot}^2 z}{4E} \\ &\quad - 4(\delta_{\alpha\beta} - U_{\beta 3}U_{\alpha 3})(U_{\beta 3}U_{\alpha 3}) \sin^2 \frac{\Delta m_{\text{atm}}^2 z}{4E}.\end{aligned}$$

Oscylacje neutrin

Pomijamy łamanie CP. Szczęśliwa hierarchia:

$$\Psi = \frac{\Delta m^2 z}{4E\hbar} = 1.27 \times \left(\frac{\Delta m^2}{\text{eV}^2} \right) \times \left(\frac{z}{\text{km}} \right) \times \left(\frac{\text{GeV}}{E} \right).$$

$$P_{\nu_\alpha \rightarrow \nu_\beta}(t) = \delta_{\alpha\beta} - 4(U_{\alpha 1}U_{\beta 1})(U_{\alpha 2}U_{\beta 2}) \sin^2 \frac{\Delta m_\odot^2 z}{4E}$$
$$- 4(\delta_{\alpha\beta} - U_{\beta 3}U_{\alpha 3})(U_{\beta 3}U_{\alpha 3}) \sin^2 \frac{\Delta m_{\text{atm}}^2 z}{4E}.$$

Eksperyment CHOOZ



Eksperyment CHOOZ

Reaktor w Chooz produkuje $\alpha = \bar{\nu}_e$ o energii około 3 MeV, a detektor jest w odległości 1 km. Dla tych wartości otrzymujemy:

$$\text{CHOOZ: } \Psi_{\odot} \sim 3 \times 10^{-3}, \quad \Psi_{\text{atm}} \sim 0.11$$

i w związku z tym można zaniedbać przyczynę od Ψ_{\odot} . Detektor czuły jest na antyneutrina elektronowe: $\beta = \bar{\nu}_e$, stąd

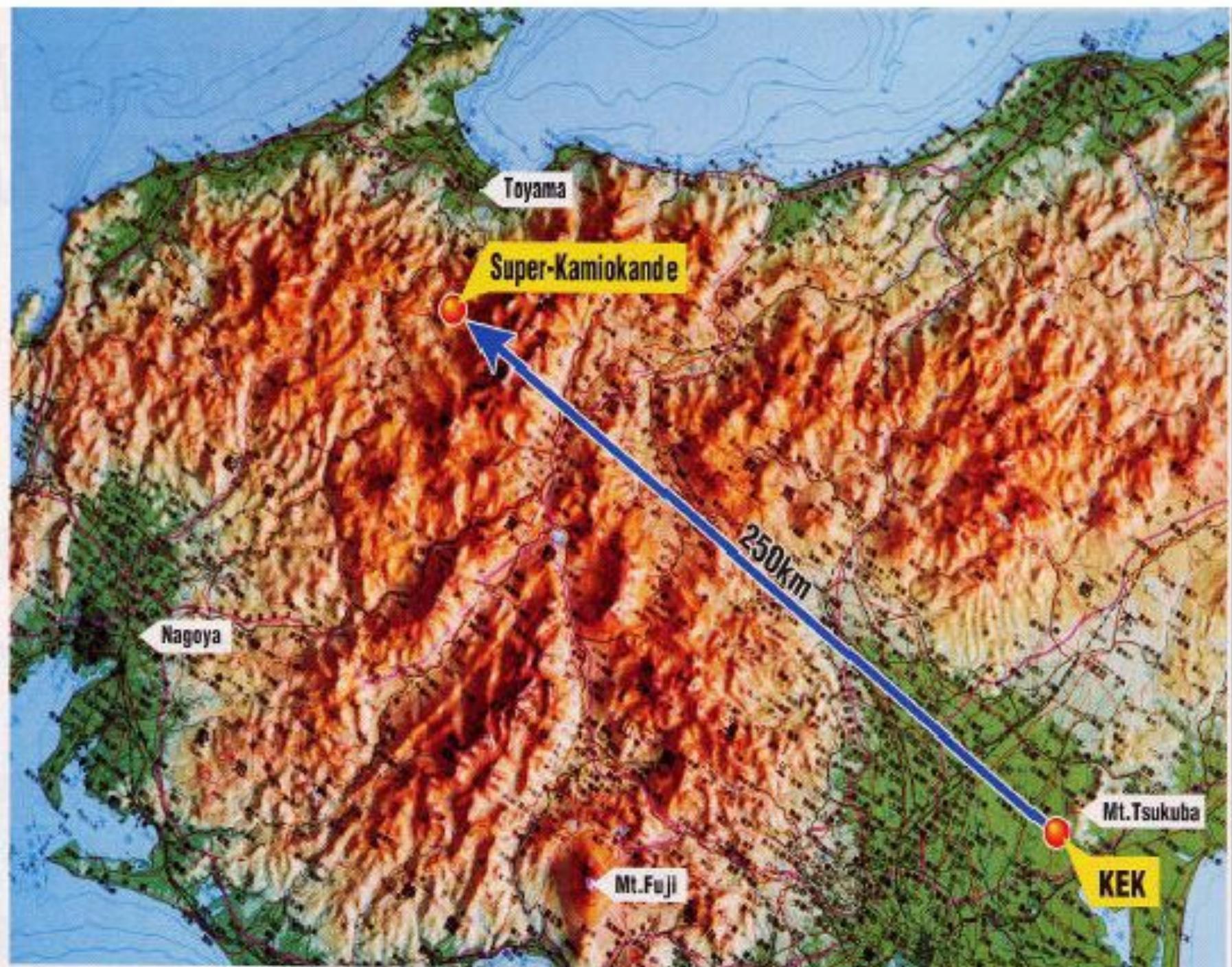
$$P_{\bar{\nu}_e \rightarrow \bar{\nu}_e} = 1 - 4(1 - U_{e3}^2)U_{e3}^2 \sin^2 \Psi_{\text{atm}}.$$

Wynik CHOOZ był konsistentny z

$$U_{e3}^2 < 0.05$$

Eksperyment CHOOZ

$$V_{\text{PMNS}} \approx \begin{bmatrix} c_{12} & s_{12} & 0 \\ -s_{12}c_{23} & c_{12}c_{23} & s_{23} \\ s_{12}s_{23} & -c_{12}s_{23} & c_{23} \end{bmatrix}$$



Eksperyment K2K

Eksperyment, który pozwolił na oszacowanie kąta mieszania θ_{23} nazywa się K2K i prowadził pomiary w latach 1999-2004. Eksperyment ten wykorzystywał dwa japońskie ośrodki badawcze: kompleks akceleratorów KEK zlokalizowany w dwóch kampusach w okolicach Tsukuby oraz wodny detektor neutrino ulokowany w wygaszonej kopalni cynku Kamioka, odległej od KEK o około 250 km. Eksperyment Kamiokande (ang. *Kamioka Nucleon Decay Experiment*) pomyślany był pierwotnie w celu odkrycia ewentualnego rozpadu protonu, przyczynił się do odkrycia oscylacji neutrin słonecznych. Został rozbudowywany do wersji Superkamiokande, a obecnie trwa projekt dalszego powiększenia do wersji Hyper. W omawianym eksperymencie K2K (w tłumaczeniu z angielskiego: *KEK do Kamioki*) wytworzoną w KEK wiązkę neutrin mionowych kierowano do detektora Kamiokande i badano ich oscylacje. W laboratorium KEK protony o energii 12 GeV produkują na tarczy aluminiowej mezony π^+ , które rozpadając się

$$\pi^+ \rightarrow \mu^+ + \nu_\mu$$

emitując neutrina mionowe o średniej energii 1.3 GeV. Przyjmując odległość 250 km do detektora Superkamiokande otrzymujemy następujące wartości na kąty Ψ :

$$\text{K2K: } \Psi_\odot \sim 0.02, \quad \Psi_{\text{atm}} \sim 0.61$$

Eksperyment K2K

Zaniedbując przyczynek od neutrin słonecznych otrzymujemy następujące (przybliżone) prawdopodobieństwa na oscylacje neutrin mionowych:

$$\begin{aligned} P_{\nu_\mu \rightarrow \nu_\mu}(t) &= 1 - 4(1 - U_{\mu 3}^2) U_{\mu 3}^2 \sin^2 \Psi_{\text{atm}} = 1 - \sin^2 2\theta_{23} \sin^2 \Psi_{\text{atm}}, \\ P_{\nu_\mu \rightarrow \nu_e}(t) &= 4U_{\mu 3}^2 \underline{U_{e 3}^2} \sin^2 \Psi_{\text{atm}} = 0, \\ P_{\nu_\mu \rightarrow \nu_\tau}(t) &= 4U_{\mu 3}^2 U_{\tau 3}^2 \sin^2 \Psi_{\text{atm}} = \sin^2 2\theta_{23} \sin^2 \Psi_{\text{atm}}. \end{aligned} \tag{1}$$

Najlepsze dopasowanie do danych z eksperymentu K2K daje:

$$\begin{aligned} \Delta m_{\text{atm}}^2 &= 2.8 \times 10^{-3}, \\ \sin^2 2\theta_{23} &\sim 1 \quad \rightarrow \quad \cos \theta_{23} = \sin \theta_{23} = \frac{1}{\sqrt{2}}, \end{aligned} \tag{2}$$

Eksperyment K2K

$$V_{\text{PMNS}} \approx \begin{bmatrix} c_{12} & s_{12} & 0 \\ -s_{12}/\sqrt{2} & c_{12}/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \\ s_{12}/\sqrt{2} & -c_{12}/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{bmatrix}$$

Eksperyment KamLAND

Eksperyment pod nazwą KamLAND (ang. *Kamioka Liquid Scintillator Anti-Neutrino Detector*) wykonano w znanym nam już laboratorium Kamioka, ale tym razem obserwując antyneutrina elektronowe pochodzące w większości z 26 japońskich elektrowni jądrowych (w Japonii pracuje obecnie około 50. elektrowni jądrowych). Średnia odległość od źródła wynosi około 180 km, a energia emitowanych neutrin wynosi około 4 MeV. W przeciwieństwie do CHOOZ (gdzie odległość od źródła była 1 km) kąta Ψ_{\odot} nie można zaniedbać:

$$\text{KamLAND: } \Psi_{\odot} \sim 0.4, \quad \Psi_{\text{atm}} \sim 14.3.$$

Mimo, że $\sin \Psi_{\text{atm}} \sim 1$, to ze względu na małość elementu U_{e3} do oscylacji antyneutrin elektronowych główny wkład pochodzi od neutrin słonecznych:

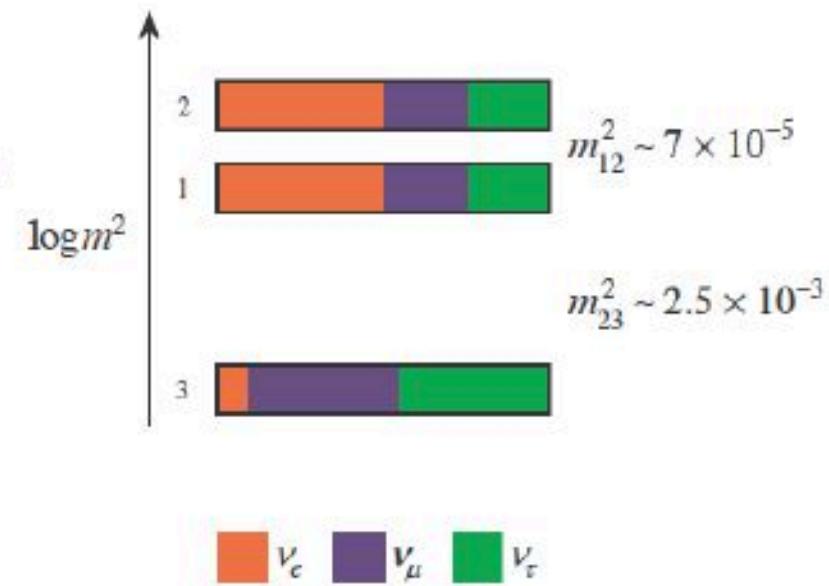
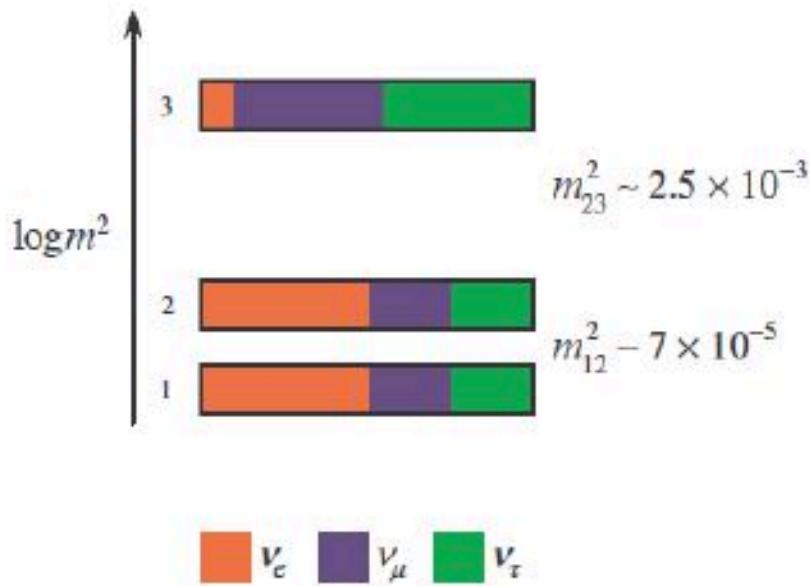
$$P_{\bar{\nu}_e \rightarrow \bar{\nu}_e}(t) = 1 - 4U_{e1}^2 U_{e2}^2 \sin^2 \Psi_{\odot} = 1 - \sin^2 2\theta_{12} \sin^2 \Psi_{\odot}.$$

$$\Delta m_{\odot}^2 = 6.9 \times 10^{-5} \text{ eV}^2,$$

$$0.84 < \sin^2 2\theta_{12} < 1,$$

Podsumowanie

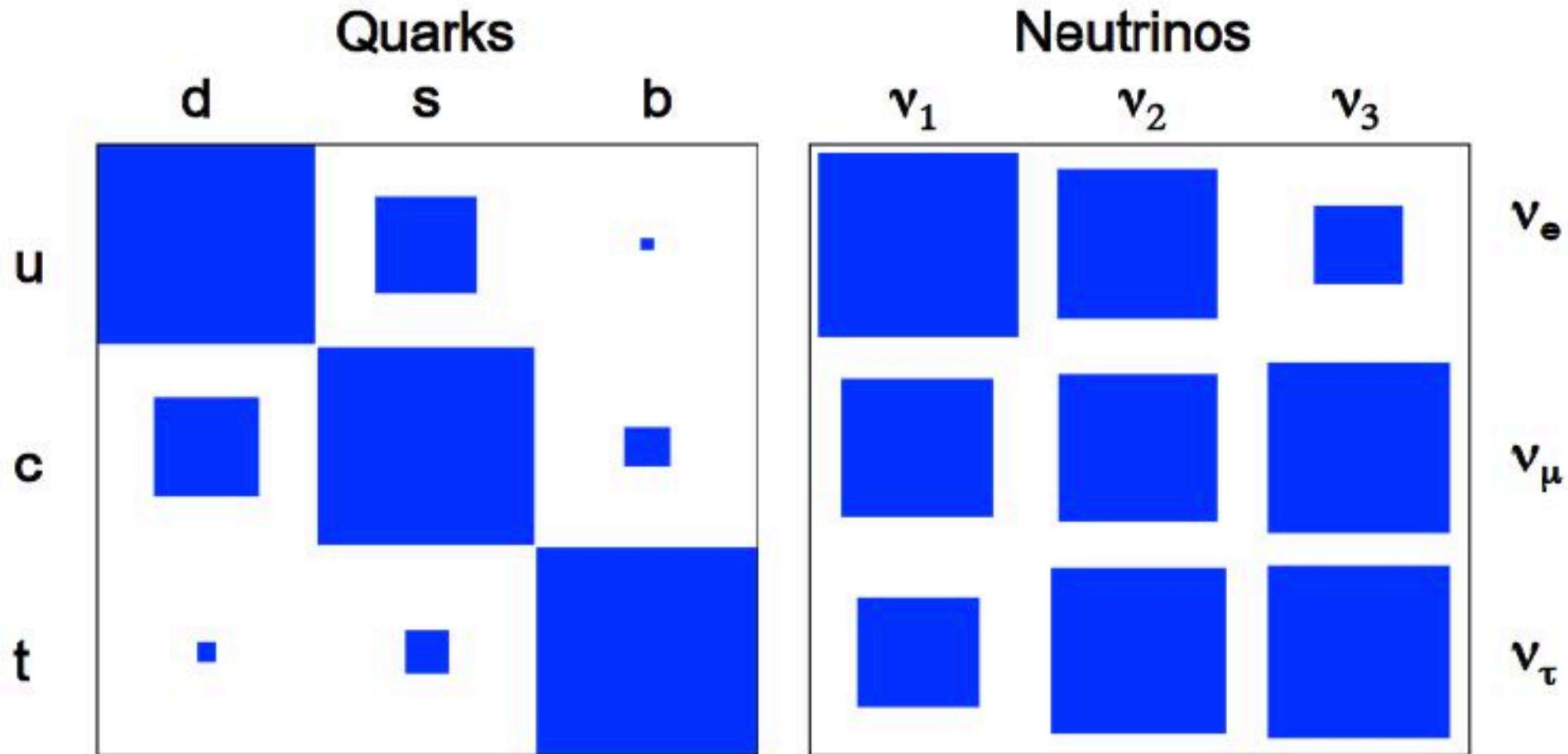
Co wiemy o masach i kątach?



Ponieważ nie znamy znaku różnic kwadratów mas neutrin, możliwe są dwa scenariusze: hierarchia normalna i odwrócona.

Podsumowanie

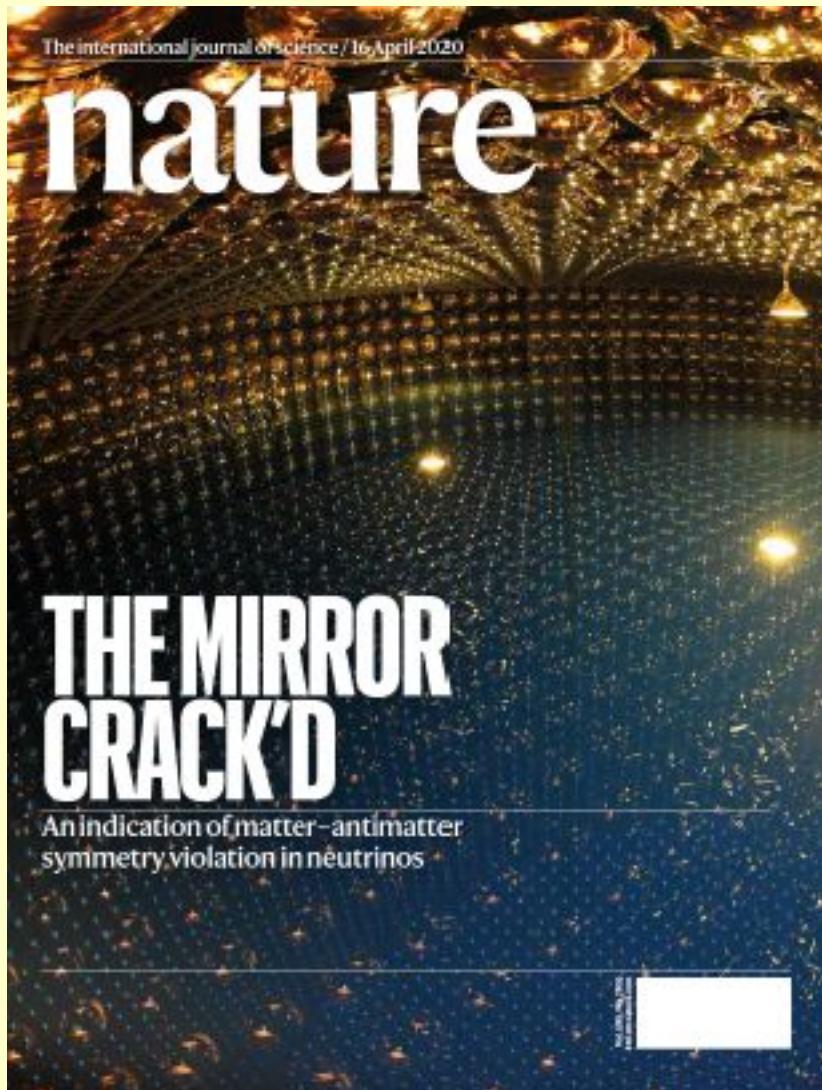
CKM and PNMS mixing matrices



PDG 2018

Parameter	best-fit	3σ
Δm_{21}^2 [10^{-5} eV 2]	7.37	$6.93 - 7.96$
$\Delta m_{31(23)}^2$ [10^{-3} eV 2]	2.56 (2.54)	$2.45 - 2.69$ ($2.42 - 2.66$)
$\sin^2 \theta_{12}$	0.297	$0.250 - 0.354$
$\sin^2 \theta_{23}$, $\Delta m_{31(32)}^2 > 0$	0.425	$0.381 - 0.615$
$\sin^2 \theta_{23}$, $\Delta m_{32(31)}^2 < 0$	0.589	$0.384 - 0.636$
$\sin^2 \theta_{13}$, $\Delta m_{31(32)}^2 > 0$	0.0215	$0.0190 - 0.0240$
$\sin^2 \theta_{13}$, $\Delta m_{32(31)}^2 < 0$	0.0216	$0.0190 - 0.0242$
δ/π	1.38 (1.31)	2σ : (1.0 - 1.9) $(2\sigma$: (0.92-1.88))

Pomiar fazy δ



K.Abe et al. (T2K Collaboration)
Constraint on the matter-antimatter
symmetry-violating phase in
neutrino oscillations

Tokai (JPARC) to Kamioka

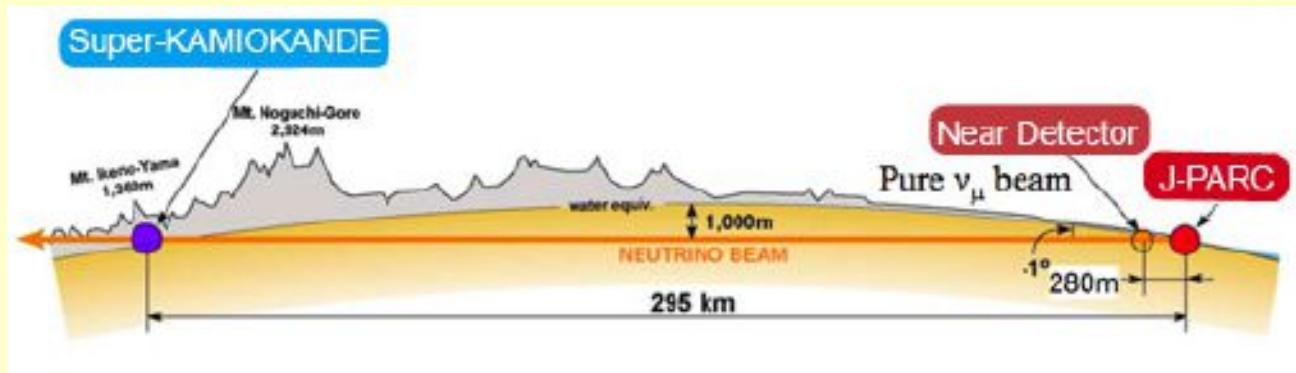
Pomiar fazy δ

$$\pi \rightarrow \mu + \nu^{(-)}$$

$E \sim 0.6 \text{ GeV}$

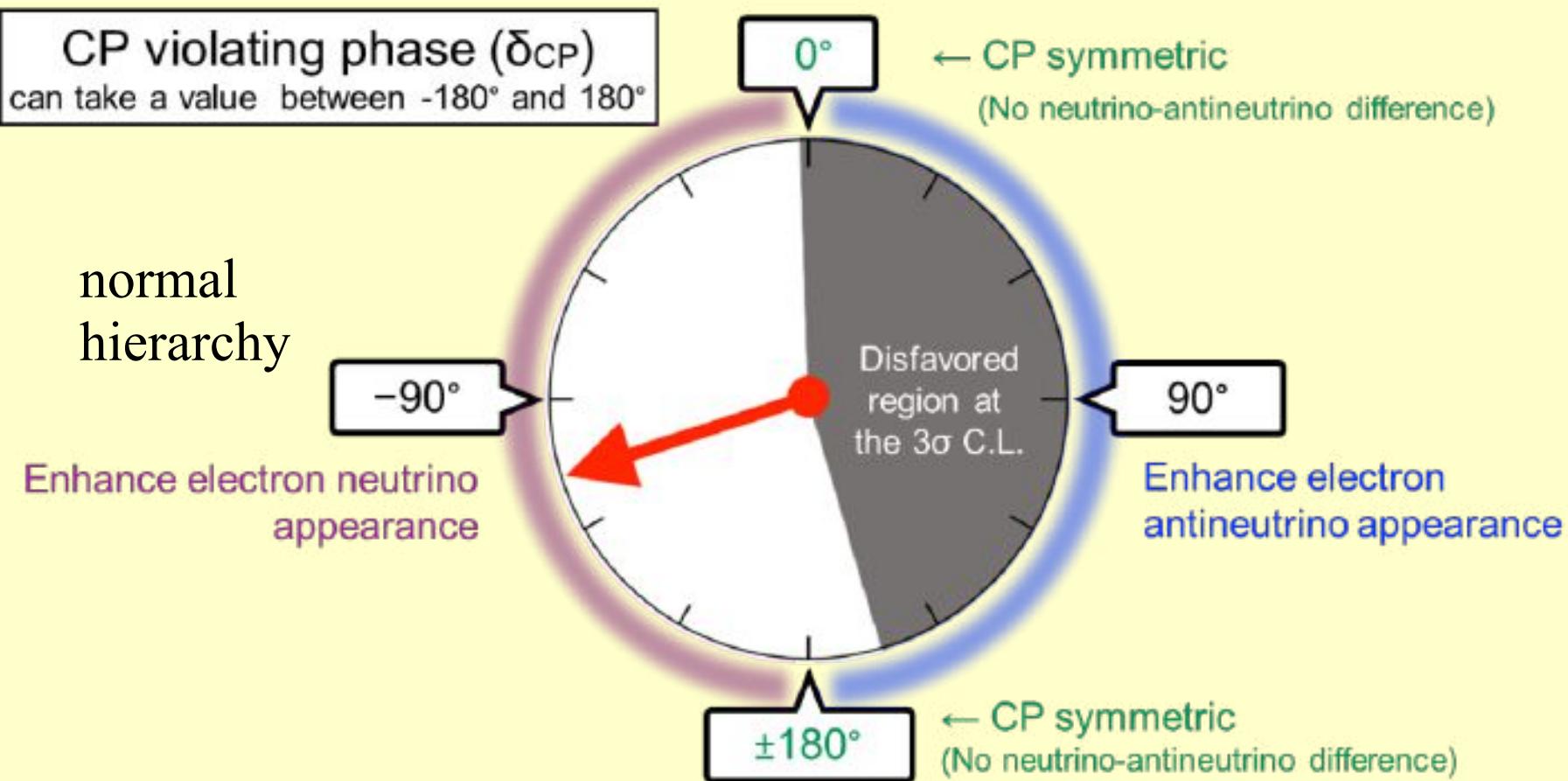
K.Abe et al. (T2K Collaboration)
Constraint on the matter-antimatter
symmetry-violating phase in
neutrino oscillations

Tokai (JPARC) to Kamioka



$$P(\nu_\mu \rightarrow \nu_e) \approx \frac{\sin^2(2\theta_{13}) \sin^2 \theta_{23} \sin^2 \left(\frac{1.27 \Delta m_{32}^2 L}{E} \right)}{\mp \frac{1.27 \Delta m_{21}^2 L}{E} 8 J_{CP} \sin^2 \left(\frac{1.27 \Delta m_{32}^2 L}{E} \right)}$$

Pomiar fazy δ



Dlaczego faza δ jest ważna?

Zakładamy, że Wszechświat, który powstał w Wielkim Wybuchu był **symetryczny**, jeżeli chodzi o materię i antymaterię. Tymczasem dziś nie we Wszechświecie nie obserwujemy skupisk antymaterii.

Anihilacja proton+antyproton daje foton. Obserwujemy:

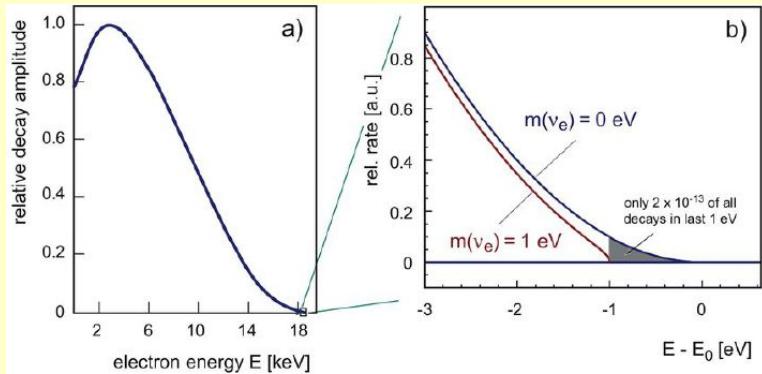
$$n_B - n_{\bar{B}} \sim 10^{-9} n_\gamma$$

Andriei Sacharow (1967):

- musi być niezachowana liczba barionowa
- zarówno C jak CP musi być złamane
- oba te warunki musiały być spełnione, gdy nie było równowagi termodynamicznej

Obserwowane obecnie w Modelu Standardowym łamanie CP jest za słabe. Neutrina?

Ograniczenia na masy neutrin



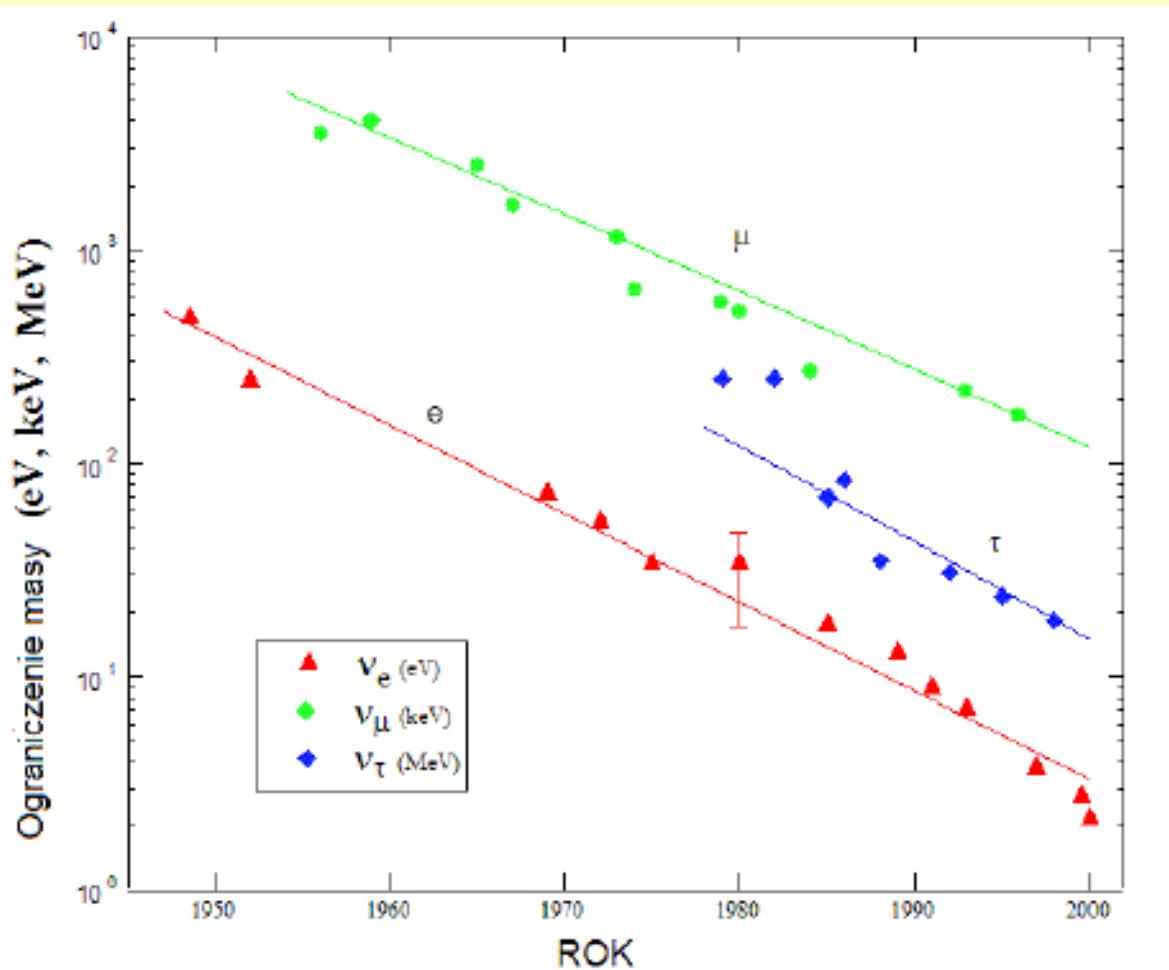
Troitsk, Mainz
KATRIN
(Karlsruhe Tritium Neutrino Exp.)

Eggenstein-Leopoldshafen, Germany in 2006

$$m_{\nu_e} < 1.1 \text{ eV}$$



Ograniczenia na masy neutrin



$$m_{\nu_e} < 1.1 \text{ eV}$$

Ograniczenia na masę poszczególnych neutrin, które pojawiały się w kolejnych eksperymentach. Proszę zwrócić uwagę na to, że ograniczenia na masy poszczególnych neutrin podane są w różnych jednostkach.

Rys. zaczerpnięty z prezentacji J.F. Wilkersona

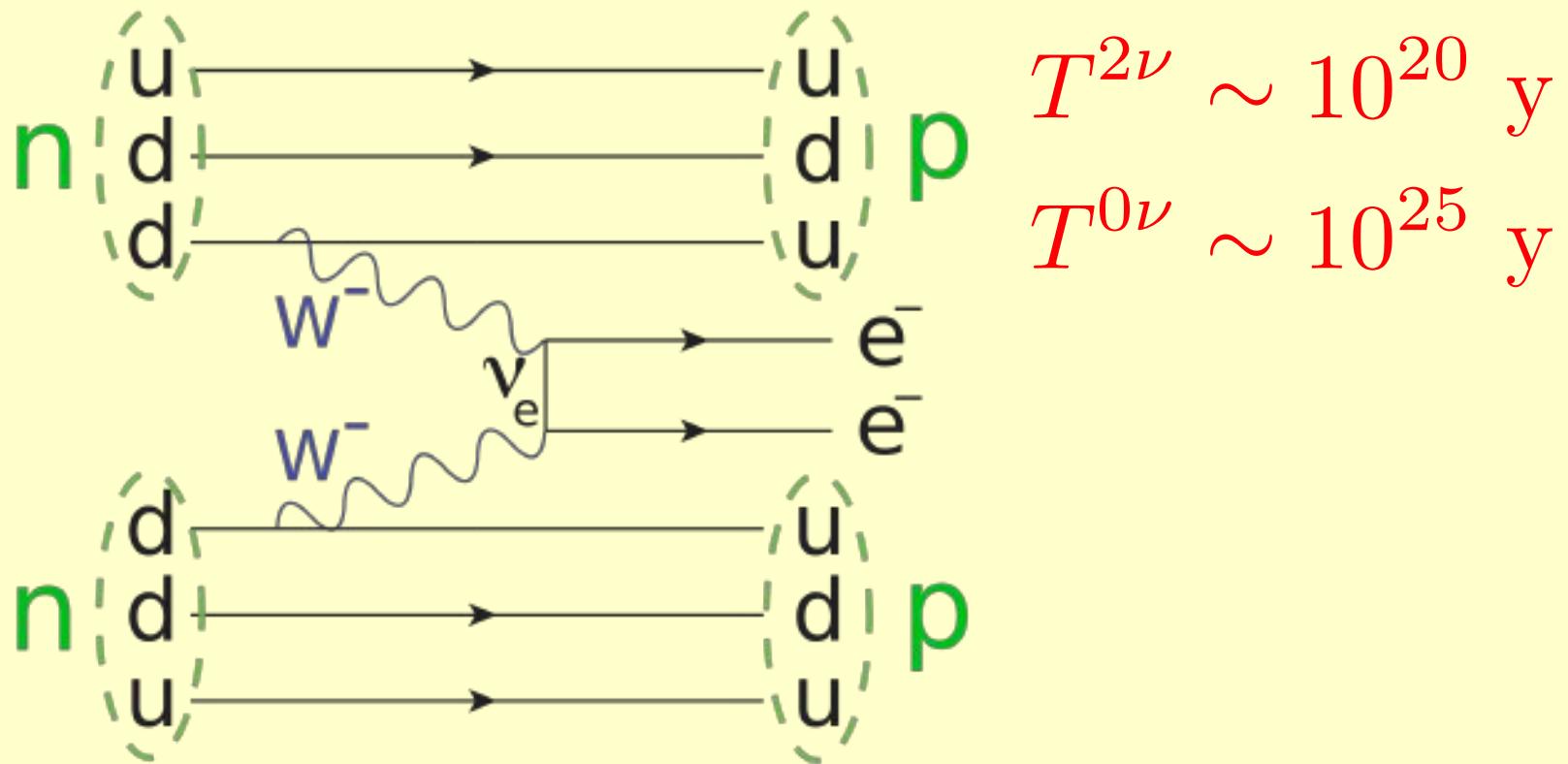
Ograniczenia na masy neutrin

Ograniczenia kosmologiczne:

$$\sum m_\nu < 0.12 \text{ eV}$$

Neutrina Majorany

Neutrina jako cząstki nienalađowane mogłyby być swoimi antycząstzkami (Majorana). Wówczas moglibyśmy zaobserwować podwójny, **bezneutrinowy** rozpad β . Bada się ciężkie izotopy.



Podsumowanie

1. Neutrina mają masy, suma ich mas jest mniejsza niż 0.12 eV
2. Dwie możliwe hierarchie mas
3. Różnice mas małe:

$$\Delta m_{\text{atm}}^2 \sim 2.5 \times 10^{-3}, \quad \Delta m_{\text{sun}}^2 \sim 7 \times 10^{-5} \text{ eV}^2$$

4. Neutrina się mieszają, dwa kąty mieszania są duże
5. Faza łamiąca CP ujemna i raczej duża

Dziedzina trudna, ale fascynująca i w fazie ogromnego rozwoju